# ГОСУДАРСТВЕННЫЙ КОМИТЕТ INDC(ССР)-230/G ПО ИСПОЛЬЗОВАНИЮ АТОМНОЙ ЭНЕРГИИ СССР

# ВОПРОСЫ АТОМНОЙ НАУКИ И ТЕХНИКИ

# серия: Ядерные константы

выпуск

# **4** (53)



.

# ВОПРОСЫ АТОМНОЙ НАУКИ И ТЕХНИКИ

### Серия: ЯДЕРНЫЕ КОНСТАНТЫ

Научно-технический сборник

#### Выпуск 4(53)

#### ЯДЕРНО-РЕАКТОРНЫЕ ДАННЫЕ

Москва

ЦНИИатоминформ

1983

#### СОДЕРЖАНИЕ

Ваньков А.А.
Измерение и оценка ядерных констант топливно-сырьеных изотопов – актуальная физическая задача З
ROMADOB A.B., JYKLEHOB A.A.
Оценка факторов резонансного самоэхранирования <sup>238</sup> 0 в области неразрешенных резонансов 8
Ваньков А.А., Тошков С., Укражниев В.Ф., Янева Н.
Группонне сечения и факторы резонансного самоэкраниро- вания 239Ри в области неразрешенных резонансов I8
Воротницев М.Ф., Воропаев А.И., Пивоваров В.А., Возяков В.В., Дметриева В.С.
Анализ погрешностей алгоритмов подготовки групповых констант в инженерных расчетах онстрых реакторов 26
Юрова Л.Н., Поляков А.А., Рухло В.П., Титаренко Ю.Е., Комми С.Ф., Шведов О.В., Филиппов Е.А., Цапков А.С., Кокорин И.И.
Эфрективные резонансные интегралы ториеных стержней, содержащих инертный резоавитель 38
Аникина Л.А., Каминский А.С., Субботин Е.С.
Измерение дифузионной длины графитовой кладки усовер- менствованным методом призмы 44
Возяков В.В., Кузин Е.Н., Литнев В.М., Шапарь А.В.
Энергетические спектры нейтронов критических сборок бистрого физического стенца 49
Даниличев А.В., Матвеев В.И., Пшакин Г.М.
Эфректи реактивности в оистрих реакторах с гетерогенной активной зоной 56
Лопаткин А.В., Ганев И.Х., Точений Л.В.
О возможности снижения скорости некоторых пороговых реакций в бланкете гибридного термоядерного реактора 63

#### РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ

#### Главный редактор О.Д.КАЗАЧКОВСКИЙ

#### НЕЙТРОННЫЕ КОНСТАНТЫ И ПАРАМЕТРЫ

Ф.Н.Беляев, П.П.Благоволин, В.П.Вертебный, В.Я.Головня, Ю.С.Замятнин, Ю.А.Казанский, С.С.Коваленко, В.Е.Колесов, В.А.Коньшин, Б.Д.Кузьминов, В.Н.Манохин, В.И.Мостовой, Г.В.Мурадян, В.Н.Нефедов, М.Н.Николаев, Ю.П.Попов, Г.Я.Труханов, В.А.Толстиков, О.А.Сальников, С.И.Сухоручкин, Г.Е.Шаталов, Г.Б.Яньков, Г.Б.Ярына, М.С.Юткевич

#### КОНСТАНТЫ И ПАРАМЕТРЫ СТРУКТУРЫ ЯДРА И ЯДЕРНЫХ РЕАКЦИЙ

#### Зам. главного редактора А.Г.ЗЕЛЕНКОВ

Б.Я.Гужовский, П.П.Дмитриев, Н.Н.Жуковский, Б.С.Ишханов, Е.Г.Копанец, В.М.Кулаков, И.П.Селинов, Ю.В.Сергеенков, Ю.В.Хольнов, Н.П.Чижова, Ф.Е.Чукреев

#### ЯДЕРНО-РЕАКТОРНЫЕ ДАННЫЕ

#### Зам. главного редактора М.Ф.ТРОЯНОВ

И.А.Архангельский, П.П.Благоволин, А.И.Воропаев, А.Ю.Гагаринский, Т.В.Голашвили, Л.В.Диев, В.П.Жарков, С.М.Зарицкий, Ю.А.Казанский, Е.П.Кунегин, А.А.Лукьянов, В.Ф.Любченко, В.Г.Мадеев, В.И.Матвеев, В.А.Наумов, М.Н.Николаев, Р.В.Никольский, Э.Е.Петров, Г.Б.Померанцев, Л.В.Точеный, В.В.Хромов, О.В.Шведов

Ответственный секретарь Д.А.КАРДАШЕВ

(С)Физико-энергетический институт (ФЭИ), 1983

УДК 539.170.013 ИЗМЕРЕНИЕ И ОЦЕНКА ЯДЕРНЫХ КОНСТАНТ ТОПЛИВНО-СЫРЬЕНЫХ ИЗОТОПОВ - АКТУАЛЬНАЯ ФИЗИЧЕСКАЯ ЗАДАЧА

А.А.Ваньков

MEASUREMENTS AND EVALUATION OF NUCLEAR DATA FOR FISSILE AND FERTILE ISOTOPES AS A PRESENT PHYSICAL PROBLEM. An analysis of the neutron cross-sections and transmission experimental data for heary nuclei in unresolved resonance region and an evaluation of the group constants are the subjects of the paper.

В настоящее время наблюдается значительний прогресс в решении проблеми ядерных данных для быстрых реакторов. В начале 70-х годов благодаря работам, выполненным главным образом в физико-энергетическом институте (Л.Н.Усаченым, М.Ф.Трояновым, М.Н.Николаевым и др.), а также за рубежом, удалось сформулировать критерии допустимых погрешностей ядерных данных, исходя из требуемой точности параметров критичности и воспроизводства. Последующее установление статуса ядерных данных и работы по анализу интегральных данных привели к переоценке этих параметров, которая, к сокалению, оказалась неблагоприятной /17. Прояснение ситуации, нашедшее отражение в справочнике по ядерным константам /27, одновременно означало снижение актуальности константной проблемы.

Действительно, разработка перспективного проекта энергетического реактора на бистрых нейтронах большой мощности (что является основой развития ядерной энергетики будущего) в настоящее время сдерживается не столько неточностью ядерных данных, сколько технологическими проблемами, на фоне которых исследования по физике активной зоны и зоны воспроизводства кажутся в основном завершенными. Тем не менее обоснование проектных характеристик действующих энергетических установок (таких, как ЕН-350, ЕН-600) до сих пор не обходилось без непосредственного их моделирования на критических стендах. Но и в этих условиях конструкторские решения предусматривали значительные "запасы" для компенсации ошибок. Полномасштабное стендовое моделирование плутониевого реактора-размножителя большой мощности типа НН-1600 сопряжено со значительными практическими трудностями. Поэтому надежность соответствующих проектных расчетов будет существенно зависеть от надежности справочных данных [2]. Это означает, что роль микроскопических и макроскопических экспериментов, ведущих к дельнейшему снижению расчетной неопределенности реакторно-физических пареметров, остается по-прежнему велика. Справедливость такого утверждения будет видна из рассмотрения даже некоторых конкретных вопросов, касакцихся ядерных данных изотопов урана и плутония в резонансной области энергий нейтронов. Полный перечень ядерно-физических задач на современном этапе, очевилно, охватывает гораздо большее число ядер и включает более широкий энергетический диалазон. Конкретный разбор и обоснование такого перечня, который отразил бы современное состояние ядерных данных и новые реакторно-физические аспекты - безотлагательное дело, осуществить которое необходимо во избежание высказываемых иногда мнений о "кризисе жанра" в проблеме ядерных констант.

Влияние резонансной структуры нейтронных сечений на реакторные характеристики. Границы области неразрешенных резонансов, где эфекты резонансного самоэкранирования достаточно заметны, зависят от типа ядер. Например, для <sup>238</sup>0 эта область находится в пределах примерно 5-50 кэВ, для делящихся ядер – в области от нескольких сотен электронвольт до 20 кэВ. Реакции нейтронов в этих интервалах дают существенный вклад в нейтронный баланс в быстром реакторе.В активной зоне перспективного бистрого реактора-размножителя при энергиях нейтронов менее 20 кэВ осуществляется примерно 70% актов радиационного захвата <sup>239</sup>Ри, 50% актов радиационного захвата <sup>238</sup>0 и 30% актов деления <sup>239</sup>Ри. Поэтому влияние резонансной самоэкранировки нейтронных сечений тяжелых ядер на реакторно-физические параметры велико, а на величину доплеровского козфінициента реактивности двойное: через доло спектра нейтронов, зависящую от средних эффективных сечений, и через температурную зависимость резонансной структуры нейтронных сечений. При переходе к зоне воспроизводства эффекти резонансного самоэкранирования благодаря смятчению нейтронного спектра усиливаются, что приводит к уменьшению надежности расчетов пространственно-энергетических распределений нейтронного потока и интегральных параметров, тем более, что исследованию физики экрана на стендах внимания уделялось недостаточно. Наконец, можно отметить больщую роль транспортного сечения при расчете полей тепловыделения во всем реакторе. Эффект резонансного самоэкранирования полного (и транспортного) сечения велик, и соответствующая погрешность приводит к дополнительной неопределенности технологических параметров.

Строгая количественная оценка различных видов погрешностей, связанных с резонансной структурой нейтронных сечений, необходимые типы новых экспериментов, требуемые точности этих экспериментов - подобные вопросы служат предметом специального методического анализа, во многих частях еще невыполненного. Такой анализ является непростой задачей, требуищей всестороннего комплексного изучения соответствущих ядерно-физических и реакторно-физических проблем, а также вопросов оценки и подготовки групповых констант. Часть из них уже рассмотрена (например, в работах (3-87). Далее ограничимся некоторыми грубным оценками специфических погрешностей ядерных констант и рекомендациями по постановке требуемых экспериментов.

Погрешности групцовых констант в резонансной областа энергий нейтронов. Многогрупповой расчет нейтронного баланса в активной зоне в так называемом В<sup>2</sup>-приближении может быть проведен строго в том смысле, что он допускает точнув подготовку макроскепических групповых констант, если известны микроскопические нейтронные сечения. Поэтому, говоря о константных погрешностях реакторного расчета, следует разграничивать погрешности первичных ядерных данных, погрешности изза приближений подготовки групповых констант и погрешности оценочных процедур, нарушающих установленный формализм подготовки или приводящих к внутренним противоречиям с точки зрения теории нейтронных сечений. Во всех работах по формулировке требований к точности ядерных данных предполагалось, что два последних типа погрешностей отсутструют. Иначе говоря, предполагалось, что требуемые точности относятся к самоэкранированным средним сечениям или к средним сечениям, если факторы резонансного самоэкранирования известны точно. Для области неразрешенных или плохо разрешенных резонансного самоэкранирования известны точно. Для области неразрешенных или плохо разрезонансного самоэкранирования оказываются сравнимыми или превышающими достигнутые погрешности измерений средних сечений. Опыт по экспериментальным оценкам факторов резонансного самоэкранирования показывает, что отклонения на 10–15% от табличных значений является обнчным явлением.

Правильная постановка задачи для экспериментаторов – измерение эффективных средних сечений в зависимости от толщины образда-фильтра. При такой постановке программа ядерно-физических исследований приобретает новый смысл. Переформулировка требований точности указанных измерений очевидна: погрешности измеренных самоэкранированных (эффективных) сечений не должны превышать установленные ранее погрешности средних сечений (что ужестчает условия измерений). Положение осложняется тем, что надо обеспечить требуемую высокую точность оценок не только факторов самоэкранирования, но и их температурных приращений. Последние можно было бы определить по измерениям функций пропускания при разных температурах образцов, но эти измерения сложны, поэтому температурные приращения факторов резонансного самоэкранирования целесообразно определять расчетным цутем на основе теоретической модели с оптимизированными параметрами, при оценке которых использована вся имекщаяся экспериментальная информация. Таким образом, напрашивается вывод (вообще говоря, не новый) о важной роли теоретической модели в задаче оценки группоных коңстант.

Сложившееся к настоящему времени положение с измерениями и оценкой групповых констант топливно-сырьевых изотопов в области неразрешенных резонансов является не совсем удовлетворительным. Начнем с условий подготовки групповых констант. Из приближений подготовки наименее опасным, по-видимому, является приближение постоянства плотности соударений, хотя с уменьшением энергии нейтронов локальные погрешности становятся значительными /6/. Физически менее приемлемым и математически необоснованным является приближение сечения разбавления б<sub>0</sub>. Ошибка этого приближения, особенно в доплеровских приращениях, трудно предсказуема. На современном этапе есть все основания для отбрасывания этого, а также сопутстнующего подгруппового приближения в целях перехода к последовательной идеологии групповых функций распределения сечений  $P(\mathfrak{S}_t) = \mathfrak{S}_x(\mathfrak{S}_t)P(\mathfrak{S}_t)$  (где б<sub>х</sub> – парплальные сечения). Именно эта, накоолее общая информация о структуре сечений содержится в результатах измерений функций пропускания:

$$T(n) = (1/\Delta u) \int_{\Delta u} exp(-\tilde{\sigma}_t n) P(\tilde{\sigma}_t) d \tilde{\sigma}_t ;$$
  
$$T_x(n) = (1/\langle \tilde{\sigma}_x \rangle) \int_{\Delta u} \tilde{\sigma}_x(\tilde{\sigma}_t) exp(-\tilde{\sigma}_t n) P(\tilde{\sigma}_t) d\tilde{\sigma}_t$$

Эта же информация может бить получена из статистической теории нейтронных сечений. В рамках такой идеологии оценки всех типов констант становятся самосогласованными, а их экстраполяция на высокие температуры – обоснованной. Подготовка макроконстант будет оведена к последовательной свертке на основе физической посылки о некоррелированности сечений изотопов с номерами *i* и *j*:

$$\begin{split} & P_{i+j}(\Sigma_t) = \int_0^\infty P_i(\Sigma_t - \Sigma_{tj}) P_j(\Sigma_{tj}) d\Sigma_{tj} \ ; \\ & \Sigma_x(\Sigma_t)_{i+j} = \int_0^\infty \Sigma_{xi}(\Sigma_t - \Sigma_{tj}) P_j(\Sigma_{tj}) d\Sigma_{tj} + \int_0^\infty \Sigma_{xj}(\Sigma_t - \Sigma_{ti}) P(\Sigma_{ti}) d\Sigma_{ti} - \end{split}$$

с последущим расчетом произвольного типа функционалов:

$$\langle \mathcal{F}(\Sigma_t, \Sigma_x) \rangle = \int_0^\infty \mathcal{F}[\Sigma_t, \Sigma_x(\Sigma_t)] P(\Sigma_t) d\Sigma_t$$

Опыт показал, что при числе узлов около IOO в гистограммном представлении функций  $P(G_t)$ ,  $G_{\chi}(G_t)$  искажения первичной информации неидентифицируемы и можно станять задачу о представлении ядерно-физической информации  $P(G_t), G_{\chi}(G_t)$  в виде дополнительных файлов, а может бить, в виде их аппрокоммирующих функций.

Растетно-теоретические модели нейтронных сечений и алгоритмы расчета функционадов. Следуищее звено в процессе оценки групповых констант - теоретическая модель и расчетный алгорити играет исключительно важную роль в переработке первичной физической информации. Например, первичная обработка экспериментальных данных по функциям процускания может быть проведена методом аппрокоммируних функций (в частности, методом подгрупп) для непосредственной оценки моментов сечений. Но более исчерпиванный анализ, именций гораздо большую научную и практическую ценность, основывается на использования теории нейтронных сечений. Без расчетно-теоретического инструмента немыслима сама идея создания библиотеки оцененных ядерных данных. Поэтому критическое отношение визивает тот факт, что известная система ENDF/B, формат которой принимается в качестве стандартного при международном обмене, базируется на формальных алгоритмах представления данных (по задаваемым параметрам восстанавливаются массины сечений, к которым необходимо добавлять "корректирущие подложки") /5/. Подход к задаче оценски файлов, развиваемый под руководством В.А.Конышена /107 с использованием физических моделей, является более корректным и эффективным.

Основной вопрос анализа нейтронных данных для тякелых ядер в резонансной соласти - применимость одноуронненых и многоуровненых формализмов. Как известно, в случае тяжелых неделящихся ядер в резонансной области энергий нейтронов правомерно использование простой теоретической модели (формализма Брайта - Вигнера), что связано со сравнительно мелой плотностью уровней и слабым эффектом межрезонанской интерференции. Вследствие этого применима аналитическая техника учета доплеровского уширения. Развитий на этой основе в работе /II/ метод расчета функционалов реализует численное интегрирование по распределениям статистики уровней выделенного состояния с применением малоузловых квадратурных формул с последующей свертной суперпозиции состояний методом подгрупп. Этот метод является эффективным при подготовке групповых констант неделящихся изотонов. Аналогичные методы разработаны за рубеком. Однако их применение в случае делящихся ядер неприемиемо с физической точки зрения ввиду сильных эффектов межрезонансной интерференции. Несмотра на это, все работь, посвященные расчету функционалов сечений делящихся ядер, основаны на попользовании формализма Брайта – Вигнера с учетом доплер-эффекта через  $\Psi$ -, X-функции в приближеник слабой парной интерференции резонансов.

Решение этой задачи в рамках многоуровневой К-матричной теории (формализи Райха - Мура) впервые было достигнуто в работах дубненской группы при обработке функций процускания для делящихся изотопов /12,137. Был развит метод статистического моделирования структуры нейтронных сечений, применявшийся ранее лишь в рамках формализма Брайта - Вигнера. Основная трудность использования в рассматриваемой задаче R-матричного формализма заключалась в больших временах ЭВМ при численном методе учета доплеровского уширения. Для преодоления этой трудности автором была предложена идея учета доплеровского эффекта также на основе метода статистических испытаний. Алгорити оценки функций  $P(G_t)$  и  $G_x(G_t)$  и различных функционалов набладаемых сечений заключается в реализации случайной выборки параметров множества резонансов (суперпозиции уровней всех необходимых состояний) на достаточно широком летаргическом интервале о И последующим набором статистики путем многократного "испускания" нейтронов из заданных точек  $u_i$  (с шагом  $\Delta u$ ) с разбросом по случайной функции доплеровского уширения. Идея метода состоит в том, что требуемая детальность сканирования при таком подходе определяется критерием количества точек на доплеровской ширине (а не на ширине резонанса при нулевой температуре) и при реально выбираемом шаге ои = 20 мэВ погрешность за счет кусочно-линейного представления доплеровской функции практически не играет роли. Таким образом, последовательное использование метода Монте-Карло для расчета функционалов сечений позволяет избавиться от проблемы квадратурных формул, а погрешность расчета свести к погрешности статистики испытаний, которая легко оценивается.

Использование принципа коррелированной выборки в этом подходе позволяет получать оценки функционалов сразу для нескольких температур и набора возмущенных значений средних резонансных параметров. Усреднение по статистике резонансов проводится путем многократных реализаций случайной выборки резонансов в интервале  $\Delta U$ , который может смещаться по энергии в целях "гладкого" усреднения или устанавливаться для локальной оценки средних функционалов. Данный метод был реализован на ЭВМ БЭСМ-6 и ЕС-60 и показал высокую эффективность.

Предложенный статистический способ учета доплеровского эффекта может быть использован также и при исследовании так называемого газового приближения. Ввиду вакности усовершенствования промышленной технологии изготовления смешанного оксидного топлива доплер-эффект как физическое явление, влияющее на параметры безопасности быстрых реакторов, необходимо исследовать комплексно. Здесь можно выделить следующие причины погрешностей групповых констант, занисящие от: 1) ядернофизических параметров и модельных приближений (уточняются экспериментами по определению средних сечений и функций пропускания); 2) подготовки групповых констант – приближения постоянства плотности соударений и б<sub>о</sub>-формализма (уточняются детальными расчетами); 3) газового приближения и значений дебаевских температур (уточняются в экспериментах на медленных нейтронах по дваждыдифференциальным сечениям и расчетами по теории твердого тела). Говоря о последнем эффекте, стоит отметить опасность ошибки, связанной с большой неопределенностью дебаевской температуры и зависимостью последней от изменений микроструктуры и состава топлива в процессе выгорания.

Цогрешности оценок групцовых констант. Формальный путь оценки погрешностей групповых констант (нейтронных сечений и факторов резонансного самоэкранирования) заключается в получении ковариационной матрицы оцененных средних резонансных параметров и в переходе с помощью коэфиниентов чувствительности к ковариационной матрице групповых констант. На практике этот путь не всегда реализуется, так как типы групповых констант могут оцениваться с применением разных методик и расчетных процедур. Типичная трудность при оценке погрешностей групповых констант – неконтролируемые искажения из-за некорректности расчетно-теоретической модели. Так, выше отмечалось, что применение формализма Брайта – Вигнера для описания нейтронных данных делящихся изотопов является неоправданным. Факт модельного искажения может онть менее очевидным (например, введение физической гипотезы, означающей выход за рамки общепринятых теоретических представлений). Другой типичный вопрос – зависимость средних резонансных параметров от энергии нейтронов. Действительно, для R-матричной теории такие параметры, как радиус рассеяния и приведенные силовые функции, есть внешние параметры, относительно которых можно делать выводи лишь с позиции более общей теории. Обнчно эти параметры рассматриваются как константы. В то же время оптическая модель предсказывает монотонную зависимость этих параметров от энергии нейтронов.

Существует еще одна важная причина искажения оценок. Она возникает при корректировке групповых констант в противоречивых или статистически неоправданных условиях. Примероч является корректировка групповых констант <sup>238</sup>U с использованием интегральных данных по сечению поглощения нейтронов в предположении, что факторы резонансного самоэкранирования являются точными величинами. Это условие привело к внутренним противоречиям при оценке групповых констант <sup>238</sup>U /27. Для уточнения факторов резонансного самоэкранирования в области неразрешенных резонансов необходима дополнительная информация, в первую очередь эксперименты по измерению функций процусканыя и, если возможно, функций самоиндикации в условиях предельно малых толщин образца-индикатора. Такие экспериментальные данные указывают на необходимость понижения факторов резонансного самоэкранирования сечения поглощения <sup>238</sup>U /147. Оценки их температурных приращений также могут содержать систематические погрешности. Например, для <sup>238</sup>U оценки автора температурных прирекений эффективных сечений поглощения  $\Delta \mathcal{G}_{C}$  (ЗООК — 2100К) при  $\mathcal{G}_{0} = 100$  о следующие: 5 мо (46,5-100 квВ), 15 мо (21,5-46,5 квВ), 45 мо (10-21,5 квВ). Это заметно выше табличных значений работи /27 (соответственно 3, 10 и 35 мо). Оцениваемый в данном случае масштао погрешности охазывается велик для такого хорошо изученного ядра, как <sup>236</sup>U. Для делящихся ядер опасность систематических ошибок в факторах резонансного самоэкранирования возрастает.

r

x

Цель настоящей работы – обсуждение некоторых методических вопросов анализа совокупности экспериментальных данных по нейтронным сечениям в функциям пропускания для оценки параметров расчетно-теоретической модели и на их основе – групповых констант в области неразрешенных резонансов. Делается вывод о необходимости постановки новых экспериментов по измерению функций пропускания. Работы /15,167 посвящени некоторым конкретным результатам измерений, анализа и оценки нейтронных констант тяжелых изотопов.

x

#### Список литературы

- Воропаев А.И., Ваньков А.А., Колосков Б.В., Троянов И.Ф. Тенденции в оценках параметров критичности и воспроизводства перспективного бридера. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1975, вып.20, ч.2, с.112-175.
- 2. Абагян І.П., Базазянц Н.О., Николаев М.Н., Цибуля А.М. Групповые константы для расчета реакторов и защить. М.: Энергоиздат, 1981.
- 3. Ваньков А.А., Воропаев А.И., Юрова Л.Н. Анализ реакторно-физического эксперимента. М.: Атомиздат, 1977.
- 4. Ваньков А.А., Воропаев А.И. Корректировка групповых констант. Атомная энергия, 1975, т.39, с.51.
- 5. Воротницев М.Ф., Ваньков А.А., Воропаев А.И. и др. Детальный расчет энергетического спектра нейтронов и проблема подготовки групповых констант. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1976, вып.21, с.147-184.
- 6. Воротынцев М.Ф., Пивоваров В.А., Ваньков А.А. и др. Оценка точности приближения постоянства илотности соударений при расчете факторов резонансной блокировки. - В кн.: Резонансное поглощение нейтронов (материалы Всесоюзного семинара, Москва, 1977). М.: Атомиздат, 1978, с.71-73.
- 7. Rowlands J.L. Some views on cross-sections for uranium and plutonium isotopes in the resolved and unresolved regions. - Proc. of the IAEA Consultants Meeting on the Uranium and Plutonium Isotope Resonance Parameters. INDC(NDC)-129/GJ. Vienna: IAEA, 1981, p.25-30.
- 8. Salvatores M., Palmiotti G., Derrien H. e.a. Resonance parameter data uncertainty effects on integral characteristics of fast reactors. Ibid., p.31-46.
- 9. Garber D. ENDF/B summary documentation. ENDF-201. 1975.
- 10. Анципов Г.В., Коньшин В.А., Суховицкий Е.Ш. Ядерные константы для изотопов-плутония. Минск: Наука и техника, 1982.
- II. Кощеев В.Н., Синица В.В. Метод ничисления функционалов сечений в области неразрешенных резонансов. - Атомная энергия, 1979, т.47, вып.2, с.94.
- 12. Кулиджиева Н., Янева Н. Моделирование энергетической структуры сечений делящихся ядер в области неразрешенных резонансов. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1981, вып.3(42), с.88-90.

- Бакалов Т., Ваньков А.А., Илчев Т. и др. Анализ экспериментальных данных по пропусканию нейтронов в области неразрешенных резонансов изотопа <sup>239</sup> Pu. - Сообщение ОИНИ, РЗ-83-51, 1983.
- 14. Ваньков А.А., Шибуля А.М., Чан Хань Май. Оценка сечения захвата и его резонансной самоэкранировки для <sup>238</sup> и из анализа экспериментов по пропусканию в области неразрешенных резонансов. - Препринт ФЭИ-ПОО5. Обнинск, 1980.
- 15. Ваньков А.А., Гостева Л.С., Украинцев В.Ф. Анализ экспериментов по пропусканию для <sup>238</sup>0 в области неразрешенных резонансов. Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерине константы, 1983, вып.3(52), с.27-33; Ваньков А.А., Тошков С., Украинцев В.Ф. и др. Групповые константы и характеристики структуры нейтронных сечений для <sup>232</sup>Th, <sup>240</sup>Pu, <sup>242</sup>Pu в области неразрешенных резонансов. Там же, с.33-38.
- 16. Ваньков А.А., Тошков С., Украинцев В.Ф., Янева Н. Группоные сечения и факторы резонансного самоэкранирования <sup>239</sup>Ри в области неразрешенных резонансов. См. настоящий выпуск, с.18-25.

Статья поступила в редакцию 4 мая 1983 г.

УДК 539.170.013

ОЦЕНКА ФАКТОРОВ РЕЗОНАНСНОГО САМОЭКРАНИРОВАНИЯ <sup>238</sup>U В ОБЛАСТИ НЕРАЗРЕЩЕННЫХ РЕЗОНАНСОВ

А.В.Комаров, А.А.Лукьянов

RESONANCE SELFSHIELDING FACTORS EVALUATION IN UNREZOLVED REGION OF 2580. The method of manygroup selfshielding factors calculation for Doppler broadened model resonance cross-sections in unresolved region is proposed. Experimental data on neutron transmission through uranium-238 samples and parameters of the model for estimated resonance selfshielding factors are analised.

Одной из наиболее сложных задач при описании процессов замедления, поглощения и переноса нейтронов в средах является оценка эффектов резонансного самоэкранирования в области неразрешенных уровней. Из-за отсутствия в этой области прямой экспериментальной информации для построения энергетической структуры сечений используются определенные приближения. Наиболее известны метод подгрупп [1] и за рубеком метод вероятностных таблиц [2]. В методе подгрупп, разработанном М.Н.Николаевым, любой средний по группе функционал сечения  $\mathcal{E} - F(\mathcal{E})$  (в том числе и среднее по группе пропускания) представляется в виде  $\langle F(\mathcal{E}) \rangle = \sum_{k} \alpha_k F(\mathcal{E}_k)$ ; для его нахождения необходимо задание подгрупповых параметров  $\alpha_k$ ,  $\mathcal{E}_k - \sqrt{1}$ ,  $\sqrt{3}$ . Достоинство данных методов - удобство их практического использования, например метод подгрупп успешно применяется в практике реакторных расчения вопрос о физическом смисле параметров и для их определения в зависимости от толщины образцов (1-3). В настоящей работе предлагается способ параметризации этих данных и относительно простой метод расчета по параметрам пропускания основных функционалов сечений, используемых в групповых расчетах.

Для описания резонансной структуры нейтронных сечений используется модель одинаковых эквидистаитных резонансов [4], учитыващая основные качеотвенные особенности поведения реальных сечений. В формализме *R*-матричной теории для ядер ниже порога неупругого рассеяния полное сечение б и сечение радиационного захвата б<sub>с</sub> могут быть представлены довольно простыми формулами [5]:

$$\mathcal{G}(E) = \mathcal{G}_m + \mathcal{G}_0 (s \cos\varphi - tg z \sin\varphi)^2 / (s^2 + tg^2 z) \quad ; \tag{I}$$

$$\mathcal{G}_{c}(E) = \mathcal{G}_{0c} s^{2} (tg^{2}z + 1) / (tg^{2}z + s^{2}), \qquad (2)$$

где  $z = \pi E/D$ ; E - внергия нейтрона; <math>D -расстояние между резонансами;  $G_m -$ сечение в минимуме резонанса;  $G_0 = G_m - G_m -$  характеризует значение сечения в максимуме резонанса  $G_m$ ;  $S = \pi \Gamma/2D -$  силовая функция;  $\varphi -$  феза интерференции потенциального и резонансного рассеяния. В случае одноканального рассеяния с радиационными закватом при отсутствии доплеровского уширения резонансов параметры формул (I),(2) могут быть вычислены с помощью оценок  $\sqrt{5}, 6/2$ :  $G_0 = (4\pi/\kappa^2)(\Gamma_n/\Gamma), \varphi = \kappa R$ ,  $s = (\pi/2)s_0\sqrt{E}$ , где R - оптический радкус ядра;  $s_0$  - приведенная силовая функция;  $\Gamma_n$  и  $\Gamma$  нейтронная и полная ширины. В случае, когда имеется несколько каналов рассеяния, формулы (I),(2) для описания полного сечения и радиационного захвата также справедливы, однако параметры  $G_m$ ,  $G_0$ , S и  $\varphi$  в этом случае будут иметь модельный характер и могут быть получены из анализа экспериментальных данных по пропусканию или из подгонки к имеющимся значениям моментов сечений или факторов резонансного самоэкранирования  $\sqrt{7}, 87$ .

Усреднение по энергии формул (I),(2) соответствует усреднению по периоду - Л/2 < z < Л/2 и дает известные результаты для средних сечений /97:

$$\langle \sigma \rangle = \sigma_m + \sigma_0 (\sin^2 \varphi + s \cos^2 \varphi) / (1+s) = \sigma_p + \sigma_0 s \cos \varphi / (1+s) ; \qquad (3)$$

$$\langle \sigma_c \rangle = \sigma_{oc} s , \qquad (4)$$

где  $\mathcal{O}_{p} = \mathcal{O}_{m} + \mathcal{O}_{0} \sin^{2} \varphi$  - потенциальное сечение.

Пропускание с сечением (2) будет иметь вид [4,6]

$$T = \langle \exp(-n\sigma) \rangle = \frac{1}{\pi} \exp(-n\sigma_m) \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \exp\left\{-n\sigma_0 \frac{(s\cos\varphi - tgz\sin\varphi)^2}{s^2 + tg^2 z}\right\} dz.$$
(5)

Соответственно определяются и моменты сечения /6/:

$$\langle \mathfrak{G}^2 \rangle = \langle \mathfrak{G} \rangle^2 + \left\{ s \, \mathfrak{G}_0^2 / \left[ 2 (1+s)^2 \right] \right\}; \tag{6}$$

$$\left\langle \frac{1}{6} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{6_m 6_M}} \frac{(s\sqrt{6_m} + \sqrt{6_M})(s\sqrt{6_m} + \sqrt{6_m})}{(s\sqrt{6_m} + \sqrt{6_M})^2 + 6_0 \sin^2 \varphi (1 - s^2)} \quad ; \tag{7}$$

$$\left\langle \frac{1}{\sigma^2} \right\rangle = \left\langle \frac{1}{\sigma} \right\rangle^2 + \frac{s\sigma_0^2}{2\left[\sigma_M \sigma_m\right]^{3/2} \left[\left(s\sqrt{\sigma_M} + \sqrt{\sigma_m}\right)^2 + \sigma_0 \sin^2 \varphi (1-s^2)\right]},\tag{8}$$

где  $G_{M} = G_{0} + G_{m}$ .

Значения моментов сечений (6),(7) характеризуют факторы резонансного самоэкранирования, которые с учетом сечения разбавления б<sub>е</sub> определяются как <u>/</u>3,<u>5</u>7:

$$f_{t}(\sigma_{R}) = 1/\langle \sigma \rangle \left[ \left\langle \frac{1}{\sigma + \sigma_{R}} \right\rangle / \left\langle \frac{1}{(\sigma + \sigma_{R})^{2}} \right\rangle - \sigma_{R} \right] ; \qquad (S)$$

$$f_{c}(\vec{\sigma}_{R}) = \langle /\langle \vec{\sigma}_{c} \rangle \left[ \langle \frac{\vec{\sigma}_{c}}{\vec{\sigma} + \vec{\sigma}_{R}} \rangle / \langle \frac{1}{\vec{\sigma} + \vec{\sigma}_{R}} \rangle \right];$$
(10)

$$f_e(\mathcal{G}_R) = \frac{1}{\langle \mathcal{G}_e \rangle} \left[ \left\langle \frac{\mathcal{G}_e}{\mathcal{G} + \mathcal{G}_R} \right\rangle \right/ \left\langle \frac{1}{\mathcal{G} + \mathcal{G}_R} \right\rangle \right], \tag{II}$$

. где индекс t относится к полному сечению, е - к рассеянию и с - к поглощению. Групповые сечения, использующиеся в расчете реактора, вычисляются умножением средних сечений на соответствующие факторы резонансного самоэкранирования. Добавление сечения б<sub>е</sub> в формулах (9)-(II) эквивалентно в рассматриваемой схеме переопределению величины сечения в минимуме  $\sigma_m^{-} = \sigma_m + \sigma_R$ . В этой схеме среднее по группе сечение захвата на фильтрованных пучках в зависимости от изменения толщин фильтров находится как

$$\langle \mathcal{G}_{c} \exp(-n\mathcal{G}) \rangle = \langle \mathcal{G}_{c} \rangle \exp\left\{-n\left[\mathcal{G}_{m} + \langle \mathcal{G}_{0}/2 \rangle\right]\right\} I_{0}(n\mathcal{G}_{0}/2) , \qquad (12)$$

где I<sub>0</sub> - функция Бесселя мнимого аргумента /4/. При этом эффективный резонансный интеграл поглоцения <б /б> будет иметь вид

$$\langle \mathcal{G}_{c}/\mathcal{G} \rangle = \int_{0}^{\infty} \langle \mathcal{G}_{c} \exp(-n\mathcal{G}) \rangle dn = \langle \mathcal{G}_{c} \rangle 1/\sqrt{\mathcal{G}_{m}\mathcal{G}_{M}} , \qquad (I3)$$

а коэффициент самоэкранирования fc можно представить формулой [5]

$$f_{c} = \frac{(s\sqrt{\sigma_{M}^{*}} + \sqrt{\sigma_{m}^{*}})^{2} + \sigma_{0} \sin^{2}\varphi(1-s^{2})}{(s\sqrt{\sigma_{M}^{*}} + \sqrt{\sigma_{m}^{*}})(s\sqrt{\sigma_{m}^{*}} + \sqrt{\sigma_{M}^{*}})} , \qquad (14)$$

где в  $\mathcal{G}_m^* = \mathcal{G}_m + \mathcal{G}_R$ ,  $\mathcal{G}_m^* = \mathcal{G}_m^* + \mathcal{G}_R$  учтено сечение разбавления  $\mathcal{G}_R$ . Исходя из определения  $f_c$  и  $f_e$  (IO),(II), формул (I3),(I4) и соотношения  $\langle \mathcal{G}_c / \mathcal{G} \rangle + \langle \mathcal{G}_e / \mathcal{G} \rangle =$ = I, найдем

$$\langle 1/(\mathcal{G} + \mathcal{G}_R) \rangle = 1/(\langle \mathcal{G}_e \rangle f_e + \langle \mathcal{G}_c \rangle f_c + \mathcal{G}_R) = \left[ 1/\sqrt{\mathcal{G}_m^*(\mathcal{G}_m^* + \mathcal{G}_0^*)} \right] f_c \tag{15}$$

или при нулевом разбавлении ( $G_R = 0$ )

$$1/\sqrt{\mathfrak{G}_{m}\mathfrak{G}_{M}} = \langle 1/\mathfrak{G} \rangle_{f_{c}} = \left[ 1/(\langle \mathfrak{G}_{c} \rangle_{f_{c}} + \langle \mathfrak{G}_{e} \rangle_{f_{e}}) \right]_{f_{c}}$$
(16)

формула (14) для вычисления факторов резонансного самоэкранирования по захвату описывает поглощение одной системой резонансных уровней (например, с l = 0). В случае, когда необходимо учитывать несколько систем резонансных уровней и одна из них является преобладащей, факторы самоэкранирования по захвату могут быть вычислены следущим образом [5]:

$$f_{c} = f_{c}^{*} \left\{ \langle \langle \boldsymbol{\sigma}_{cs} \rangle / \langle \boldsymbol{\sigma}_{c} \rangle \rangle + \left[ 1 - \langle \langle \boldsymbol{\sigma}_{cs} \rangle / \langle \boldsymbol{\sigma}_{c} \rangle \right] \sqrt{\boldsymbol{\sigma}_{m}^{*} / \langle \boldsymbol{\sigma}^{*} \rangle f_{e}^{*}} \right\},$$
(17)

где  $\langle \sigma_{cS} \rangle / \langle \sigma_c \rangle$  характеризует вклад S-волны (основной системы резонансных уровней) в среднее сечение захвата;  $f_c^*$  - вычисляется по формуле (14);  $\sigma_m^*$ ,  $f_e^*$ ,  $\langle \sigma^* \rangle$  рассчитываются с учетом сечения разбавления б<sub>е</sub> переопределением цараметра б<sub>е</sub>.

Учет доплеровского уширения резонансов. Влияние доплеровского уширения резонансов на форму резонансной кривой (которым можно пренебречь для некоторых конструкционных элементов) весьма существенно для тяжелых элементов. В настоящее время классической схемой описания такого эффекта является использование в качестве распределения скоростей ядер в мишени распределения Максвелла [9]:

$$f(E')dE' = \left(\frac{1}{\sqrt{\pi}} \Delta\right) exp\left[-(E'-E)^2/\Delta^2\right] dE', \qquad (18)$$

где  $\Delta = 2\sqrt{kTE}/(A+1)$  – доплеровская ширина; k – постоянная Больциана; T – абсолютная температура. Использование распределения Максвелла при описании формы резонансов приводит к известным функциям  $\Psi(\zeta_{\lambda}x)$ ,  $X(\zeta_{\lambda}, x)/9/$ :

$$\Psi(\xi_{\lambda}, x) = \frac{\xi_{\lambda}}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\exp\left[-\xi_{\lambda}^{2}(x-y)^{2}\right] dy}{1-y^{2}} ,$$

$$X(\xi_{\lambda}, x) = \frac{\xi_{\lambda}}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{y \exp\left[-\xi_{\lambda}^{2}(x-y)^{2}\right]}{1+y^{2}} dy .$$
(19)

Здесь  $\xi_{\lambda} = \Gamma_{\lambda} / 2\Delta$ , где  $\Gamma_{\lambda}$  – естественная ширина резонанса. Например, в случае одноуровневой формулы Брайта – Вигнера для полного сечения взаимодействия нейтрона с ядром, учитывающей интерференцию резонансного и потенциального рассеяния (φ≠0), будем иметь

$$\mathcal{G}(E) = \mathcal{G}_{\rho} + \mathcal{G}_{0} \left[ \Psi(\xi_{\lambda}, x) \cos 2\varphi - X(\xi_{\lambda}, x) \sin 2\varphi \right], \qquad (20)$$

 $rge \quad x = 2(E_{\lambda} - E) / \Gamma_{\lambda} .$ 

Применение распределения (I8) к сечению (I) (которое переходит в формулу Брайта – Вигнера при S<< 1) дает

$$\mathcal{O}(E) = \mathcal{O}_{m} + \mathcal{O}_{0} \sin^{2}\varphi + \frac{\mathcal{O}_{0} s^{2} \cos 2\varphi}{\sqrt{\pi} \Delta} \int_{-\infty}^{\infty} \exp\left(-\frac{x^{2}}{\Delta^{2}}\right) \frac{dx}{s^{2} + tg^{2} \left[\pi(E+x)/D\right]} - \frac{\mathcal{O}_{0} s \sin 2\varphi}{\sqrt{\pi} \Delta} \int_{-\infty}^{\infty} \exp\left(-\frac{x^{2}}{\Delta^{2}}\right) \frac{dx tg \left[\pi(E+x)/D\right]}{s^{2} + tg^{2} \left[\pi(E+x)/D\right]}$$
(21)

как видно из формул (19)-(21), использование распределения Максвелла приводит к довольно сложным для практической реализации интегралам, в то же время в случае использования модельных резонансных параметров  $\mathcal{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_0$  точность описания доплеровского уширения резонансов с помощью функций  $\Psi(\xi_{\lambda}, x), X(\xi_{\lambda}, x)$  будет не очень высока. Более рациональный путь учета доплеровского уширения состоит в переопределении параметров  $\mathcal{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_0$  так, чтобы можно было более эффективно описать зависимость резонансной структуры сечений от температуры. Принимая, что в результате температурного уширения не изменятся  $\langle \mathcal{E} \rangle$  (3) и  $\mathcal{E}_p = \mathcal{E}_m + \mathcal{E}_0 \sin^2 \varphi$ , приходим к выводу, что переопределять нужно всего два параметра из четырех. Существует несколько способов такого переопределять нужно всего два параметра из четырех. Существует несколько способов такого переопределять нужно всего два параметра из четырех. Существует несколько способов такого переопределения. Например, можно внчислить силовую функцию как  $\tilde{s} = \mathfrak{A}(\Gamma + \tilde{a})/2D = s(\Gamma + \tilde{a})/\Gamma$ , где связь между  $\tilde{\Delta}$  и  $\Delta$  (доплеровской шириной) рассмотрена в работе /107. Исходя из сохранения нормы  $\Psi(\xi_{\lambda}, x)$ , можно переопределять параметр  $\mathcal{G}_0: \tilde{\mathcal{G}}_0 = \mathcal{G}_0 \Psi(\sqrt{2}\xi_0, 0) / [4, 11]^2$ . При данном переопределении можно оставить неизменным параметр  $\varphi$ . Точность подобных переопределений исоледована в работах /10,11]; при этом удовлетворительно описываются доплеровские изменения эффективного резонансного интеграла  $\langle \mathcal{E}_c/\mathcal{E} \rangle$  и хуже описываются доплеровские приращения факторов самовиранирования  $f_t$  и  $f_c$ .

Как показаля результати расчетов, при использовании модельных параметров неплохое согласие с известными значениями доплеровских приращений факторов резонансного самоэкранирования достигается переопределением вида

$$\widetilde{\mathcal{G}}_{0} = \mathcal{G}_{0} \Psi(\boldsymbol{\xi}, 0) ; \qquad (22)$$

$$\widetilde{\mathcal{G}}_{m} = (\mathcal{G}_{m} + \mathcal{G}_{0})\sin^{4}\varphi/(2\xi^{2} + \sin^{2}\varphi).$$
(23)

Формула (22) отражает уменьшение резонансных максимумов при доплеровском уширении [см. выражение (20)], а формула (23) приближенно описывает температурную зависимость сечения  $G_m$ в минимуме. Для конкретной практической реализации, когда известно значение параметров  $G_m$ ,  $G_0$ , S, а также значение  $G_p$  при некоторой температуре (например, при 300К) формулы (22), (23) будут иметь вид

$$\widetilde{e}_{0} = \overline{e}_{0} \Psi(\xi_{\tau}, 0) / [\Psi(\xi, 0)]; \qquad (24)$$

$$\widetilde{\sigma}_{m} = \widetilde{\sigma}_{p} - (\widetilde{\sigma}_{p} - \widetilde{\sigma}_{0}) \left\{ \frac{16 \xi^{2} \xi_{T}^{2}}{\left[ 4 \xi^{2} \xi_{T}^{2} + K(2\xi^{2} - 2\xi_{T}^{2}) \right] \right\}$$
(25)

Здесь  $K = (\tilde{\sigma}_p - \tilde{\sigma}_m)/\tilde{\sigma}_0$ ;  $\xi_{\tau} = \Gamma/2\Delta_{\tau}$  ( $\Delta_{\tau}$  – доплеровская ширина при рассчитываемой температуре T;  $\Gamma = 2DS/\pi$ );  $\xi = \Gamma/2\Delta$  ( $\Delta$  – доплеровская ширина при начальной температуре, например ЗООК). После того, как определены параметры  $\tilde{\sigma}_m$  и  $\tilde{\sigma}_o$ , параметры  $\tilde{S}$  и  $\tilde{\varphi}$  могут быть найдены из условий

$$\widetilde{\varphi} = \arcsin\left(\sqrt{\sigma_{p}} - \widetilde{\sigma_{m}} / \sigma_{0}\right); \qquad (26)$$

$$\widetilde{s} = \left(\langle \widetilde{o} \rangle - \widetilde{o}_{\rho} \right) / \left( \widetilde{\widetilde{o}}_{0} \cos 2\widetilde{\varphi} + \widetilde{o}_{\rho} - \langle \widetilde{o} \rangle \right).$$
(27)

Переопределение параметров (25)-(27) возможно как в случае одноканального рассеяния с радиационным захватом, когда параметры  $\tilde{\sigma}_0$ ,  $\varphi$ , s хорошо известны, так и для случая модельных параметров. Переопределяя параметры  $\tilde{\sigma}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\tilde{\sigma}_0$  для разных температур, можно по формулам (9)-(II) рассчитывать доплеровские приращения факторов резонансного самоэкранирования с достаточной для практических приложений точностью.

Параметризация значений факторов самоэкранирования. Расчет факторов самоэкранирования, их доплеровских приращений, пропусканий на различных толщинах в случае упругого рассеяния и радиационного захвата удобно произлюстрировать на примере изотопа <sup>238</sup>U /127. Для этого изотопа были проведены анализ экспериментальных данных по пропусканию и параметризация имеющихся значений факторов резонансного самоэкранирования; поскольку рассматриваемая методика связана с усреднением по большому числу резонансов, анализ проводился в группах IO-I6 26-групповой системы констант БНАБ-78 /37.

Для параметризации факторов резонансного самоэкранирования при совместном решении соответстнующих уравнений определялись параметры  $\mathcal{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_0$ . В группах IO-I4 использовались уравнения для  $\langle \mathcal{G} \rangle$ ,  $\langle 1/\mathcal{G} \rangle$ ,  $\langle 1/\mathcal{G}^2 \rangle$  [см.формулы (3),(7),(8)] и  $\mathcal{G}_\rho = \mathcal{G}_m + \mathcal{G}_0 \sin^2 \varphi$ . Для  $\mathcal{G}_\rho$  взято рекомендованное для неразрешенной области значение IO,9 о  $\langle 3, I27, \langle 1/\mathcal{G} \rangle$  рассчитивалось по формуле (I5) при нулевом разбавлении,  $\langle 1/\mathcal{G}^2 \rangle = (1/\langle \mathcal{G} \rangle)/[\langle \mathcal{G} \rangle_{f_t}(0)]$ . Значения  $f_c$ ,  $f_e$ ,  $f_t$ ,  $\langle \mathcal{G}_c \rangle$ ,  $\langle \mathcal{G}_e \rangle$ ,  $\langle \mathcal{G} \rangle$  взяты из работи  $\langle 3/2, \mathcal{G} \rangle$ .

Решение четырех уравнений с четырымя неизвестными проводилось с помощью программ FUMILI и NEWTON из библиотеки ЭЕМ БЭСМ-6. Программа FUMILI осуществляла подгонку параметров методом нажменьших квадратов /5-77, программа NEWTON – решение четырех уравнений с четырымя неизвестными с использованием метода Ньютона для решения системы трансцендентных уравнений (8,137. Результаты работы этих программ совпали. Как показали результаты расчетов, в группах 15 и 16 значение  $\mathfrak{O}_{\rho}$ несколько превышает 10,9 б; в этих группах вклад  $\rho$ -волны в среднее сечение захвата невелик  $(\bar{1}4,157,$  поэтому в качестве четвертого уравнения ниесто  $\tilde{\mathfrak{O}}_{\rho}$  использовалось значение  $\sqrt{\mathfrak{O}_{m}(\mathfrak{O}_{m}+\mathfrak{O}_{0})}$ , которое вычислялось по формуле (16) с данными работы /37. Решение системы из четырех уравнений проводилось с помощью двух программ, и результать, как и в группах IO-I4, совпали.

В табл.І в числителе представлены значения параметров  $\mathcal{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_o$ , полученные в результате решения системы четырех уравнений в группах IO-I6, и рассчитанные по ним моменты сечений  $\langle \mathcal{G} \rangle$ ,  $\langle \mathcal{G}^2 \rangle$ ,  $\langle 1/\mathcal{G} \rangle$ ,  $\langle 1/\mathcal{G}^2 \rangle$ , а также факторы самоэкранирования  $f_t$ ,  $f_e$  и  $f_c$  при нулевом разбавлении  $\mathcal{G}_R$ [формулн (3),(6)-(II]]; в знаменателе - значения резонансных параметров и групновых реакторных функционалов, полученных из анализа данных по прямым и захватным пропусканиям. В табл.2 представлена зависимость от сечения разбавления  $\mathcal{G}_R$  факторов резонансного самоэкранирования  $f_t$ ,  $f_e$  и  $f_c$ , полученных по формулам (9),(II) с использованием найденных параметров, в сравнении с данными работы (37. В группах I3-I6  $f_c$  рассчитывались по формуле (I7), при этом вклад s-волны в среднее сечение по захвату был взят из работы /I57. В группах IO-I2 вклад в захват систем резонансных уровней  $\rho$ - и d-волн велик и приближения формулы (I7) не действуют /5,I4,I57. В этих группах факторы резонансного самоэкранирования по захвату рассчитывали по формуле (I4) с учетом только одной эффективной системы резонансных уровней; по-видимому, этим объясняются полученные расхождения с данными работы /37,хотя полученные значения укладываются в имеющийся разброс оценок  $f_c$  в этих группах (3,I27.

Таблица I

Значения	средних	резонансных	пара	метров	, MOMENTOB	сечений
и факторо	в самоэк	ранирования	для	групц	IO16	

Номер груп пы	б <sub>т</sub> , о	φ	s	б <sub>0</sub> , d	<б>, 0	<б²>, б²	<1/6>,0 <sup>I</sup>	<1/0²>,0 <sup>-2</sup>	f <sub>c</sub>	ft	fe
IO	<u>9,32</u>	<u>0,305</u>	<u>0,217</u>	<u>17,51</u>	<u>13,464</u>	<u>203,6</u>	<u>0,0814</u>	<u>0,00707</u>	<u>0,777</u>	<u>0,855</u>	<u>0,917</u>
	6,57	0,506	0,177	24,36	14,24	240,6	0,0825	0,0078I	0,85	0,702	0,85
II	<u>8,19</u>	<u>0,3II</u>	<u>0,181</u>	<u>28,76</u>	<u>14,48</u>	<u>263</u>	<u>0,082</u>	<u>0,0075</u>	<u>0,701</u>	<u>0,755</u>	<u>0,849</u>
	5,59	0,4I7	0,073	42,26	14,47	266	0,082I	0,0077	0,744	0,734	0,846
12	<u>7,76</u>	<u>0,279</u>	<u>0,165</u>	<u>41,52</u>	<u>15,88</u>	<u>356,5</u>	<u>0.08II</u>	<u>0,0076</u>	<u>0,631</u>	<u>0,672</u>	<u>0,785</u>
	3,98	0,532	0,0533	34,5	13,7	216,5	0,083I	0,00807	0,972	0,588	C,75
13	<u>5,19</u>	<u>0,281</u>	<u>0,147</u>	<u>74,I3</u>	<u>18,95</u>	<u>675,5</u>	0,0885	<u>0,0I045</u>	<u>0,477</u>	<u>0,449</u>	<u>0,601</u>
	I,9I	0,3I6	0,0362	II6	16,39	495,8	0,09	0,0I3I	0,74I	0,665	0,673
I4	<u>3,75</u>	<u>0,177</u>	<u>0,0554</u>	<u>229</u>	<u>22,19</u>	<u>1795</u>	<u>0,0973</u>	<u>0,0II4</u>	<u>0,318</u>	<u>0,33</u>	<u>0,474</u>
	4,75	0,163	0,0548	229,5	22,07	1784	0,0923	0,0III	0,325	0,377	0,506
15	<u>3.I5</u>	<u>0,0907</u>	<u>0,0I08</u>	<u>1097</u>	<u>23,72</u>	<u>6951</u>	0,0888	<u>0,01026</u>	<u>0,182</u>	<u>0,365</u>	<u>0,522</u>
	4,93	0,0859	0,0I47	811	22,48	5206	0,092	0,00993	0,171	0,4I2	0,538
<b>1</b> 6	<u>5,6</u>	<u>0,0666</u>	<u>0,00636</u>	<u>1629</u>	<u>23.03</u>	<u>8860</u>	<u>0.0786</u>	<u>0,00687</u>	<u>0,I33</u>	<u>0,497</u>	<u>0,656</u>
	6,32	0,07I3	0,01 <i>2</i> 9	840	2I,02	49I0	0,09II	0,00922	0,I50	0,465	0,6I8

Для нараметров  $\mathcal{G}_m$ ,  $\mathcal{G}_0$ , S и  $\varphi$  (см.числитель табл.I) в группах IO-I4 было проведено переопределение в зависимости от температуры по формулам (24)-(27) и подсчитаны доплеровские приращения факторов резонансного самоэкранирования по полному сечению захвата и рассеяния, которые в сравнении с данными работы /37 приводятся в табл.3. Относительная погрешность соответствия этих данных, кроме значений для  $f_c$  в группах IO-I2,где различаются сама значения  $f_c$ , не превышает 50% (в основном не более IO-20%), т.е. имеет порядок точности получения этих данных /3,I27.

Как видно из табл. I, полученные в результате параметризации значения  $\mathcal{G}_m$  в группах IO-I6 и значения  $\mathcal{G}_0$  в группах IO-I4 хорошо согласуются с минимальными и максимальными значениями полных сечений в соответствующих группах /I67; при этом  $\mathcal{G}_0$  приближенно описнвается зависимос – тью  $\mathcal{G}_0 = (4\pi/k^2)(\Gamma_n/\Gamma)\Psi(\xi,0)$  для наиболее сильных резонансов, а  $\mathcal{G}_m$  нигде не опускается ниже значения  $\mathcal{G}_m = 4\pi R^2(\Gamma_n/\Gamma)$ где  $\Gamma_n$  и  $\Gamma$  – радиационные и полные нейтронные ширины резонансов в группе. Параметры S и  $\varphi$ , чувствительные к доплеровскому уширению резонансов, носят модельных характер.

Таблята	2
TCHORDELLEY	~

факторы резолансного самоэкранирования для 238 л при 300К

Номер		$f_t$	ma o <sub>R</sub> ,	PAREON		$f_e$ upu $\mathcal{G}_R$ , parhom					fc mpu GR, pannon				
пя груп-	10000 ·	1000	100	10	0	10000	1000	100	10	0	10000	IU00	100	IO	0
IO	-	0 <b>,997</b> (0,997)	0,973 (0,974)	0,90I (0,907)	0,855 (0,855)	-	0,998 (0,998)	0,987 (0,986)	0 <b>,94</b> 7 (0,946)	0,9I7 (0,9I2)	_	0,996 (0,998)	0,962 (0,988)	0,85I (0,948)	0,777 (0,9I)
11	0,999 (0,999)	0,993 (0,99I)	0,944 (0,936)	0,82I (0,828)	0,755 (0,755)	-	0,996 (0,995)	0,972 (0,963)	0,898 (0,880)	0,849 (0,844)	0,999	0,992 (0,996)	0,937 (0,968)	0,78 (0,884)	0,70I (0,83)
12	0,999	0,987	0,908	0,746	0,672	0,999	0,994	0,953	0,847	0,785	0,999	0,988	0,908	0,72	0 <b>,631</b>
	(0,998)	(0,978)	(0,882)	(0,756)	(0,672)	(0,999)	(0,989)	(0,93)	(0,832)	(0,78)	(0,999)	(0,990)	(0,929)	(0,795)	(0,713)
13	0 <b>,99</b> 7	0,968	0,805	0,56	0,449	0 <b>,998</b>	0 <b>,984</b>	0,894	0,706	0,6	0,985	0,965	0,833	0,585	0,477
	(0,990)	(0,917)	(0,724)	(0,58I)	(0,447)	(0,995)	(0,955)	(0,8II)	(0,674)	(0,603)	(0,995)	(0,954)	(0,79I)	(0,592)	(0,50I)
14	0,988	0,905	0,642	0,44	0,33	0,994	0 <b>,9</b> 52	0,775	0,576	0,474	0,983	0,9I3	0,63I	0,376	0,318
	(0,977)	(0,846)	(0,609)	(0,477)	(0,384)	(0,988)	(0,9I3)	(0,718)	(0,579)	(0,479)	(0,988)	(0,903)	(0,625)	(0,377)	(0,285)
I5	0,952	0,756	0,564	0,464	0,365	0,979	0,87I	0,695	0,588	·0,522	0,946	0,703	0,330	0,183	0,182
	(0,968)	(0,800)	(0,556)	(0,46I)	(0,365)	(0,968)	(0,89I)	(0,686)	(0,572)	(0,522)	(0,979)	(0,84)	(0,471)	(0,239)	(0,183)
16	0 <b>,939</b>	0,7 <b>43</b>	0,6	0,537	0,497	0 <b>,977</b>	0,879	0,756	0,688	0,656	0,929	0,626	0,269	0,146	0,I33
	(0,957)	(0,777)	(0,596)	(0,537)	(0,497)	(0,986)	(0,889)	(0,746)	(0,68I)	(0,656)	(0,962)	(0,75)	(0,358)	(0,171)	(0,I33)

Примечание. В скобках представлени данные работи /3/.

•

I4

Таблица З

Номер	Δ		∆ft IDE	GR, PARA	M	Δ	fe mont of	, равном			∆ <sub>fc</sub> при С	R PSTEON	[
11H L DA 11-		1000	100	IO	0	1000	100	IO	0	1000	100	IO	0
10	Δ,	0.0017 (0,0011)	0,0I36 (0,0082)	0.0442 (0,0275)	0,0585 (0,0456)	0,0008 (0,0005)	0,0066 (0,0043)	0,0252 (0,0158)	0,0372 (0,0252)	0,002 (0,0005)	0,02 (0,0044)	0.072 (0,0191)	0,102 (0,0321)
	Δ2	0,0007 (0,0006)	0,006 (0,0057)	0.022 (0.017)	0,0302 (0,0264)	0,0003 (0,0003)	0,0027 (0,0025)	0.0II (0,0097)	0,0167 (0,0152)	0,0014 (0,0002)	0,012 (0,002)	0,05 (0,0088)	0,0779 (0,0149)
II	Δ,	0,0036	0,027 (0,018)	0,074 (0,0395)	0,094 (0,0628)	0,0018 (0,0015)	0,0I39 (0,0I04)	0,0463 (0,0265)	0,066 (0,0373)	0,0037 (0,0015)	0.0285 (0.0115)	0,085 (0,0391)	0,109 (0,0585)
	△2	(0,0016)	(0,011)	(0,0272)	(0,0374)	(0,0008)	(0,0057 (0,006I)	(0,0176)	(0,0243)	(0,0007)	(0,0057)	(0,0213)	(0,0327)
12	Δ	0.006 (0,008I)	0,0383 (0,033I)	0.0757 (0.0451)	0,0845 (0,0718)	0,0028 (0,0042)	0,020I (0,02I4)	0,053 (0,037)	0,068 (0,0457)	0,006 (0,0044)	0,0428 (0,0276)	0,107 (0,0649)	0,124 (0,0807)
	Δ2	0,0029 (0,0045)	0,02I3 (0,0222)	0,053 (0,0356)	0,058I (0,0467)	0,0014 (0,0023)	0,0I04 (0,0I36)	0,0324 (0,0272)	0,042I (0,0334)	0,0032 (0,0022)	0,0253 (0,0158)	0,0837 (0,0433)	0,112 (0,0573)
13	Δ,	0.014 (0.02)	0,067 (0,045)	0,086 (0,06I)	0,0987 (0,095)	0,0066 (0,0II)	0,039 (0,034)	0,074 (0,039)	0,092 (0,049)	0,0I2 (0,0I2)	0,0689 (0,054)	0,125 (0,083)	0,124 (0,084)
	Δ2	0.007 (0,012)	0.044 (0,038)	0,052 (0,037)	0.0677	0,0034) (0,006)	0,024 (0,027)	0,0556	0.0646 (0,04I)	0,006 (0,007)	0,0428	0. <u>112</u> (0,07)	0,134 (0,08)
14	Δ,	0,0342 (0,0404)	0,0652 (0,0408)	0,0479 (0,0257)	0,0744 (0,0853)	0,0176 (0,0246)	0,0533 (0,04II)	0,0526 (0,0293)	0,0653 (0,0442)	0,033 (0,033)	0,102 (0,083)	0.0911 (0,0771)	0,0630 (0,0641)
	Δ2	0,0203 (0,0285)	0,0616 (0,0407)	0,0559 (0,0274)	0,0648 (0,1048)	0,0102 (0,0165)	0,0429 (0,0367)	0,0566 (0,0307)	0,0645 (0,0418)	<b>0,017</b> (0,020)	0,074 (0,065)	0,0879 (0,0731)	0,0755 (0,0697)

Доплеровские приращения факторов резонансного самоэкранирования для групп IO-I4 <sup>238</sup>0

II р и мечание. В скобках представлены данные работы  $\sqrt{37} \left[ \Delta_1 = f(900K) - f(300K), \Delta_2 = f(2100K) - f(900K) \right].$ 

15

•

Рассмотренный метод параметризации, по-видимому, плохо применим к малым s и  $\varphi$  и большим  $G_0$  (что соответстнует группам 17-22), поскольку для этих значений погрешность воспроизведения функций  $\Psi$  и X будет велика и сечение (I) описывается приближенной зависимостью  $\mathcal{G}(E) \approx \mathcal{G}_m + \mathcal{G}_0 s/(tq^2 z + s^2)$ . В этом выражении имеется очень сильная корреляция между  $\mathcal{G}_0$  и s, и в группах 15,16 эти параметры уже нельзя считать независимым.

Анализ экспериментальных данных по пропусканию. С помощью четырех параметров  $\mathcal{G}_{m}$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_{0}$  можно воспроизводить не только факторы самоэкранирования вместе с доплеровскими приращениями, но и данные по пропусканиям [5,12]. В качестве примера был проведен анализ экспериментальных данных по полным и захватным пропусканиям [формулы (5),(12)] в группах 10-16 на <sup>238</sup>U. В группах IO и II анализировали данные работы /I7/ и, поскольку пропускания представлены липь для малых толщин, были добавлены также данные работы /I8/. В группах I2-I4 анализировали данные по прямым и захватным пропусканиям работы /I8/, в группах I4-I6 использовали данные из библиотеки ENDF/B для расчета прямых и захватных пропусканий по программе УРАН /I9/.

Параметры б<sub>лл</sub>,  $\varphi$ , s, б<sub>о</sub> формул (5),(12) подгоняли к соответствующим экспериментальным данным с помощью библиотечной программы FUMILI на ЭЕМ БЭСМ-6 методом наименьших квадратов. Программа FUMILI позволяет в зависимости от имеющейся точности экспериментальных данных задавать им соответствующий статистический вес. Большая погрешность характерна для захватных пропусканий.

Результати подгонки пропусканий в группах IO-I4 приведени на рис.I, а, пропусканий по захвату в группах IO-I6 - на рис.2. Полученние в результате анализа экспериментальных данных параметри  $\mathcal{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathcal{G}_0$  приведени в табл.I (знаменатель). Из рис.I,2 видно, что данные работи /I8/ лежат выше результатов подгонки для пропусканий на больших толщинах, что может бить обусловлено влиянием вторичных нейтронов /20/ и фона. В то же время данные по прямым и захватным пропусканиям работ /I7,19/ хорошо описываются формулами (5),(I2).



Для нараметров  $\mathfrak{G}_m$ ,  $\varphi$ , s,  $\mathfrak{G}_0$ , полученных в результате анализа экспериментальных данных по формулам (3),(5)-(7), (9)-(11), были рассчитаны значения  $\langle \mathfrak{G} \rangle$ ,  $\langle \mathfrak{G}^2 \rangle$ ,  $\langle \mathfrak{I}/\mathfrak{G} \rangle$ ,  $f_t$ ,  $f_e$  и  $f_c$  (см. табл. I, знамещатель). Для нараметров групп I5 и I6 переопределением по формулам (25)-(27) были подсчитаны деплеровские приращения факторов резонансного самоэкранирования  $f_t$ ,  $f_c$  и  $f_e$ , которые в сравнении с данными работы /3/ приведени в табл. 4. Из табл. 4 видно, что погрежность воспроизведения доплеровских приращения в основном не премывает I5-20%.

Параметри предлагаеного метода анализа экспериментальных данных по прямым и захватным пропусканиям весьма чувствительны к пропусканиям на больших толщинах. В наибольшей степени это от-



Рис.2. Экспериментальные и расчетные значения захватных пропусканий  $T_c(n)$  в группах IO-I6 для <sup>238</sup>U. Данные работ:  $x - \sqrt{187}$ ;  $\Delta - \sqrt{177}$ ;  $O - \sqrt{197}$ ; — - значения, рассчитанные по формуле (12)

носится к параметру б<sub>m</sub> - значению среднего в группе минимального сечения. Путем анализа экспериментальных данных можно находить значения этого и других параметров с достаточно хорошей точностью и воспроизводить значения пропусканий на любых толщинах (5-7).

Характерно при этом, что по прямым пропусканиям можно восстанавливать захватные пропускания, используя лишь данные о средних сечениях  $\langle \tilde{\sigma}_C \rangle / 5/$ . К сожалению, отсутствуют надежные экспериментальные данные по прямым и захватным пропусканиям на <sup>238</sup>U в широком диапазоне изменения толщин образцов, включая большие толщины, которые моглы бы показать все возможности и недостатки предлагаемого метода. Однако можно сделать вывод о том, что метод вполне применим в области неразрешенных резонансов и позволяет описывать имеющуюся здесь экспериментальную информацию. Несколько хуже ситуация в области разрешенных резонансов, где анализ данных по пропусканию может быть затруднен из-за сильной корреляции параметров S и  $\tilde{\sigma}_0$ . Более последовательный метод, позволяющий получать значения S,  $\varphi$ ,  $\tilde{\sigma}_0$ , согласующиеся с соответствующими теоретическими оценками, заключается, по-видимому, в использовании для сечения формулы (21), корректно учитыващей эффект доплеровского уширения резонансов, однако здесь в анализе данных по пропусканию появятся трудности внчислительного характера.

Предлагаемый метод анализа экспериментальных данных подчеркивает важность проведения новых экспериментов по полным и захватным пропусканиям на больших толщинах для <sup>238</sup>0 в целях уточнения данных в области неразрешенных резонансов.

Таблица 4

Номер груп-	Δ	∆ <sub>fc</sub> πp	и б <sub>R</sub> , ра	BHOM	∆f <sub>t</sub> ¤	par G <sub>R</sub> ,	PABHOM	∆fe IIDE G <sub>R</sub> , pareom			
пруп-		10000	100	0	10000	100	0	10000	100	0	
15	Δ,	0,0I42 (0,0082)	0,090I (0,0945)	0,03II (0,0407)	0,0I48 (0,0II4)	0,035 (0,0394)	0,0343 (0,0555)	0,0065 (0,0055)	0,0393 (0,0425)	0,0293 (0,0299)	
	۵2	0,0072 (0,0045)	0,0786 (0,082)	0 <b>,034</b> (0,050)	0,0078 (0,0066)	0,0382 (0,0432)	0,0332 (0,0385)	0,0034 (0,0032)	0,037 (0,0402)	0,0324 (0,0274)	
те	Δ <sub>1</sub>	0,0I52 (0,0I46)	0,0905 (0,084I)	0,039 (0,028I)	0,0I54 (0,0I55)	0 <b>,032</b> (0,025)	0,0I3I (0,0203)	0,0063 (0,0066)	0,0343 (0,0262)	0,0I40 (0,0I46)	
10	Δ2	0,0078 (0,0078)	<b>0,0797</b> (0,0773)	0,037 (0,0348)	0,0082 (0,0087)	0,0363 (0,0284)	0,024 (0,0172)	0,0033 (0,0037)	0,0336 (0,0259)	0,0248 (0,0I43)	

Доплеровские приращения факторов резонансного самоэкранирования для групп 15 и 16

Примечание. В скобках представлени данные работи /3/ [ $\Delta_1 = f(900K) - f(300K)$ ;  $\Delta_2 = f(2100K) - f(900K)$ ]. Список литературы

- I. Никодаев М.Н., Игнатов А.А., Исаев Н.В., Хохлов В.Ф. Атомная энергия, 1970, т.29, с.11; 1971, т.30, с.416.
- 2. Levitt L.B. Nucl.Sci. and Engng, 1972, v.49, N 4, p.450.
- 3. Абаган Л.П., Базазянц Н.О., Николаев М.Н., Цибуля А.М. Групповые константы для расчета реакторов и защиты. М.: Энергоиздат, 1981.
- 4. Лукьянов А.А. Структура нейтронных сечений. М.: Атомиздат, 1978.
- 5. Комаров А.В., Дукьянов А.А. Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константи, 1982, ниц.3(47), с.16.
- 6. То же, 1981, вып. 3(42), с.3.
- 7. То же, 1982, вып.1(45), с.23.
- 8. Комаров А.В. Препринт ФЭИ-1310. Обнинск, 1982.
- 9. Лукьянов А.А. Замедление и поглощение резонансных нейтронов. М.: Атомиздат, 1974.
- 10. Колесов В.В., Дукьянов А.А. Атомная энергия, 1979, т.47, вып.3, с.205.
- II. Кащеев В.Н., Николаев М.Н. Препринт ФЭИ ОБ-88. Обнинск, 1979.
- 12. Николаев М.Н., Абагян Л.П., Корчагина Ж.А. и др. Препринт ФЭИ ОБ-45, ч.І. Обнинск, 1978;
- Николаев М.Н., Базазянц Н.О., Горбачева Л.В. и др. Препринт ФЭИ ОБ-70, ч.2. Обнинск, 1979. 13. Березин И.С., Жидков Н.П. Методи вичислений. Ч.І. М.: Наука, 1966.
- 14. Дукьянов А.А., Орлов В.В. Нейтронная физика/Под ред.П.А.Крупчицкого. М.: Госатомиздат, 1961, с.105.
- 15. Абагян Л.П., Николаев М.Н., Нестерова К.И. и др. Ядерные константы, 1972, вып.8, ч.І, с.154.
- I6. Garber D.I., Kinsey R.R. Neutron Cross-Sections. V.2. BNL-325. N.Y., 1976, NP-11973.
- 17. Кононов В.Н., Полетаев Е.Д. В кн.: Нейтронная физика. (Материали 2-й Всесокзной конференции по нейтронной физике. Киев, 28 мая - I июня 1973). Обнинск, 1974, ч.2, с.199.
- 18. Григорьев Ю.В. Автореф. пис.на соиск.учен.степени канп. физ.-мат.наук. Дубна, 1980.
- I9. ENDF/B Summary Documentation/Compiled by D.Garber. BNL 1751(ENDF-201). Ν.Υ., 1975; CMHMHA B.B. Πρεπρμητ Φ9И-1189. Обнинск, 1981.
- 20. Гусейнов А.Г., Кобозев М.Г., Исхаков К.А. и др. Препринт ФЭИ-1047. Обнинск, 1980.

Статья поступила в редакцию 13 декабря 1982 г.

удк 621.170.013 ГРУШЮНЫЕ СЕЧЕНИЯ И ФАКТОРЫ РЕЗОНАНСНОГО САМОЭКРАНИРОВАНИЯ <sup>239</sup>Ри В ОБЛАСТИ НЕРАЗРЕШЕННЫХ РЕЗОНАНСОВ

А.А.Ваньков, С.Тошков, В.Ф.Украинцев, Н.Янева

GROUP CONSTANTS AND SELF-SHIELDING FACTORS FOR <sup>239</sup>Pu IN THE UNRESOLVED RESONANCE REGION. An enalysis of the experimental transmission and fission self-indication data for <sup>239</sup>Pu in the unresolved resonance region is carried out. The ladder method for neutron cross-section generation (stochastic K-matrix method) on the base of the multi-level R-matrix formalism was used. The estimateg of the mean resonance parameters and group constants for <sup>239</sup>Pu were odtained.

Изотоп <sup>239</sup>Ри является основным компонентом ядерного горичего реакторов-размножителей, поэтому требования к точности ядерных констант этого изотопа весьма велики. Особур роль играет область неразрешенных резонансов. Например, в области энергий нейтронов нике 20 квВ в активной зоне реактора-размножителя большой мощности происходит примерно половина всех актов радиационного захната нейтренов ядрани <sup>239</sup>Ри и около 20% актов деления. На основе требований точности расчета  $K_{go} = 1%$  и КВ = 2% нолучаются предельно допустныме погремности: в сечении радиационного захвата еколо 7% и в сечении деления около 2%. Достигнутие к настоящему времени методические точности измерения указанных типов средних сечений близки к требуемым, но при энергиях нейтронов нине 20 каВ реальная точность оцененных данных в области неразременных резонансов явно хуме. Так, в справочнике /1/ для этой области констатируется расхождение оцененных данных по сечение  $G_f$ (<sup>239</sup>Pu), достигание IO-I2%. Аналогичная ситуация в данных по сечению  $G_c$  (<sup>239</sup>Pu) объясняется измиенными трудностами измерений сечений в области неразременных резонансов.

В последнее времи особее виплание обращается на ваиность знания не телько средних сечений, но и факторов резонансного самезиранирования. Например, в работе /2/ указывается на необходимость их определения с точностью околе 1%. Расчет на основе средних резонансных параметров не обеспечивает однозначного получения факторов резонансного самозиранирования на таком уровне точности, даже если эти средние резонансные параметри хороно "подогнаны" по средним сечениям. Необходима тестировка средних резонансных параметров но измеренным пропусканиям (и функциям самонидикация). В более общей ностановке вопроса необходима тестировка средних резонансных параметров не ипрекой совекунности имкроскомических экспериментальных данных в целях обеспечения точности подучаемых на их основе групповых констант, удовлетворящей требованиям реакторного расчета. Так, оценки работи /3/ показывают, что 10%-ная неопределенность в средних резонансных параметрах <sup>239</sup>Ри внечет за собой следущие погреяности: около 0,5% в К<sub>роб</sub> и около 1% в КВ из-за неопределенности параметров  $\overline{\Gamma}_{n}$  и  $\overline{\Gamma}_{c}$  и примерно вдвое большке погреяности из-за неопределенности параметров  $g\Gamma_{n} \times \overline{D}$  (или склоних функций).

Одним из актуальных вопросов является также надежность расчета доплеровских коефйникентов, которая всецело определяется знанием резонансной структури нейтронных сечений в области неразрешенных резонансов и умением параметрически описать соответствущите физические явления для делащихся ядер. К сокалению, наличие многих состояний по спину и четности, сильные эффекты межрезонаясной интерференции, возмежные эффекты промекуточной структуры в нейтронных сечениях и сама специфика реахных деления приводят к затруднениям или сомнениям при попытках использовать простую теоретическую схему для интерпретации экспериментальных данных по нейтронным сечениям делянихся изотопов и распространения на область высоких температур. Это вынуждает оценщиков прибегать к "воления" ревениям при наличих противоречиных экспериментальных данных, а иногда и к ныбору "свекулятивной" расчетной модели.

Цель настоящей работы – анализ экспериментальных данных по средним сечениям и функциям пропускания типа  $T(n) = 1/\Delta u \int_{\Delta u} exp[-S_t(u)n] du$  и  $T_f(n) = 1/(S_f) > \int_{\Delta u} S_f(u) exp[-S_t(u)n] du$  для <sup>239</sup>Ра в целях оценки средних резонансных параметров <sup>239</sup>Ри и на их основе – группоных констант (средних сечений и факторов резонансного самоэкранирования) в рамках традиционного R-матричного формализма. Потребовалось развитие многоуровневого метода расчета таких существенно нелинейных функционалов, как функции пропускания и факторы резонансного самоэкранирования, в совокупности с методом оптимизации на основе аппарата коэфициентов чувствительности. Это есть путь получения самосегласованных констант с оценкой доверительного интервала (ковариационной матрици).

Краткое описание экспериментальных данных. Измерения функций пропускания T(n) и самоннанкации реакции деления  $T_f(n)$  проводились авторами на спектрометре по времени пролета реактора ИЕР в Лаборатории нейтронной физики ОИЯИ (г.Дубна). Использовались два режима работи импульсного источника: реакторный (пролетная база  $\ell = 1000$  м, длительность волинки  $T \approx 100$  мкс с частотой повторения f = 5 Гц, мощность реактора W = 30 кВт) и бустерный режим ЛЗУ ( $\ell \approx 100$  м,  $T \approx 3$  мкс, f = 50+100 Гц,  $W \approx 5+10$  кВт). Спектр нейтренов источника бытаок к фермиевскому спектру замедления. В качестве детектора нейтронов использовалась батарея <sup>3</sup>Не - счетчиков. Процесс деления регистрировался понизационной многослойной камерой деления с количеством <sup>239</sup>Fu около 600 мг и эффективностью регистрации осколков около 50%. Дискриминация  $\alpha$ -импульсов достигалась благодаря применению бистродействующей электронники. Образци-фильтри из металлического плутония имели днаметр 50 мм и инсекум, свериенсокую (набер малих толини) чистоту по химическому и изотонному состану. Образни заключали в тонкостеную стальную оболочку. Измерения проводили относительно экенвалентики нустих чехнов, фон определяли методом резонансных фильтров. В измерениях с использованием <sup>3</sup>не-счетчиков фон был мел (на уровне I-2% в реакторном режиме) и слабо зависел от толщини образца-фильтра. В измерениях с использованием камери деления (обично в бустерном режиме) фон составлял IO-20% и значительная часть измерительного времени затрачивалась на его определение. Эксперимент описан в работе /4/.

Особенность измерений с конользованием образщов из делящегося материала заключается в том, что из-за требований безопасности работи приходится использовать образци малого диаметра. Диаметр коллимирущих отверстий в разрыве нейтроновода и вблизи камери деления равнялся примерно 40 мм, что приводило к существенному ограничению в скорости счета. Ошебки измерения функции  $T_f(n)$ обусловлены статистикой отсчетов при измерении каждого пикла открытый пучок - образец - резонансный фильтр. Надежность измерений функции T(n) била ныше из-за большей эффективности нейтронного детектора и дучших фоновых условий. Экспериментальные точки на криных T(n),  $T_f(n)$ , явинимся предметом анализа в настоящей работе, показани на рис.1. Там же показани точки, полученные в эксперименте Камра и Брамблета (57).



Рис.І. Грулповые функции пропускания T(n)(0) и  $T_4(n)(-\frac{4}{4})$ ,  $\Delta - \frac{5}{9}$  для <sup>239</sup>Рu. Сплошные кривые [нижняя – для T(n), верхняя – для  $T_4(n)$ ] – расчет по оптимизированным параметрам; пунктирные кривые (аналогично) – расчет по параметрам, рекомендованным в работе  $\frac{6}{6}$ . Начало отсчета по шкале *n* каждого последущего графика смещено

Работа /5/, кроме нашей /4/, является единственной, в которой измерялась функция  $T_f(n)$ для <sup>239</sup> Ри в зависимости от энергии нейтронов. Однако с точки зрения анализа данных в области неразрешенных резонансов результати работи /5/ (см.рис.I) практически не несут информации. Дейстнительно, в этой работе измерялась только функция самоиндикации  $T_f(n)$ , но без измерений пропускания T(n) в тех же условиях оценка факторов резонансного самозиранирования оказывается ненаделной. Как известно, фактор резонансного самозиранирования определяется как отношение илощадей под кринным:  $f_f(G_0) \approx \int_0^\infty T_f(n) exp(-G_0 n) dn / \int_0^\infty T(n) exp(-G_0 n) dn$ . Следовательно, нужно стремитьоя измерять оба типа кривых. Коли же измеряется только одна из функций  $T_f(n) = T(n)$ , то предночтение следует отдать последней, как более информативной, из-за дучней точности измерений и более глубоких уровней ослабления, достигаемых в практических измерениях. В работе  $\sqrt{5}$  измерения  $T_f(n)$  проведены лишь на начальном участке толщин образцов, а результаты приведены для интервалов усреднения  $\Delta E_n$ , равных I-IO; 0,465-I кэВ, и для групп с более низкими энергиями (область разрешенных резонансов). В работе  $\sqrt{4}$  сделана попытка измерений  $T_f(n)$  в диапазоне энергий нейтронов менее 2I кэВ. Однако надежность этих измерений уменьшается с ростом энергии из-за трудностей определения фона. Как нидно из рис.I, с увеличением энергии растут ошибки  $T_f(n)$ , разброс результатов увеличивается, в группах II-I3 ( $E_n > 2$  кэВ) обнаруживается тенденция систематического смещения экспериментальных точек.

<u>Расчетно-теоретический метод</u>. Для тяжелых делящихся ядер необходимо учитывать эффект медрезонансной интерференции в энергетическом ходе нейтронных сечений. Авторы приняли известное приолижение Райха – Мура, в котором элементы *R*-матрицы для выделенного состояния по моменту и четности выражаются в виде

$$R_{cc'}(E) = \sum_{\lambda} \frac{\beta_{\lambda c} \, \beta_{\lambda c'}}{E_{\lambda} - E - i \, \overline{r_{p}}/2} ,$$

где  $f_{\lambda c}$  – амплитуда приведенной ширины в канале с набором квантовых чисел c;  $E_{\lambda}$  – энергия резонанса;  $\bar{f}_{\chi}$  – средняя радиационная ширина.

Величина  $\beta_{\lambda c} = \tilde{r}_{\lambda c} / \tilde{r}_c$  подчиняется нормальному распределению (что соответствует распределению Портера – Томаса для соответствующих ширин реакций). Вводится также величина  $\tilde{D}$  – среднее расстояние между резонансами выделенного состояния. В расчетах удобнее использовать К-матрицу, содержащую парциальные ширины  $\bar{\Gamma}_{\lambda c}$ :

$$K_{CC'} = \frac{\overline{\Gamma}_{\lambda c}^{1/2} \overline{\Gamma}_{\lambda c'}^{1/2}}{2\overline{D}} \sum \frac{\beta_{\lambda c} \beta_{\lambda c'}}{\left[(E_{\lambda} - E)/\overline{D}\right] - (i\overline{\Gamma}_{y}/2D)}$$

Нейтронные сечения выражаются через S-матрину:

$$\begin{split} S_{cc'} &= \exp(-2i\varphi_{\ell})(1+iK_{cc'}) / (1-iK_{cc'}) \\ \tilde{\mathcal{O}}_{t} &= 2\pi\lambda^{2}\sum_{\mathcal{I},\pi} g(\mathcal{I})\sum_{\ell,j} (1-\operatorname{Re}S_{n\ell j}^{\mathfrak{I}\pi}, n\ell j); \\ \tilde{\mathcal{O}}_{f} &= \pi\lambda^{2}\sum_{\mathcal{I},\pi} g(\mathcal{I})\sum_{\ell,j} \left|S_{n\ell j,f\ell j}\right|^{2}; \\ \tilde{\mathcal{O}}_{e} &= \pi\lambda^{2}\sum_{\mathcal{I},\pi} g(\mathcal{I})\sum_{\ell,j} \left|1-S_{n\ell j,n\ell j}\right|^{2}. \end{split}$$

Сечение радиационного захвата определялось в отдельном расчете с использованием одноуровневого формализма Брайта – Вигнера. В соответствии с рекомендациями оценциков [6] учитивался процесс (n, pf). Для точного сохранения баланса средних нейтронных сечений сечение упругого рассеяния  $\sigma_e$  определялось как разность полного сечения и сумми сечений деления и радиационного захвата.

В расчетах учитывались вклады в нейтронные сечения s-и  $\rho$ -нейтронов, что правомерно для рассматриваемого диапазона энергий нейтронов  $E_{\rho} < 21$  хэВ. Зависящие от величины  $\ell$  параметры  $\Gamma_{\rho}$  и  $\varphi_{\rho}$  выражаются в обычном виде:

$$\varphi_0 = kR_0; \quad \varphi_1 = kR_1 - \arccos(kR_1); \quad \Gamma_n(\ell=0) = \Gamma_{n_0}^o \sqrt{E} v_0; \quad \Gamma_n(\ell=1) = \Gamma_{n_1}^o \sqrt{E} v_1,$$

где  $v_0$ ,  $v_1 - коэфициенти проницаемости для s- и р-нейтронов; <math>R_0$ ,  $R_1 - радиуси рассеяния s$ и р-нейтронов, которые принимались одинаковыми.

Новизна развитого метода расчета средних функционалов (функций пропускания, моментов сечений, в частности средних сечений, наконец, факторов резонансного самоэкранирования) заключается в идее стохастического моделирования резонансной структуры нейтронных сечений делялихся ядер на основе изложенного многоуровневого формализма. В ранних работах аналогичное молелирование делалось в рамках более простых моделей, допускающих применение методики У-, Х -функций (например, двухуровневой формулы Брайта - Вигнера с приближенным учетом их резонансной интерференции (77). Правомерность таких приближений для деляцихся ядер типа <sup>235</sup> и и <sup>239</sup>ри сомнительна. Вместо метода моделирования используют также численное интегрирование многократных интегралов по распределениям статистики ядерных уровней (расстояний и ширин) для каждой системы уровней (например, в работе (8/). Однако это делается в рамках тех же приближенных формализмов; кроме того, возникают проблемы оптимального выбора уздов расчетной сетки и квадратурных формул (в зависимости от функционала), а также способа свертки интегралов для разных систем уровней (при переходе к функшионалам от наблюдаемых сечений).

При данном подходе эти трудности преодолеваются благодаря применению метода статистических испытаний в форме многократных "испусканий" нейтронов в точках равномерной летаргической сетки (обычно 200 испытаний в точке) с шагом  $\Delta u$  (обычно  $\Delta u = 20$  моВ) в широком интервале  $\Delta U$ (обично  $\Delta U = 100$  эВ). В каждом испытании разытрывается доплеровское смещение по энергии (срезу для нескольких температур). Под одним прогоном понимается набор статистики случайных испытаний во всем интервале оU, на котором определена случайная реализация нейтронных сечений со множеством резонансов всех требуемых состояний. Эта картина задается набором случайных чисел от "задатчиков" положения и ширины уровни данной системи в 10-уровневом приближении со случайным выбором знака парной интерференции. Формулы для сечений представляют собой выражения, использующие обращенную К-матрипу (в данном случае 3-го ранга - по числу каналов: один нейтронный и два делительных) для десяти взаимодействукцих случайных резонансов данной системы. Поэтому описываемый метод можно назвать методом случайной К-матрицы. Реализация последовательности резонансов в широком интервале ΔU осуществляется последовательным добавлением нового случайного резонанса справа с одновременным отбрасиванием крайнего резонанса слева. Вся информация по данной реализации сохраняется в оперативной памяти ЭВМ.

Процедура испытаний заключается в следующем. "Испущенный" из точки и' нейтрон в результате доплеровского смещения переводится в положение и", в котором значения сечений данной реализации точно определены. Для ускорения счета доплеровское смещение разытрывается на заданной сетке узлов с шагом *ди* (не более 20 моВ). Испытания проводятся внутри интервала *ДU* с отступлением от концов на иять доплеровских ширин. Таким образом, в одном типичном прогоне осуществляется по 200 испытаний примерно в 5.103 точках, что обеспечивает хорошее усреднение по доплеровской функции (погрешность не хуже 1% в моментах сечений) и усреднение по выборке резонансов для △U = 100 эВ. В качестве накопителей информации используются оценки функций распределения полного сечения  $P(\mathcal{G}_t)$  и парциальных сечений  $\mathcal{G}_x(\mathcal{G}_t)$  с разбиением шкалы  $\mathcal{G}_t$  на большое число ин-тервалов (250 или 500), равномерных в логарифмическом масштабе. Это дает возможность получить оценку произвольного функционала  $F(\mathcal{G}_t, \mathcal{G}_x)$ :  $\langle F \rangle = \int_0^\infty F(\mathcal{G}_t, \mathcal{G}_x) P(\mathcal{G}_t) d\mathcal{G}_t$ . с оценкой дисперсии  $\mathcal{D}_F = \langle F^2 \rangle - \langle F \rangle^2$ .

Очевидно, оценку любого функционала можно производить и непосредственно, минуя оцерацию свертки через функцию  $P(\mathcal{G}_t)$ . Однако хранение информации в виде  $P(\mathcal{G}_t)$ ,  $\mathcal{G}_x(\mathcal{G}_t)$  практич практически удобно, так как дает возможность последующего точного усреднения функционалов по изотопной смеси (задача подготовки макроскопических констант). Как известно, до сих пор такая задача решается в приближенном формализме бо-сечения разбавления, не имеющем математического обоснования.

В описанном выше варианте время ЭЕМ БЭСМ-6, затрачиваемое на один прогон, составляет около 5 мин. Для лучшего усреднения по статистике резонансов целесообразно произвести несколько прогонов, каждый раз меняя выборку резонансов (реализацию). Очевидно, пять прогонов соответствуют усреднению функционалов по статистике резонансов, содержащихся в энергетическом интервале 0,5 кЭВ, что является вполне достаточным для задачи анализа функций пропускания и средних сечений в области неразрешенных резонансов тяжелых ядер.

Ранее авторы проводили предварительный анализ экспериментальных данных по пропусканию и самоинникации по деление для <sup>239</sup>ри. В работе /97 обработку проводили методом подгрупп для оценим факторов резонансного самоэкранирования (метод площадей). В работах /10,117 сделана попытка интерпретации экспериментальных данных методом случайной К-матрицы, но с использованием методиим учета доплеровского уширения путем численного интегрирования. Более тщательный анализ показал, что точность такой методики недостаточна. Таким образом, настоящая работа является посмедовательным распространением метода Монте-Карло для корректного учета также и доплер-эффекта.

Аналев эксперимента и результать. Сначала был проведен расчет функций пропускания по пареметрам, рекомендованным в работе /6/, с усреднением, эквивелентным усреднению по энергетическим группам системы констант БНАБ /1/. Функция усреднения сделана равномерной в шкале летаргии, коэфиниенты чувствительности вычислены по отношению к параметрам расчета. Основными параметрами расчета были: раднус рассеяния R' = 9,075 фм; наблюдаемое расстояние между s-резонансами, равное 2,38 аВ; средняя радиационная ширина  $\overline{\Gamma}_{g} = 40,7$  маВ;  $\rho$ -силовая функция S<sub>1</sub> = 2,00·10<sup>-4</sup>; делительная ширина  $\overline{\Gamma}_{g}$  и S-силовая нейтронная функция S<sub>0</sub>, зависящие от номера группи; причем So в среднем уменьшается от значения I,IЗ в I5-й группе (0,465-I кэВ) до 0,86 в II-й группе (10-21,5 кэВ). Отклонения эксперимента от расчета (см. пунктирные кривые на рис. I) оказались значимыми при малых энергиях. В области Е<sub>p</sub> > 5 кэВ согласие с экспериментом получилось более удовлетворительным. Было обнаружено, что наибольшая чувствительность функций пропускания - чувствительность к раднусу рассеяния R' (общий параметр для S- и O-нейтронов). Пробная минимизация на основе статистического елгоритма /12/ показала необходимость варыирования в переую очередь радяуса рассеяния и силовых функций, а также некоторого изменения расстояния D. Для одновременного сохранения средних сечений реакций деления и радиационного захвата потребовались также малне изменения параметров  $\bar{\Gamma}_n$  и  $\bar{\bar{\Gamma}}_f$ . Последние параметры оказывают незначительное влияние на ве-личины T(n) и  $T_f(n)$ . Сделан вывод, что основными "управляющими" параметрами при подгонке эксперимента являются рациус рассеяния R' (наиболее "сильный" параметр) и силовые нейтронные функцин S, и S,, влияние которых зависит от энергии нейтронов. Соответственно наибольшее уточнение достигается в параметре R'. При погрешности измерений T(n) и T<sub>s</sub>(n), изменяющейся в пределах 2-4% (на малых толщинах образнов) до IO-20% (на больших толщинах, см.рис.I), апостериорная погремность R' оказывается на уровне 2,5%. Оплоки указывают на 95%-ный доверительный интервал (2б).

Авторы провели также расчеты по оптической модели с несферическим потенциалом /137 с использованием параметров, рекомендованных в работе /147 на основе анализа пирокого экспериментального материала по нейтронным сечениям тяжелых ядер. Эти расчеты показали, что в интервале энергий нейтронов 0,5-20 квВ нейтронные силовые функции от энергии нейтронов зависят очень слабо, тогда как изменение радкуса рассеяния вполне заметно (4-5%). Рассмотрение этих результатов привело авторов к выводу о целесообразности другой стратегии оптимизации экспериментальных данных - с варьированием радиуса рассеяния, зависящего от энергии нейтронов примерно в соответствии с закономерностью оптической модели, но при постоянных оптимальных значениях нейтронных силовых функций. Одновременно накладывалось требование сохранения рекомендованных среднегрупповых нейтронных сечений в пределах 10%. Поскольку ширина энергетических групп достаточна для хорошего усреднения по статистике резонансов, можно было надеяться (и эта надежда оправдалась), что в отличие от случая усреднения в узких группах здесь не потребуется локальных изменений нейтронных силоных функций для описания групповых полных сечений и сечений радиационного захвата.

На рис.І сихолными кривным представлени результаты расчета в рекомендуемом варианте оптимизащих с радаусом рассеяния, монотояно изменящимся в зависимости от энергии нейтронов от значения 9,5 фм в 15-й группе до 9,0 фм в II-й группе. При этом нейтронные силовые функции имеют значения  $S_0 = I,IO$  и  $S_4 = I,82$ , наблидаемое расстояние между S-резонансами  $\bar{D} = 2,II$  аВ,  $\bar{\Gamma}_{\mu} = 36$  мэВ, делительные ширины варьпруются. Однако оледует отметить, что изменение последних днух параметров в пределах IOS не оказывает существенного влияния на результаты расчета. Проведенный анализ показал целесообразность постановки задачи по оптимизации параметров потенциала ептической модели на основе экспериментельного материала по нейтронным сечениям, дополненного экспериментальными данными по функциям пропускания. Вилочение данных по сечениям реакций потресучет также использования статистической модели нейтронных сечений. Помимо оценки средних резонансных параметров путем анализа данных по функциям пропускания в настоящей работе преследовалась цель получения групповых констант (средних сечений и их факторов резонансного самоэкранирования). На рис.2 показани результати статистического расчета групповых полных сечений и сечений радиационного захвата на основе оптимизированного набора средних резонансных параметров. Сравнение с данными БНАБ-78 /17 и ENDF/B-V /157 свидетельствует о резумном согласии различных оценок. Однако различие наших оценок факторов резонансного самоэкренирования и оценок работи /17 оказывается существенным (рис.3). Оценки настоящей работы свидетельствуют о более слабом эффекте резонансного самоэкранирования, по крайней мере в области неразрешенных резонансов  $E_n < 5$  квВ. При больших сечениях разбавления ( $\mathfrak{G}_0 > 100$ ), как и следовало ожидать, расхождения различных оценок факторов резонансного самоэкрания становатся небольшими. Указанные факты расхождений свидетельствуют о необходимости дальнейшего исследсвания расчетно-теоретических моделей и иходящих в них оценочных параметров. По мненкю авторов, постановка новых экспериментов по определению функций пропускания нейтронов в области неразрешенных резонансов делящихся ядер с этой точки зрения остается актуальной задачей.



Рис.2. Групповые сечения б, (а) и б, (б) <sup>239</sup>Ри: — - расчет по оптимизированным параметрам; --- - данные ENDF/B-V /15/; ···· - данные БНАБ-78 /1/



Рис.3. Факторы резонансного самоэкранирования нейтронных сечений <sup>239</sup>Ро при различных сечениях разбавления боб: — - расчет по оптимизированным параметрам; ···· - данные EHAE-78 /1/

Итог работи заключается в получении новых оценок групповых констант <sup>239</sup>Ро в области неразрешенных резонансов в результате анализа нейтронных данных, в первую очередь данных по функциям пропускания. Существенная особенность анализа – разработка новой усовершенствованной расчетнотеоретической модели и использование ее в интерпретации экспериментальных данных.

Список литературы

- I. Абагян Д.П., Базазянц Н.О., Никодаев М.Н., Цибудя А.М. Групповне константи для расчета реакторов и защити. М.: Энергоиздат, 1981.
- 2. Rowlands J.L. Some views on cross-section requirements for uranium and plutonium isotopes in the resolwed and unresolwed regions. - Proc. of the IAEA Consultants Meeting on Uranium and Plutonium Isotope Resonance Parameters. INDC (MDS)-129/GJ. Vienna, 1981, p.25-30.
- 3. Salvatores M., Palmiotti G., Derrien H. e.a. Resonance parameter data uncertainty effects on integral characteristics of fast reactors. - Ibid., p.31-46.
- 4. Ваньков А.А., Григорьев Ю.В., Украинцев В.Ф. и др. Экспериментальное изучение резонансной самоэкранировки полного сечения и сечения деления <sup>239</sup>Рu. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1980, вып.2(37), с.44-50.
- 5. Czirr J.B., Bramblett R.L. Measurements of fissions produced in bulk <sup>239</sup>Pu by 2 eV to 10 keV neutrons. Mucl.Sci. and Engng, 1967, v.28, N 1, p.62-71.
- 6. Анцинов Г.В., Коньшин В.А., Суховицкий Е.Ш. Ядерные константы для изотопов плутония. Минск: Наука и техника, 1982.
- 7. JAERI Fast Reactor Group Constants Systems. JAERI-1199 dec. 1970.
- 8. Кощеев В.Н., Синица В.В. Метод вычисления функционалов сечений в области неразрешенных резонансов. - Атомная энергия, 1979, т.47, вып.2, с.94
- 9. Bakalov T., Ilchev G., Tochkov S. e.a. Transmission and self-indication measurements miht <sup>235</sup>U and <sup>239</sup>Pu in the 2 eV-20 keV energy region. - Proc. conf. on Nuclear Cross-Sections for Technology, NBS-594, Wash, 1980, p.692.
- IO. Bakalov T., Vankov A.A., Grigoriev Yu.V. e.a. The study of resonance structure of the neutron cross-sections for <sup>238</sup>U and <sup>239</sup>Pu. - Nuclear Data for Science and Technology. Belgium, 1983, p.62-64.
- II. Бакалов Т., Ваньков А.А., Илчев Т. и др. Анализ экспериментальных данных по пропусканию нейтронов в области неразрешенных резонансов изотопа <sup>239 р</sup>и. Сообщение ОИЯИ РЗ-83-51, 1983.
- I2. Ваньков А.А. Байссовский подход в интерпретации результатов физических экспериментов. -В кн.: Ядерные константы, М.: Атомиздат, 1974, вып.16, с.II-19.
- 13. Игнаток А.В., Дунев В.П., Порин В.С. Расчеты сечений рассеяния нейтронов методом связанных каналов. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1974, вып.13, с.59-114.
- I4. Haonat G., Lagrange Ch., Jary J. e.a. Neutron scattering cross-sections for <sup>232</sup>Th,<sup>233</sup>U, <sup>235</sup>U, <sup>239</sup>Pu and <sup>242</sup>Pu between 0,6 and 3,4 MeV. - Nucl.Sci.and Engng, 1982, v.81, N 4, p.491-511.
- I5.Prongaev V., Cullen D.E. Comparison of strength functions and average level spacing for U and Pu isotopes. - Proc. of the IEAA Consultants Meeting on Uranium and Plutonium Isotope Resonance Parameters. INDC(NDS)-129/GJ. Vienna, 1981, p.239-248.

Статья поступила в редакцию 4 мая 1983 г.

УДК 621.039.51

АНАЛИЗ ПОГРЕЛНОСТЕЙ АЛГОРИТМОВ ПОДГОТОВКИ ГРУППОВЫХ КОНСТАНТ В ИНЖИНЕРНЫХ РАСЧЕТАХ БИСТРЫХ РЕАКТОРОВ

М.Ф.Воротынцев, А.И.Воропаев, В.А.Пивоваров, В.В.Возяков, В.С.Дмитриева

THE ANALYSIS OF UNCERTAINTIES OF GROUP CONSTANTS ALGORITHM PREPARATION IN FBR DESIGN CALCULATIONS. The estimations of group constant preparation method uncertainties, used for FBR design calculations had been obtained. On the base of the evaluated nuclear data files library, the detail calculation of neutron collision density in the IO eV-IO,5 MeV energy region for 8 compositions had been performed. The obtained neutron detailed spectrum is used for group constants calculations ( $AU \approx 0.8$ ), cross-section everage spectrum, criticality and breeding parameters. That detailed neutron spectrum functionals are compared with the values of these functionals; calculated from the same neutron cross-section on the base of algorithms used in group constant preparation complexes ENAB-ARAMAKO (IPE) and MIM (NILAR). It has been found out, that for some compositions experimentally investigated, the uncertainty of approximate constant preparation uncertainty of the neutron spectrum functionals because of nuclear data uncertainty. For large breeder reactor compositions the uncertainty of approximate calculations is 1% for Kef and 0.02 for BR (absolute units).

Основные идеи подготовки групповых констант для расчета быстрых реакторов были сформулированы И.И.Бондаренко с сотрудниками в 1958-1962 гг. /1/. Эти идеи лежат в основе программных комплексов, используемых в проектных расчетах бистрых реакторов во многих странах. Долговечность идей И.И.Бондаренко обусловлена физической наглядностью и простотой реализации учета резонансных эффектов, оценки сечения упругого замедления, способа учета реакции (n, 2n), выбором стандартных спектров усреднения сечений и т.д.

На основе простых предпосылок показано, что предложенный способ подготовки макроконстант обеспечивал намного меньшую погрешность по сравнению с достигнутой к началу 60-х годов точностью микроскопических данных (20% - сечения радиационного захвата, 10% - сечения деления, 3% - величины  $\nu$ ).

В настоящее время ситуация с ядерными данными существенно изменилась. В первом приближении погредность сечения радиационного захвата 10%, сечения деления 5%, величины  $\nu$  1%. Отсида ясна актуальность работ по детальному анализу погрешностей используемых алгоритмов полготовки констант. С 70-х годов необходимость такой работи начала диктоваться также широким использованием интегральных данных, получаемых на критических сборках, для корректировки систем ядерных констант. Работи по корректировке выдвинули на первый план проблему оценки интегральных данных, т.е. количественного анализа всех причин несоответствия условий эксперимента и расчета. Одна из таких причин связана с приближениями подготовки констант для реакторного расчета. Этому волросу посвящено достаточно много публякаций (см., например, работи /2,3/ ). Практические втоги проделанной работы выразились в том, что почти во всех странах были существенно модернизированы системы константного обеспечения. В качестве примера можно указать публикации, посвящениие усовершенствованию французской системы КАРНАВАЛ (4,57. Большая работа при разработке новой версии константного обеспечения БНАБ-78 - АРАМАКО была проведена в ФЭИ М.Н.Николаевым с сотрудниками /6/. Следует отметить, что основным инструментом оценки погревности подготовки групповых констант во всем энергетическом диапазоне, характерном для бистрых реакторов, явились методы с числом групп порядка 102-103. Однако, как правило, детализация сечений проводилась лишь в целях подробного описания упругого замедления.

В 1976 г. по предложению М.Ф.Троянова и Л.Н.Усачева в Центре по ядерным данным (Обнинск) авторами была начата работа по созданию комплекса програми детального расчета оцектра в размножащих средах без промежуточного усреднения сечений. Ставилась цель получить оценку погрешности подготовки констант, сравнивая дробно-линейные функционали детального энергетического распределения нейтронов ("точные" групповые константы) с приближенным расчетом на основе формализма И.И.Бондаренко. При этом в обеях методиках использовались одни и те же файли ядерных данных. Выжду сложности задачи авторы ограничились расчетом спектра основной гармоники однородного реактора. Реализация таких расчетов представляла также интерес для анализа экспериментов на серии критических сборок с  $K_{\infty} \approx I$ , выполненных на бистром физическом стенде (БСС). Сравнение измеренных на этих сборках спектров нейтронов с указанными детальными расчетами опубликовано в работе [7]. В настоящей работе приведены результати оценки погрешности алгоритмов подготовки групповых констант, используемых в инженерных расчетах.

<u>Методика</u>. Расчет энергетического распределения нейтронов проводился с помощые комплекса программ СПЕКТР. В этом комплексе реализован конечно-разностный метод решения уравнения замедления нейтронов на неравномерной в шкале летаргии сетке узлов [8]. Число узлов в области энергий 10 вВ-10,5 МаВ составляет 1,4.10<sup>4</sup>.

Алгоритм решения использует предположения: упругое рассеяние изотропно в системе центра инерции нейтрон – ядро; цлотность вероятности изменения энергии при неупругом рассеяния и в реакции ( n, 2n) описывается групповыми матрицами с шириной группы  $\Delta u \approx 0.25$ ; сечения рассеяния, деления, редиационного захвата и поглощения в реакциях (n,  $\alpha$ ), (n,  $\rho$ ) задаются непрерывными функциями; принята линейная зависимость логарифма сечений в функции летаргии в промежутках между узлами исходного файла. В расчетах использовалась сформированная на специальной сетке узлов биолиотека нейтронных сечений для 17 нуклидов /7.97. Приолиженная подготовка макроконстант проводилась с использованием алгоритмов, принятых в системах АРАМАКО и МИМ /1,6,107. Полученные строгий и приолиженный наборы макроконстант обеспечивают "точные" и приолиженные значения функционалов спектра при их расчете групповым методом.

<u>Характеристика расчетных композиций</u>. Расчеты были проведены для восыми композиций (табл. I). Все они, за исключением последней, соответствуют по составу центральным областям (объем около 200-400 л) критических сборок, изученных на стенде БФС в 1976-1981 гг. Для сборки БФС-30 и тестовой модели Бейкера значение параметра В<sup>2</sup> получено из одномерного сферического 26-группового расчета с использованием констант БНАБ-78. Объемные доли материалов и ядерные концентрации для рассмотренных композиций приведены в работах /7, II, I27.

Таблица I

Компози- ция	Ядерное топливо	Обогаще- нще, %	Краткая характеристика
B\$C-30	235 <sub>U</sub>	27	Зона большого обогащения реактора БН-600, $K_{\infty} = 1,6$
<b>60C-3</b> 3	235 <sub>U</sub>	8,4	Среда из окиси обогащенного урана, К ~ ~ I
<b>БФС-3</b> 5	235 <sub>U</sub>	5,9	Среда из обогащенного металлического урана, К ~ ~ I
6 <b>0C-3</b> 8	239 <sub>Pu</sub>	4,0	Среда из металлического обедненного урана и плутония, К <sub>со</sub> ~ I
<b>EQC-42</b>	239 <sub>Pu</sub>	6,3	Состав олизок к состану реактора, охлажден- ного пароводяной смесью. Топливо Ри02-U02,
			вода моделируется СН, , К 👡 🛩 I
BOC-41	239 <sub>Pu</sub>	° 6 <b>,</b> 3	Komnossnus, analormuhas ECC-42, Ho orcyrcrayer CH2
KEP3	235 <sub>U</sub>	89	Среда с большим количеством стели, топли- во - высокообогащенный уран
Тестовая	239 <sub>Pu</sub>	I4	ARTHERAS SOHA Pu02-U02
модель Бейкера			реактора алектрической мощностью 500 МВт

Характеристика расчетных композиций

Погренность расчета групповых микроконстант. В табл.2 приведены отличия "точных" групповых сечений радиационного захвата <sup>238</sup>U, <sup>235</sup>U и <sup>239</sup>Pu от групповых сечений, полученных по алгоритизм БНАБ /I/ (учет резонансных эффектов посредством факторов резонансного самоэкранирования,

Номер	Групповой	I	<b>C-3</b> 0			60C33		B¢C-4I			
груп- пы	интервал энергии	ଟ୍ଟ ଷ୍ପ	б <mark>5</mark>	ଟ <sub>c</sub> 9	б <mark>8</mark>	б <sup>5</sup> с	6 <sup>9</sup>	6 <mark>8</mark>	6 <sup>5</sup>	<sub>େ</sub> ଅ	
I	6,5-I0,5 MaB	2	I	I	I (II)	I (IO)	I (IO)	- (10)	- (9)	- (IO)	
2	4,0-6,5 "	-	-	-	I (7)	7 (7)	- (6)	- (7)	- (7)	- (6)	
3	2,5-4,0 *	3	4	3	4 (5)	6 (6)	4 (5)	4 (4)	6 (6)	4 (4)	
4	I <b>,4-</b> 2,5 "	I	2	I	- (I)	- (2)	- (I)	- (I)	- (I)	-	
5	0,8-I,4 "	2	2	-	3 (3)	4 (4)	-2 (-I)	3 (3)	4 (4)	-2 (-)	
6	0,4-0,8 "			-16			-38 (5)			-37 (5)	
II	10,0-21,5 <b>ka</b> B	-3	-2	-6	-2	-I (I)	-3 (-2)	-2	-I (-I)	-3 (-2)	
12	4,65-10,0 "	-2	-4	-9	I	-2 (-2)	-4 (-4)	-I	-2 (-2)	-4 (-4)	
13	2,15-4,65 "	II	-4	-12	5	-I (I)	-2 (-4)	6 (6)	-I (-I)	-3 (-4)	
14	1,0-2,15 *	-II	-3.	-9	-9 (-3)	-3 (-2)	-7 (-6)	-7 (-2)	-2 (-2)	-5 (-5)	
15	465-10 <b>00 a</b> B	6	-I8	13	-4 (4)	8 (8)	7 (6)	-2 (5)	-8 (-6)	6 (5)	
16	215-465 *	-2	-48	-I0	-3 (8)	-I7 (-I7)	-20 (-18)	- (8)	I8 (I7)	-13 (-16)	
17	100-215 "	1	-3	-II	-I (I3)	-6 (-5)	_5 (_I)	- (13)	-7 (-4)	- (-I)	
18	<b>46,5-</b> I00 "		2	-7	6 (12)	-I (-5)	-14 (-8)	-3 (12)	-5 (-8)	_3 (_I)	
19	21,5-46,5 *		6	-5	9 (I8)	I3 ( <b>4</b> )	25 (28)	7 (14)	8 (6)	17 (18)	
20	10,0-21,5		-7	17	II (20 <b>)</b>	-II (-5)	I3 ( <b>_I</b> 0)	29 (32)	I4 (2)	-19 (-20)	

Погрешности подготовки групповых констант, %

Примечания: І. Цифри в скобках показывают отклонение в процентах результата усред сечение среди]. 2. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%. З. Погрешности констант в груп

определенных в функции группового сечения разбавления G<sub>0</sub>; усреднение сечений в группах I-3 с весом спектра нейтронов деления, в остальных группах - с весом спектра Ферми; применение итерационной процедуры по G<sub>0</sub> - 3 итерации). Из приведенных данных можно сделать следущие выводы:

I. В области энергий 0,8 - 4 МэВ набладается систематическое занижение рассчитанных по методике БНАБ групповых констант б<sub>с</sub> указанных нуклидов на 2-6%. Это связано с отличием реального спектра нейтронов в этой области от спектра Ферми. Использование приближения постоянства плотности столкновений (пифры в скобках) не устраняет этого расхождения.

2. Для <sup>238</sup>и в области разрешенных резонансов групповые сечения, полученные усреднением с весом I/ $\Sigma_t$ , систематически меньше (примерно на 5-15%) "точных" групповых сечений (пифры в скобках). В области IO-IOO вВ различие увеличивается до 20-60%. Главная причина расхождения нарушение основного приближения формализма И.И.Бондаренко - постоянства плотности столкновений /I/.В реальной ситуации для всех композиций, кроме КБР-3, в области энергий  $E_n < 4$  квВ наблюдаются неасимптотические осцилляции плотности столкновений в окрестности отдельных резонансов или групп резонансов. Эти осцилляции накладываются на сильное уменьшение (в среднем) плотности столкновений от верхних к нижним границам групп, что хорошо видно на рис.I.

Особый случай представляет композиция КБР-3, где  $^{238}$  и практически отсутстнует и, следовательно, нет эффектов самоэкранирования его резонансов. Отличие приближенного расчета (20-40%) в этом случае обусловлено отличием реального спектра от спектра ферми. Это обстоятельство приводит к интересному эффекту в области сильного резонанса  $^{238}$  и при  $\mathbf{E}_{o} \approx 21,3$  эВ (20-н группа). Сечение радиационного захвата  $^{238}$  и, усредненное с весом спектра ферми в этой группе, составляет 77,5 б. Действительное же групповое сечение  $\langle \mathcal{G}_{c}^{8} \rangle$  равно примерно 103 б, что приводит к формально определенному значению козфиниента самоэкранирования  $\mathbf{f}_{20}^{c} \approx 1,35$ . Этот эффект не связан с необычным поведением плотности столкновений в окрестности резонанса  $^{238}$  и при  $\mathbf{E}_{o} \approx 21,3$  зВ. Причина состоит в сильном спеде плотности соударений к нижней границе 20-й группы и в результирующем усилении вклада резонансного сечения в среднегрупповое.

	БЮ-42		I	KEP-3		Тестовая модель Бейкера			
б	<sub>5</sub> <sup>5</sup>	¢ <sub>c</sub> ,9	б!	$\mathcal{G}_{c}^{5}$	6*c	* </th <th>6*c</th> <th>ଟ<sub>େ</sub> 9</th>	6*c	ଟ <sub>େ</sub> 9	
	- (10) - (7) 6 (7) - (1) 4 (5)	$ \begin{array}{c} - (10) \\ - (6) \\ 4 (4) \\ - \\ -2 (-) \\ \end{array} $	2 (II) 1 (7) 3 (5) 7 (6) 3 (2)	2 (10) I (7) 5 (7) 9 (7) 3 (3)	I I 3 6 3	- 4 2 I	- 5 2 2	$ \begin{array}{c} - (\text{IO}) \\ - (6) \\ 3 (3) \\ 2 (2) \\ -2 (-) \\ \end{array} $	
-I 3 (4) -6 (-1) -4 (4) -3 (6) 2 (15) - (15) 4 (12) 18 (22)	$ \begin{array}{c} -I \\ -I \\ -I \\ -2 \\ (-2) \\ -4 \\ (-3) \\ -9 \\ (-9) \\ -4 \\ (-2) \\ -(-3) \\ 7 \\ (-7) \\ 15 \\ (2) \\ \end{array} $	$\begin{array}{cccc} -38 & (7) \\ -2 & (-2) \\ -2 & (-3) \\ -1 & (-2) \\ -3 & (-2) \\ 4 & (4) \\ -4 & (-7) \\ 2 & (-1) \\ -3 & (-) \\ 10 & (12) \\ -14 & (-14) \end{array}$	$ \begin{array}{c} -2 \\ - \\ - \\ 5 \\ (-1) \\ 6 \\ (-3) \\ 8 \\ (-6) \\ 14 \\ 25 \\ (20) \\ 46 \\ (43) \end{array} $	- I - I - I - 3 (-3) I (-5) -1 - 2 (-3) 6 (3) 5 (-)	-4 -I -2 -6 -2 -4 9 -17	-I -2 II (I) -5 (I) -6 (5) -4 (7) -5 (II) -7 (10) 18 (31) 67 (68)	-I -2 -4 - - 8 -22 -8 -9 3 4	$ \begin{array}{cccc} -12 & (7) \\ -3 \\ -4 \\ -11 \\ - & (-3) \\ 6 & (5) \\ -15 & (-19) \\ - & (-3) \\ - & (2) \\ 19 & (19) \\ -64 & (-61) \end{array} $	

нения с весом //ИЛи от строгого усреднения  $/ H_{\pm}(u)$ - полное макроскопическое пах 6-10 не предвишают 1-2%. 4. Индексы 8,5,9 соответствуют 2.50, 0?Р-и.

3. Сравнение "точных" сечений •••• V в области E<sup>-</sup> = 4 кэВ с групповыми сечениями, полученными в формализме с использованием сечения  $\&_v$ , показывает различие того же порядка, что и в п.2. Однако здесь знак погрешности во многих случаях противоположен предыдущему сравнению. Анализируя данные в области Ед «с 0,5 кэВ, можно констатировать интересный факт: абсолютные величины погрешности меньше, чем при использовании теоретически более последовательного, по крайней мере для узкого изолированного резонанса, приближения постоянства плотности столкновений. Указанный факт не поддается простой интерпретации в условиях сильно меняющейся плотности столкновений большого количества резонансов <sup>2</sup> с ильно меняющихся сечений других (кроме <sup>239</sup> I) нуклидов.

4. Полученные оценки погрешности приближенных расчетов групповых сечений радиационного захвата <sup>238</sup>И в области Ед < 4 кэВ в 1,5-2 раза выше погрешности микроскопического эксперимента.

5. Для групповых сечений <sup>235</sup>V и <sup>2°</sup>Ри в области разрешенных резонансов ( Ец-^200 эВ) различие приближенного и "точного" расчетов составляет 5-20%\ В исследованных композициях не наблюдается четкой системы в абсолютной величине и знаке погрешности.

6. В использованных ядерных данных б\* (E) и бДЕ) В области энергий в 5» 0,2 кэВ резонансная структура сечений отсутствует. Поэтому приведенные оценки погрешности иллюстрируют лишь компоненту погрешности подготовки групповых констант, связанную с отличием спектра, "сглаженного" по резонансным особенностям этих нуклидов, от спектра Ферми. Величина этой компоненты достигает 10?, что сравнимо с заявляемой экспериментаторами надежностью ядерных данных [13].

В табл.3 приведены погрешности приближенных подготовок сечений деления <sup>23</sup>^1 и <sup>2</sup>^ Ри . В области энергий Ец «= 4 кэВ наблюдается систематическое завышение групповых сечений деления этих нуклидов на 5-10? как при использовании формализма ШАБ, так и в приближении (&(и.) ~ \/%л\л). Полученные оценки погрешностей примерно в 1,5 раза превышают погрешности микроскопического эксперимента.











Рис.І. Спектр плотности столкновений для различных сборок в области энергий IO эВ-IOO кэВ

Таблипа	3
---------	---

Номер груп-	60	C30	EQC	-33	B⊈C-4I		B⊉C	KEP-	3	Тестовая мо- дель Бейкера		
	${\mathfrak{G}}_{f}^{5}$	69 5	б <sup>5</sup>	${\mathfrak G}_{f}^{9}$	6 <b>5</b>	୍ର <sup>9</sup>	$\tilde{G}_{f}^{5}$	69 f	$\mathcal{G}_{f}^{5}$	$\tilde{G}_{f}^{9}$	ଟ <sub>f</sub> 5	୍ଟ 9 ଜୁ
II	-3		-I		-I		I		-2		-I	
12	-3	-2	-2	-I(I)	-I	<b>_</b> I	-	-	-	-	-I	I
13	-5	-I4	-2	-3(-3)	-2	-3(-4)	-	-I(-I)	-	-	5	-I3(-2)
I4	-3	-7	-3(-2)	-6(-5)	-2(-2)	-4(-4)	-4(-2)	-3(-2)	-	-I	-	- (-2)
I5	-I7	34	8(4)	-16(-15)	7(6)		-4(-3)	-5(-6)	-2	-5	-7	-II(-I3)
<b>I</b> 6	-23	-40	-IO(IO)	-I3(~I3)	-II(-I0)	-7(-II)	6(5)	-2(-5)	-I(3)	_ 1	-I2	-I0(-I2)
17	-I	–II	_I(_2)	-6(-2)	-3(-I)	-I(-2)	-2	I(I)	-	-3	-3	-2(-4)
<b>I8</b>	2	-4	-I3(-I9)	-I5(-II)	-19(-22)	-I4(I2)	-6(-9)	-6(-5)	-5(-6)	-2	-27	-15(-14)
I9	6	-I0	5(-3)	-23(-27)	3(-I2)	-I4(-I3)	5(-IO)	-4(3)	5	-23	-6	-33(-33)
20	-4		I4(5)		22(6)	-17(-19)	20(4)	-II(-I4)	12(9)	-23	<b>2</b> 6	-64(64)

Погрешности подготовки группоных констант, %

Примечания: І. Цифри в скобках показывают отклонение в процентах результата усреднения с весом  $I/\Sigma_t(u)$  от строгого усреднения. 2. Прочерк в графе означает погрешность менее I%.

В табл.4 указаны погрешности сечений поглощения железа и хрома. В области энергий Е<sub>л</sub> < I каВ наблюдается систематическое занышение приближенного расчета в пределах погрешности микроэксперимента. Исключение составляет сечение радиационного захвата железа в I4-й группе, где отклонение достигает 50-70%. Заметим, что вклад этой группы в среднее сечение поглощения на спектре реактора типа БН-1600 составляет около 25%.

Таблица 4

Номер груп-	<b>EoC</b> -30		E&C-33		Б	B⊉C-4I		60C-42		KEP-3		Тестовая мо- дель Бейкера	
шы	ଟ୍ <mark>ଟ</mark> Fe	$\mathcal{O}_{C}^{Cr}$	€ C	$\mathcal{G}_{c}^{Cr}$	ର୍ଟ୍ <sup>₽</sup> e	б <sub>с</sub> сг	₫ <sup>₽</sup> е	CCr	6 <sup>₽</sup> е	б <sup>ст</sup>	ଟ୍ <sub>C</sub> <sup>Fe</sup>	GCr	
I	-2	-3	-2(-I5)	-4(-30)	-I(-I4)	-2(-30)	-I(-I5)	-2	-2	-5	-I	-3	
2	-I	I	-I(-I4)	-I(-20)	- (I2)	(-I8)	-(-I3)	-	-3	-3	-	-	
3	-9	5	-I3(-I3)	-7(-6)	-I2(-I2)	-6(-6)	-I2(-I2)	-6	-6	5	10	-5	
4	-	-	_	-	-	-	-	-	-3	2	-	-	
5	8	-	I3(II)	I	I4(I2)	2(2)	I3(II)	2	7	2	8	-	
IO	2		_		-		I		2I		4		
II	-9	6	-3 ( _ )	-3(-3)	-2(-3)	-3(-2)	-(-2)	-2	IO	-2	(-2)	-3	
12	IO	-12	8(IO)	-8(-6)	7(7)	-5(-6)	6(5)	-2	6	2	IO(6)	-5	
I3	33	8	9(I4)	- (-3)	9(12)	-	5(9)	-	2	-2	33(6)	8	
I4	-I00	IO	75(20)	7(3)	-7I(-I5)	6(5)	57(6)	4	I(6)	5	-27(-6)	3	
<b>I</b> 5	-14	-	-6(-7)	-	-5(-5)	-	-3(-3)	-	-2(-I)	-	-5(-5)	-	
I6	18	-I2	-7(-6)	-5(-4)	6(6)	-4(-4)	-3(-3)	-2	-	-	-8(-7)	-5	
17	-2	-I	-7(-7)	6(5)	7(6)	-5(-4)	-3 ( - )	-3	-2	-2	_7(_7)	-6	
<b>I</b> 8	-2	-	-8(-7)	-7(-7)	8(8)	8(7)	-4(-2)	-3	-2(-2)	-2	<b>_IO(-</b> 9)	-9	
19		-	-7(-2)	-6(-7)	-4(-5)	-4(-4)	-2(-3)	I	-4(-3)	-3	-8(-8)	-7	
20	I	I	I	I	-2(-2)	-2(-2)	-2(-I)	~	-4(-3)	-4	-9(-7)	-8	

Погрешности подготовки групповых констант, %

II р и м е ч а н и я: I. Цифры в скобках показывают отклонение в процентах результата усреднения с весом I/ $\Sigma_t(u)$  от строгого усреднения. 2. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%.

Интерпретация такого значительного расхождения состоят в следущием. Сечение ралкационного захвата в группе I-2,15 кэВ практически полностью определяется р-резонансом железа при E. ~ I,15 кэВ (рис.2). На этом же рисунке показано полное сечение <sup>238</sup>U. Из рисунка видно. что на указанный резонанс железа накладывается группа из пяти плотно расположенных резонансов <sup>238</sup>U. Наличие этих резонансов приводит к "внеданию" потока нейтронов на всей эффективной имиз рис.2, для всех композиций, содержащих 238 и, наблюдаются довольно сильные неасимптотические осцилляции плотности столкновений в окрестности рассматриваемого резонанса железа, а плотность столкновений сильно спадает к нижней границе группы (I каВ).Из этих рассуждений ясно,что в сборке КБР-З, где 238 и практически отсутствует, погрешность приближенного расчета мала (см.табл.4).

 $\Psi(E)$ 2,1 2,0 1,9 1,8 1,7 1,6 1,5 1,4 1,3 ί,2 1,1 1,0 0,9 0,8 Q,7 0,6 0,5 б(E 10<sup>3</sup> 0,4 102 0,3 10 0,2 100 10-1 0,1 10-2 0 0.7 0,8 0,9 1,0 1,1 1,2 Е,кэВ 1,4 1,6 1,8

Рис.2. Спектр плотности столкновений в области энергий 0,7-2 кэВ: I - ЬФС-33; 2 - БФС-4I; 3 - КБР-3; 4 - BOC-42; 5 - Cevenize 6, ; 6 - ceчение бре

Представляет интерес оценка погрешности гладкого сечения. В табл.5 приведены соответствущие данные для реакции <sup>10</sup>B(n, a). Из них следует, что приближенный расчет приводит к систематическому завышению на 3-5% групповых сечений в области энергий, определяющей интегральное сечение. Указанная погрешность примерно в 2 раза больше погрешности микроэксперимента для одного из основных нейт ронных стандартов. Таблипа 5

<u>ь 10</u>

llorpemn	ости подго	TOBRE TPY	шовых кон	стант б <sup>а</sup>	, %
Номер группы	E⊈C33	BDC-41	EDC-42	KEP-3	Тестовая модель Бейкера
II	-2	-2	-2	-3	-2
12	-2	-2	I	-	-2
<b>I</b> 3	-2	-2	I	-	-7
I4	-3	-3	-2	I	-
<b>I</b> 5	-4	-3	-2	I –I	-3
<b>I</b> 6	5	-4	-2	-	5
17	6	-5	3	2	6
<b>I</b> 8	-7	-8	-3	-2	9
I9	·6	-4	-2	3	-7
20	-7	-2	-2	-4	-8

Примечание. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%.

Макросконические групповые константы. В табл.6 приведены отличия от "точных" значений групповых макроконстант поглощения, полученных с помощью факторов самоэкранирования (три итерации по бо). В табл.7 указаны погрешности приближенного расчета сечений упругого замедления. Этот расчет проводился с использованием поправок bj /I/, полученных параболической интерполяцией плотности рассеивающих столкновений. Из приведенных данных видно систематическое завышение приближенного расчета сечения поглощения в области энергий En < 5 кэВ. Погрешность расчета упругого замедления носит случайный характер в зависимости от композиции и области энергий.

Кроме указанного способа введ ния факторов b, рассчитывались также сечения упругого замедления, в которых величини в, определялись параболической интерполяцией групповых потоков (пяфры в скобках табл.?), параболической интерполяцией логарийма плотности рассемваниих столкновений. Были также выполнены расчеты сечения поглощения с различным числом втереший по  $\sigma_0$ . Из

сравнения полученных результатов с "точными" следует, что наилучшее согласие с "точными" значениями макросечений при приближенной их подготовке имеется в случае применения итерационной процедуры по б<sub>0</sub> (3-4 итерации) и использовании факторов b<sub>1</sub> на основе интерполяции плотности рассеивающих столкновений. Именно эти ангоритмы реализованы в новой версии БНАБ-78 - АРАМАКО /67.

Taojinga 6

Погрешн	расч расч	ета макро	CROINAGCKE	х сечений і	оглощени	ы, %
Номер группы	E4C-30	E0C-33	EC-41	EDC42	KEP-3	Тестовая мо- дель Бейкера
IO	-	-	-		7	-
II	-3	-	-2	<b>_</b> I	I	-I
12	-3	-I	I	-	2	-2
I3	-	3	3	2	I	-
<b>I4</b>	-5	-6	7	-6	-2	-3
<b>I</b> 5	<b>I</b> 5	-7	-3	-3	-2	-4
<b>I</b> 6	-25	-9	-6	-2	-I	-9
17	-5	-2	-	2	-	-2
<b>I</b> 8	2	-6	9	-4	-3	-9
I9	4	8	5	4	5	9
20	7		4	3	II	18

Примечание. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%.

Таблица 7

Номер группы	<b>B4C</b> -30	E4C-33	EC-41	B⊈C42	KEP-3	Тестовая мо- дель Бейкера
I	-24 (-24)	-27 (-27)	-3I (-3I)	-3I (-3I)	-I3 (-I3)	-30 (-30)
2	I (I)	-(-)	-3 (-3)	-3 (-3)	- ( - )	-I (-I)
3	- ( - )	-II (-II)	-I4 (-I4)	-I4 (-I4)	23 (23)	-5 (-5)
4	-3 (9)	I (I <b>5)</b>	<b>-</b> (13)	- (14)	-8 (-IO)	I (I4)
5	2 (12)	-3 (8)	-4 (7)	-3 (9)	-5 (I)	-2 (8)
6	6 (IO)	5 (9)	5 (8)	6 (9)	I5 (16 <b>)</b>	5 (7)
7	- (3)	-2 (2)	-2 (2)	_3 (2)	I2 (I5)	- (2)
8	-5 ( - )	-3 (2)	-3 (2)	-3 (2)	3 (13)	-2 (2)
9	- (3)	I (4)	I (6)	-I (4)	7 (II)	- (7)
10	_4 (_3)	- (I)	- (2)	-2 (4)	I8 (26)	- (3)
II	-9 (-II)	-3 (-2)	-2 (-I)	-2 ( - )	2 (22)	- (6)
12	-7 (20)	-4 ( - )	_4 ( _ )	-2 (I)	4 (14)	2 (24)
13	-2 (28)	3 (-2)	4 ( _ )	7 (3)	8(-)	-5 (-IO)
<b>I4</b>	-40 (-90)	- (-4)	- (-4)	I (2)	-8 (-II)	-14 (-33)
15	-15 (-60)	-5 (-4)	-3 (-I)	- (3)	I (IO)	-12 (-20)
<b>I6</b>	<b>-50 (≆)</b>	-I4 (-6)	-I4 (4)	-5 ( - )	-5 (2)	-25 (20)
17	-27 (¥)	-I5 (I7)	-II (-22)	_7 (_I3)	-3 (-7)	-25 (-18 <b>)</b>
18	¥ (1)	22 (3)	39 (20)	17 (13)	-8 (-6)	28 (4)
19	= (=)	-25 (-23)	44 (50)	I4 (I4)	-9 (8)	-IO (-I)
20	¥ (¥)	-60 (-II)	47 (52)	4 (3)	-19 (-18)	_I20 (_II0)

Погрешности расчета макроскопических сечений упругого замедления, %

Примечания: І. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%. 2. Значок к означает, что b<sub>j</sub><0. 3. Цжфры в скосках – факторы b<sub>j</sub>, полученные интерполяцией групповых потоков. В основе использования итерационной процедуры по сечению разбавления бо лежит простое физическое представление. Эта процедура позволяет в приближении узкого резонанса учесть в среднем тонкую структуру потока в энергетической группе с точки зрения описания количества "набрасивалых" нейтронов в резонансы. Уменьшение погрешности приближенного расчета сечения упругого замедления композиции при выборе в качестве интерполируемой величины для оценки факторов b плотности рассеивающих столкновений также имеет простой физический смысл. С точностью до среднелогарифилической потери энергии (  $\xi$  -среды) плотность рассеивающих столкновений равна плотности замедления нейтронов – наиболее монотонной из интегральных величин, описывающих процесс замедления нейтронов. К тому же эта величина просто вычисляется в грушновом расчете.

Однако, как показали расчети, указанный способ подготовки макроконстант (три итерации по б<sub>0</sub> и интерполяция плотности рассеивающих столкновений) в некоторых случаях приводит к большему отклонению от "точного" расчета, чем процедура, в которой отсутствуют итерации по б<sub>0</sub>, и к отрицательным значениям факторов b<sub>1</sub>. Так, в случаях, когда приближенный расчет сечения поглощения в резонансной области энергий дает значение последнего меньше "точного", применение итераций по б<sub>0</sub> ведет к дальнейшему ухудшению результата. Такая картина наблюдается в сборке КБР-З для б<sup>8</sup><sub>C</sub> в группах 16-20. Отрицательные значения факторов b<sub>1</sub> были получены в сборках БРС-30, БРС-35, БРС-38 в области энергий, где наблюдается сильное падение нейтронногс лотока.

Погрешность расчета групповых потоков. В табл.8 приведены погрешности групповых нормированных потоков для двух способов подготовки групповых констант. Из таблицы следует, что различие для большинства групп невелико, но в области широких рассеивающих резонансов натрия и железа оно достигает IO-30%. Видно также, что при использования интерполяции илотности рассеиваниих столкновений приближенный и "точный" расчеты согласуются лучше.

Таблица 8

Номер группы	<b>BIC-3</b> 0	64C-33	6 <b>\$C-3</b> 5	60C-38	64C-4I	6⊈C-42	KEP-3	Тестовая мо- дель Бейкера
I	4 (4)	5 (5)	I–	I	6 (6)	5 (5 <b>)</b>	2 (2)	4 (4)
2	-2 (-2)	-2 (-2)	<b>-</b> I	I	-I (I)	-I (-I)	- ( - )	-2 (-2)
3	-I (-I)	I (I)	-2	I	3 (3)	2 (2)	-7 (-7)	-I (-I)
4	- (-3)	-I (-4)	-I	2	-I ( - )	-2 (-4)	9 (14)	-I (-3)
5	- (-4)	3 ( - )	-2	9	3 ( _ )	2 (-2)	II (I3)	I (-I)
6	-4 (-3)	-I (-I)	-II	-6	I(-)	-2 (-2)	-7 (-2)	-3 (-2)
7	- (I)	- ( - )	-2	-3	-(-)	I (I <b>)</b>	I (-2)	I (I)
8	2 (2)	I(-)	5	2	I(-)	- ( - )	2 (-3)	I (-I)
9	- (I)	-2 (-3)	12	I	-2 (-3)	- (2)	-2 ( - )	-I (-3)
I0	2 (5 <b>)</b>	-I (I)	13	12	- (I)	- (2)	-I4 (-I8)	-I (I)
II	2 (7)	I (5)	-36	10	I (4)	- (2)	4 (8)	- ( - )
12	-2 (-9)	I (5)			2 (4)	- (2)	2 (3)	-2 (-I2)
13	-8 (-8)	-5 (4)			-6 (2 <b>)</b>	-5 ( - )	- (16)	5 (22)
I4	2 (36)	2 (6)			2 (7)	2 (5)	I3 (23)	8 (28)
15 ·	-20 (-3)	8 (6)			5 (5)	2 (2)	5 (8)	2 (II)
I6	8 (-7)	II (IO)	ĺ		IO <b>(9)</b>	4 (5)	9 (16)	4 (7)
17		2 (8)			_I (8)	- (4)	7 (21)	-15 (-8)
18		_7 ( _ )			_7 (_6)	-4 (-2)	9 (I9)	-34 (-17)
19		-7 (-I7)			9 (-3)	-3 (-3)	3 (1 <b>4)</b>	-3 (-22)
20		2 (7)			I3 (I <b>4)</b>	- (2)	<u>-</u> 9 (5)	-27 (-41)

Погрешности нормированных групповых потоков, %

Примечания: 1. Прочерк в графе означает погрешность менее 1%. 2. Пифры в скосках - факторы b, полученные интерполяцией групповых потоков.

<u>Скорости реакций</u>. В табл.9 приведены отклонения приближенных значений средних скоростей реакций от "точных". Эти данные соответствуют трем вариантам приближенного расчета:

Taona	9
-------	---

٠

Погрешности расчета скоростей реакций, %

Реакция	<b>E&amp;C</b> -30			Б	B@C-33		БØ	BOC-4I		B&C-42			КБР-3		Тестовая модель Бейкера			
	I)	2)	3)	I)	2)	3)	I)	2)	3)	I)	2)	3)	I)	2)	3)	I)	2)	3)
<b>f</b> <sup>5</sup>	-	-	-I,8	-	-0,5	-2,5	-	-0,7	-3,0	-	-0,9	-I,8	6,5	2,5	3,5	2,2	-0,9	-2,7
°2	1,I	-	-I,7	0,6	-I,2	-3,0		I,2	-4,I	-	-I,2	-2,5	8,9	3,4	3,8	I,I	-I,7	-4,I
f <sup>9</sup>	-	-	I,5	-	-0,6	-4,I	-	-0,6	-3,5	-	-0,8	-2,5	5,3	0,7	-	-2,5	-I,9	-7,0
c <sup>9</sup>	-0,5	-2,4	-8,6	_	-2,0	-8,9	0,5	-I,9	-7,6	-0,7	-I,I	-2,7	10,5	3,0	2,7	0,5	-0,7	2,1
<b>f<sup>8</sup></b>	-2,7	<b>-1,</b> 5	-6,I	2,0	<b>-I,</b> 5	-5,0	-I,4	-0,7	-4,5	-I,8	I,0	-4,6	5,I	0,8	-5,9	-	-0,9	-4,0
c <sup>8</sup>	1,2	-	-0,8	I.0	-	2,0	I,3	-	2,2	0,7	-0,5	I,I	21,0	14,7	12,0	4,4	-0,4	-4,4
c <sup>Fe</sup>	-	_I,I	-2,6	-2,2	-2,I	-5,0	-3,4	-4,2	5,9	-6,4	7,3	-7,2	7,8	4,9	5,2	I,9	-I,4	-2,I
c <sup>Cr</sup>	-0,8	-I,4	-5,7	0,9	-I,I	-2,I	I,I	-0,7	-I,8	I,0	-	-	8,7	4,I	6,5	2,8	-0,6	0,5
c <sup>N1</sup>	2,I	1,3	-	3,I	2,0	5,0	3,9	2,4	5,3	2,2	1,2	2,4	2,0	2,8	4,3	2,0	I,I	3,0
c <sup>Mn</sup>	-	-	ļ	-I,O	-4,2	-25,0	2,2	-	-20,0	I0,8	9,4	6,7	12,0	4,8	9,4		ł	
c <sup>0</sup>	I,I	-I,I	-13,2	0,8	-0,8	-4,2	0,8	-0,9	-4,3	-0,3	-I,I	-2,3	8,5	2,8	3,7	2,7	<b>_I0,</b> 5	-3,I

Примечания: І. Методика приближенного расчета соответствует условиям в пунктах I), 2), 3) в тексте. 2. Прочерк в графе означает погрешность менее 0,5%.  итерации по G<sub>0</sub> отсутствуют; факторы b<sub>j</sub> - параболическая интерполяция групповых потоков;
 такая подготовка макроконстант соответствует алгоритму, реализованному в системе констант БНАБ-70 - АРАМАКО и комплексе МИМ /13/;

2) три итерации по  $\mathcal{G}_0$ ; параболическая интерполяция плотности рассеивающих столкновений при расчете факторов  $b_j$ ; эта подготовка макроконстант соответствует методике, принятой в БНАБ-78 – АРАМАКО;

3) три итерации по  $\mathfrak{G}_0$ ; факторы  $b_j = I$  для j > 3,  $b_1 = 2,44$ ,  $b_2 = I,6$ ,  $b_3 = I,I9$ .

Из приведенных данных можно сделать следующие выводы:

I. Погрешность приближенного расчета сечения деления и радиационного захвата <sup>235</sup>U, <sup>239</sup>Pu и <sup>238</sup>U для всех композиций, кроме КБР-З, в методиках, используемых в инженерных расчетах, со-

ставляет I-2%, что сравнимо с неопределенностью измерения этих величин. Относительно небольшая величина погрешности по сравнению с таковыми в микроконстантах (см. табл. 2) связана как с разным знаком отклонений приближенных расчетов потоков и микроконстант (компенсация погрешностей), так и с относительно малым вкладом констант при низких энергиях, имеющих большую погрешность.

2. Иогрешность расчета сечения поглощения конструкционных материалов достигает 5-10% .

3. Обращает внимание увеличение погрешностей скоростей реакций в сборке КБР-З почти во всех случаях. Это связано с существенно мягиим спектром нейтронов (доля потока нейтронов ниже I кэВ составляет 7%) и большой погрешностью приближенной подготовки микроконстант в данной критической сборке (см.табл.2-4). Этот результат указывает на необходимость проявления большой осторожности при интерпретации экспериментальных данных в таких композициях. Например, погрешность величины с<sup>8</sup>/r<sup>5</sup> при использовании алгоритмов подготовки типа БНАЕ-78 - АРАМАКО приводит к занижению этой величины на 12%.

<u>Погрешность расчета критичности</u>. Оценки погрешности расчета коэффициента К<sub>Эф</sub> приведены в табл. Ю. Методики приближенного расчета соответствуют пунктам I), 2), 3) в предндущем разделе. Из этих данных следует, что погрешность используемых инженерных методик составляет 0,5-I%. Для реальных систем типичное значение погрешности этого параметра критичности, приведенного к условиям гомогенной модели (неопределенность состава, эффекты гетерогенности и т.д.), составляет ± 0,5%.

Погрешности	расчета	<sup>К</sup> эф'	%
-------------	---------	------------------	---

#### Таблица 10

Методика	<b>БФС-30</b>	<b>60</b> C-33	<b>E@C35</b>	50C-41	KBP-3	Тестовая модель Бейкера
Итерации по сечению бо от- сутствуют. Факторы в титэр- полящия групповых потоков	0,4	-0,8	0,1	-I,2	-1,3	-0,7
Три итерации по сечению б <sub>о</sub> . Факторы b <sub>ј</sub> — интерполяция плотности рассемваниях столкновений	0,4	-0,2	0,3	0,I	-1,2	0,5
Три итерации по сечению б <sub>о</sub> . Попранки факторов b <sub>j</sub> не аводятся	0,3	-2,6	0,1	-3,I	-3,0	-2,2.

<u>Погрешность нараметров воспроизвоиства</u>. Оценки погрешности были сделани дли стандартного реактора Бейкера, которий по состану близок к реактору-размножитело с окисным топливом большой можности. Величины КВ и КВА получены из нейтронного баланса и приведены к условням К<sub>об</sub> = I. При оценке КВ принималось, что нейтроны, утеканщие из активной зоны, поглощаются в <sup>238</sup>U. Из приведенных данных (табл.II) следует, что погрешность расчета КВ с помощью инженерных методик даже в случае простейней модели реактора достигает 0,02, что сравнямо с константной составляющей погрешности расчета ± 0,03, гарантируемой авторами системы констант БНАБ-78 для реактора типа БН-I600 в среднестационарном состояник.

							Tao	блица	II
Величины	KB	X	KBA	для	тестовой	модели	peartopa	Бейке	epa

Методика	КВ	KBA
"Точнкй" расчет	I,367	0,791
Итерации по сечению бо отсутствуют. Факторы bj - интерполяция групповых потоков	I,39I	0,804
Три итерации по сечению бо. Фактори b. – интерполяция плотности рассеи-		
ванных столкновений	I,372	0,795

Приведенные в работе результаты позволяют сделать следущие выводы:

I. Погрешности расчета групповых констант, потоков нейтронов и скоростей реакций при использовании алгоритмов, лежащих в основе систем подготовки констант в инженерных расчетах бистрых реакторов, в некоторых случаях превниают погрешности из-за неопределенности ядерных данных. Например, в приближенном расчете величина с<sup>8</sup>/ г<sup>5</sup> для сборки КБР-3 отличается от "точного" значения примерно на 12% (см. табл.9), что в 5-6 раз больше погрешности измерения этой величини на критической сборке. Приближенный расчет козфиниента К<sub>30</sub> для сборки БС-33, БС-41 и КБР-3 дает погрешность I,0%, что в 2 раза превышает погрешность эксперимента с учетом неопределенности поправок приведения к гомогенной (R-Z)-модели.

2. Для условий, близких к условиям реактора большой мощности, погрешность приближенного расчета составляет для К<sub>Эф</sub> около 1% и для КВ около 0,02 (абсолютние единици), что сравнимо с гарантируемой авторами БНАБ-78 погрешностью этих величин (около 0,5% для К<sub>Эф</sub> и около 0,03 для КВ) в случае реактора типа БН-1600 в среднестационарном состоянии.

#### Список литературы

- I. Абагян Л.П., Базазянц Н.О., Бондаренко И.И., Николаев М.Н. Групповне константи для расчета ядерных реакторов. М.: Атомиздат, 1964.
- 2. Воротывцев М.Ф., Ваньков А.А., Воропаев А.И. и др. Вопросы атомной науки и техники. Сер.Ядерные константы, 1976, вып.21, с.147-184.
- 3. Le Sage L.G., McKnigth R.D. Discussion of Integral Experiment C/E Discrepancies. Nuclear Cross-Sections for Technology. - In: Proc. of the Intern. Conf. Knoxwill. NBS-595, 1980, p. 297.
- 4. Borré J., Bouchard J., Caumette P.e.a. Fast reactor physics at clean core. In: Intern. Symp. on Physics of Fast Reactors (Tokyo, 1973). IAEA, 1973, v.3, p.396.
- 5. Lyon F., Martini M., Rimpault G. Etude de l'effet de vidange sodium dans des milieux représentatifs des centrales à neutrons rapides de type classique on hétérogène. - In: Fast Reactor Rhysics 1979. Vienna: IAEA, 1980, v.2, p.71.
- 6. Абагян Л.П., Базазянц Н.О., Николаев М.Н., Цибуля А.М. Групповне константи для расчета реакторов и защиты. М.: Энергоиздат, 1981.
- 7. Казанский D.A., Ваньков А.А., Возяков В.В. и др. Атомная энергия, 1982, т.52, вып.4, с.235-240.
- 8. Воротницев М.Ф., Пивоваров В.А. Вопросы атомной науки и техники. Сер. Физика и техника ядерных реакторов, 1980, вып.4(13), с.27-42.
- 9. Возяков В.В., Воропаев А.И., Абдулаев Х.Ш. и др. Вопросн атомной науки и техники. Сер. Ядерные константи, 1977, вып.27, с.16-26.
- 10. Зизин М.Н., Загацени Б.А., Темнова Т.А., Ярославцева Л.Н. Автоматизация реакторных расчетов. М.: Атомиздат, 1973.
- II. Казанский D.A., Ваньков А.А., Возаков В.В. и др. См. /9/, 1981, вып.4(43), с.4-12.
- Ворошаев А.И., Ваньков А.А., Цноуля А.М. Сравнение расчетов стандартного бистрого реактора (модель Бейкера). - Атомная энергин, 1978, т.45, вып.6, с.119; 1979, т.47, вып.4, с.384.
- I3. Proceedings of the IAEA Consultants Meeting on the Uranium and Plutonium Isotope Resonance Parameters. INDC (NDS) - 129/GJ. Vienna: IAEA, 1981.

#### Статья поступила в редакцию 13 июня 1983 г.

УЛК 621.039.512.26

Эффективные резонансные интегралы торикных стериней, содержащих интергный разбавитель

Л.Н.Юрова, А.А.Поляков, В.П.Рухло, D.E.Титаренко, С.Ф.Комин, О.В.Шведов, Е.А.Филиппов, А.С.Папков, И.И.Кокорин

> THE EFFECTIVE RESONANCE INTEGRAL OF ISOLATED BLOCK CONTAINING MIXTURES <sup>232</sup>Th AND INERT DILUTIVES. In this article the results of experimental measurement of effective resonance integrals of isolated blocks containing mixtures of <sup>232</sup>Th and inert dilutives are given.

Поглощение нейтронов в цилиндрических блоках, содержаних резонансний поглотитель, например торий, описывается полузипирической формулой Гуревича – Померанчука  $I_{300} = a + \delta \sqrt{S/M}$ ,

в которой коефициенти  $\alpha$  и  $\delta$  вичисляются на основе экспериментально определенных значений эффективного резонансного интеграла. Диапазон изменения  $\sqrt{S/M}$  для блоков из двуокиси или металлического тория соответственно равен 0,371-0,998 и 0,279-0,679 см  $\cdot r^{-1/2}$  [I,2.] В толстих блоках при  $\sqrt{S/M} \leq 0.3$  становится ощутимым эффект замедления нейтронов и наблюдается отклонение от линейной зависимости. Для учета этого эффекта в работе [I] в подкоренное выражение введена поправка. Дальнейшее развитие теории, учитывающей эффект замедления нейтронов в блоках, содержащих разонансный поглотитель, было сделано, например, в работах [3,4], в которых на основе приближения "узких резонансов" было получено следущее выражение для описания процесса резонансного погмощения:

$$I_{gp} = \alpha + \beta \sqrt{\Sigma_{sp}} / N_{nozi} 10^{-22} f(d\Sigma_{sp}), \qquad (1)$$

где  $\alpha$  и  $\beta$  - коэффициенты, зависящие от параметров резонансного поглотителя;  $\Sigma_{\rm Sp}$  - эффективное макроскопическое сечение потенциального рассеяния ядер в блоке;  $N_{\rm погл}$  - ядерная концентрация резонансного поглотителя в блоке; d - диаметр блока;  $f(d \Sigma_{\rm Sp})$  - функция, учитывалщая геометрию блока и ядерные свойства среды, вид которой определяется выражением

$$f(d\Sigma_{sp}) = \frac{(ez_f d\Sigma_{sp})(1 + 2d\Sigma_{sp}) + 2\sqrt{d\Sigma_{sp}}/\pi \exp\left[-(d\Sigma_{sp})\right]}{2d\Sigma_{sp}}$$

Вид функции  $f(d\Sigma_{SD}) = f(x)$  приведен на рис. I.





Так же, как и в формуле Гуревича – Померанчука, коэффициенты « и β, соответстнующие объемной и поверхностной частям эффективного резонансного интеграла, можно определить цутем экспериментальных исследований с использованием блоков, содержащих один и тот же резонансный ноглотитель, но именцих различное сечение потенциального рассеивания. Такие условия нельзя реализовать при изменении диаметра блоков из двуокиси или металлического тория. Изменение величины эффекта замедления нейтронов в блоках, содержащих резонансный поглотитель, можно создать при введении в ториевые блоки нуклидов с различной атомной массой (легких, средних и тяжелых). В дальнейшем эти нуклиды, определяющие процесс замедления нейтронов в блоке, обозначим как инертный разбавитель.

<u>Методика экспериментальных исследований</u>. Эффективный резонансный интеграл исследуемых ториевых стериней различного состава определяли на основе активационного метода с использованием полупроводниковых детекторов. Величину эффективного резонансного интеграла находили в результате сравнения скоростей реакций радиационного захвата нейтронов с энергией ныпе эффективной граничной энергии поглощения кадмия в экспериментальном образце, помещаемом в исследуемый блок, и в фольге из металлического тория (стандартный образец). Состав экспериментального образца соответствовал состану исследуемого блока. Скорость реакции <sup>232</sup>Th(*n*, *f*) измерали путем регистрации интенсивности *f*-излучения <sup>233</sup>Ра. Концентрация резонансного поглотителя <sup>232</sup>Th в блоках определяли взвешиванием экспериментальных образцов и стандарта в тепловой колонне. В этом случае выражение для нычисления эффективного резонансного интеграла исследуемых стержней можно представить в виде

$$I_{\mathfrak{H}} = \left(S_{\delta \mathfrak{I}} / S_{cT}\right)_{\mathfrak{I}/\mathsf{E}}^{\mathsf{Pa}} \left(S_{cT} / S_{\delta \mathfrak{I}}\right)_{\mathsf{T},\mathsf{K}}^{\mathsf{Pa}} I_{\mathfrak{n},\mathfrak{h}}^{\mathsf{Th}} K_{\delta \mathfrak{I}} K_{\mu} K_{\mathfrak{n}} \xi,$$

где  $(S_{\delta n} / S_{CT})_{1/E}^{Pa}$  - отношение площадей пиков, регистрируемых интенсивностей *f*-излучения 233 Рав экспериментальном и стандартном образцах;  $(S_{CT} / S_{\delta n})_{T.K}^{Pa}$  - отношение площадей пиков, регистрируемых интенсивностей *f*-излучения в экспериментальном и стандартном образцах, облученных в тепловой колонне;  $K_{\delta n}$  - коэффициент, учитывающий олокировку ядер в стандартном образце;  $K_{\mu}$  - поправка, учитывающая различие в ослаблении *f*-квантов, испускаемых при распаде 233 Ра в материале таблетки и стандартном образце;  $K_n$  - отношение потока нейтронов в месте облучения экспериментальных и стандартных образцов;  $\xi$  - поправка, учитывающая отклонение спектра нейтронов от спектра ферми. Коэффициент  $K_{\delta n}$  определяли с помощью кадмиевых отношений, измеренных ториевыми фольгами:  $K_{\delta n} = (R_{cd}^{\infty} - 1)/(R_{cd}^{ct} - 1)$ , где  $R_{cd}^{\infty}$ ,  $R_{cd}^{ct}$  - кадмиевые отношения соответственно для "бесконечно" тонкой фольги и стандарного образца.

В связи с тем, что все блоки имели разное содержание двуокиси тория и соответствующего разбавителя, для каждого состава экспериментально определяли  $K_{\mu}$  – линейный коэффициент ослабления интенсивности **г**-квантов. Поправку вичисляли по формуле

$$K_{\mu} = (\mu h)_{\delta n} \left\{ 1 - \exp\left[-(\mu h)_{c\tau}\right] \right\} / \left\{ 1 - \exp\left[-(\mu h)_{\delta n}\right] \right\} (\mu h)_{c\tau},$$

где  $\mu$  - коэффициент ослабления *р*-квантов; *h* - толщина таблетки. Величину коэффициента  $\xi$ определяли расчетным путем. Спектр нейтронов в месте облучения тормевых блоков, содержащих инертный разбавитель, рассчитывали по программе TRIFON [5]. Максимальное значение коэффициента  $\xi$ не превышает 0.3%, поэтому в величине эффективного резонансного интеграла поправку не учитывали.

<u>Облучение исследуемых блоков</u>. Эксперименты по определению эффективного резонансного интеграла ториевых блоков различного состава выполняли на реакторе ТВР ИТЭФ. Наиболее оптимальные условия для формирования спектра замедленных нейтронов реализуются при облучении блоков в канале А-О, так как выбранный канал расположен в центре тяжеловодной полости квадратной ячейки активной зоны реактора. В качестве тепловой колонны использовали канал Б-8, расположенный в тяжеловодном отражателе [6]. Облучение ториевых блоков, содержащих инертные разбавители, произведили в стандартных алюминиевых контейнерах высотой IOO мм. В качестве дистанционирующих алементов использовали графитовые втулки. Схема загрузки исследуемых блоков подробно описана в работе [7]. Отношение плотности потока нейтронов в месте облучения экспериментальных и стандартных образцов измеряли фольгами из сплава золота с алюминием. <u>Состав исследуемых блоков</u>. В качестве инертных разбавителей использовали SiC, ZrO<sub>2</sub>, Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub>. Экспериментальные блоки ThO<sub>2</sub>, ThO<sub>2</sub> + SiC , ThO<sub>2</sub> + 2rO<sub>2</sub> с различной концентрацией разбавителя изготавливали из дисперсионной смеси днускиси тория и соответствующего разбавителя. Каждый исследуемый блок представлял собой цилиндрический стержень длиной 30 мм, набранный из отдельных таблеток размером 5-10 мм. Экспериментальные образцы, имеющие толщину 500-1000 ммм, помещали в центре соответствующах стержней. Ядерную концентрацию тория в экспериментальных стержнях определяли по результатам облучения экспериментальных таблеток и стандартного образца в тепловой колонне. Состав экспериментальных стержней представлен в табл. I. Материал стержня, приведенного в таблице под номером 7, представлял собой смесь днускиси тория и днускием циркония в виде твердого раствора.

#### Таблица I

Ho-	Состав	d,	μ, <sub>τ</sub>	Яде	рная ко	центраци	ия, х IO	-21, яд	po∕cm <sup>3</sup>	P <sub>Th</sub>	N <sub>Th</sub>
мер стер- жня		СМ	CM_T	тория	кисло- рода	цирко- ния	крем- ния	угле- рода	вис- мута	P <sub>Th</sub> +P <sub>p</sub> '	N <sub>Th</sub> +N <sub>p</sub>
I		(0,808	I,85±0,02	6,69	25,87	6,25	-	-	1	6I,2	17,2
2		0,648	I,8I <u>+</u> 0,02	5,4I	26,84	8,0I	-	-	-	52,0	I3,4
3		0,742	I,32 <u>+</u> 0,0I	2,93	28,22	II,I8	<b>-</b> `	-	-	3I,6	6,9
4	<sup>110</sup> 2 <sup>+210</sup> 2	0,807	I,36±0,0I	I,88	30,14	13,19	-	-	-	20,6	4,2
5		0,649	3,I7 <u>+</u> 0,03	I3 <b>,</b> 44	45,89	9,49	-	-	-	68,3	22,7
6		0,650	2,26 <u>+</u> 0,02	8,29	38,35	IO,88	-	-	-	54,5	I4,4
7		0,684	2,79 <u>+</u> 0,02	12,22	36,52	6,04	-	-	-	73,2	25,I
8		(0,808	I,82±0,02	6,48	I2,96	-	19,68	19,68	-	60,I	II,O
9	ThO <sub>2</sub> +SiC	0,804	I,39 <u>±</u> 0,0I	4,16	8,32	- <b>-</b>	30,0I /	30,0I	-	4I,9	5,7
IO	-	0,797	I,24 <u>+</u> 0,0I	2,35	4,70		38,62	38,62	-	25,I	2,8
II		0,802	I,I0 <u>+</u> 0,0I	I,I3	2,26	<b>-</b> -	46,93	43,93		I3,0	I,3
12		(0,800	2,50±0,02	8,66	6,49	-	-	-	6,II	54,2	2I,0
I3		20,800	2,31 <u>+</u> 0,02	5,49	I9,77	-		-	5 <b>,8</b> 5	45,3	I7,6
I4	1102+81202	0,798	2,II <sub>±</sub> 0,02	4,49	I8,4I	-	-	-	6,29	39,3	15,4
I5		l0,790	2,15 <u>+</u> 0,02	I,65	15,78		-	-	8,32	I6,I	6,4
16	ThO2	0 <b>,7</b> 65	3,96 <u>+</u> 0,04	17,75	35,50	-	-	-	-	87,9	33,3
	1			1	1	1	I				L

Характеристика исследуемых стержней

<u>Результати измерения</u>. Регистрацию р-квантов, образущихся при распаде <sup>233</sup>ра, осуществляли на коаксиальном Ge(Li)-детекторе с объемом 400 м<sup>3</sup> и разрешением 2,9 кэВ для энергия I332 кэВ. Для уменьшения интегральной загрузки экспериментальные образцы помещали на висоте I50-250 мм от поверхности детектора, что позволило не учитивать эффекта изменения зональной характеристики детектора. Результаты экспериментальных исследований представлены в табл.2 и на рис.2. Анализ экспериментальных результатов показывает, что использование полученных значений эффективных резонансных интегралов для вычисления коэффициентов  $\alpha$  и  $\beta$  в выражении (I) не совсем корректно, поскольку эта формула получена в приближении "узких" резонансов. Поэтому в значение сечения потенциального рассеяния исследуемого блока необходимо ввести поправку, позволящую пользоваться приближением "узких" резонансов. Методика ее ввода показана в работе [8]. В этом случае эффективное сечение потенциального рассеяния исследуемого блока можно представить в виде  $\sigma_{sp}^* = \sigma_{sp}^* \times \bar{K}(A^{j})$ .

Поскольку композиция каждого тормевого стержня представляет собой смесь из трех-четирех типов ядер с различными массовыми числами, вклад каждого ядра  $\overline{K}(A^i)$  в эффективное потенциальное сечение рассеивания блока можно получить усреднением по *i*-м резснансам <sup>232</sup>Th:

$$\overline{K}(A^{j}) = \sum_{i} K_{i}(A^{j}) I_{R_{i}} / \sum_{i} I_{R_{i}}$$
(2)

Здесь  $I_{R_i}$  внчисляется из соотношения  $I_{R_i} = \pi G_i^{(0)} \Gamma_{r_i} / 2E_{0i}$ ;  $K_i(A^j)$  вычисляется по формуле  $K_i(A^j) = 1 - (1/\lambda_i) \operatorname{azctg} \lambda_i$ , где величина  $\lambda_i$  определяется из соотношения  $\lambda_i = \Delta E/E_{3\phi}$ , а  $\Delta E_{3\phi}$  - выражением  $\Delta E_{3\phi} = \Gamma \sqrt{G^{(0)} / (\Sigma_{sp} / N_{no2h})}$ , в котсром  $\Gamma$  - полная ширина резонанса,  $G^{(0)}$  - величина полного сечения в максимуме резонанса. Параметры резонансов <sup>232</sup>Th и значения сечений потенциального рассеяния были взять из работы (9/. Значения поправок  $\overline{K}(A^j)$ , вычисленные

по формуле (2) для каждого состава, приведены в табл.З.



Рис.2. Экспериментальная зависимость эффективного резонансного интеграла от ядерной концентрацим тория (a) и массовой концентрации тория (d):  $O - ThO_2 + siC$ ; • -  $ThO_2 + 2rO_2$ ; x -  $ThO_2 + Bi_2O_3$ ;  $\Delta$  - торий; • -  $ThO_2$ 

Таблица 2

• • •	-		
Состав тори- евых стерж- ней	(S <sub>δ1</sub> /S <sub>cτ</sub> ) <sub>1/E</sub>	(S <sub>ст</sub> /S <sub>бл</sub> ) <sub>т.к</sub>	$I_{ m s \phi}^{ m Th},$ o
	(0,283±0,004	I,633 <u>+</u> 0,02I	28,39 <u>+</u> I,I9
	0,281±0,003	I,922±0,024	33,25 <u>+</u> I,38
ThO2+ZrO2	<0,2I5±0,003	3,I59 <u>+</u> 0,040	4I,74 <u>+</u> I,7I
	0,164 <u>+</u> 0,002	4,856 <u>+</u> 0,06I	48,95 <u>+</u> 2,02
	0,254 <u>+</u> 0,003	I,5I2 <u>+</u> 0,0I9	23,60 <u>+</u> 0,99
	0,252 <u>+</u> 0,003	I,834 <u>+</u> 0,023	28,42 <u>+</u> I,I8
	$0,274\pm0,003$	I,399 <u>+</u> 0,0I8	23,62 <u>+</u> 0,98
	(0,279±0,003	I,662 <u>+</u> 0,02I	28,57 <u>+</u> I,I8
Mb0 + 540	$0,242\pm0,003$	2,384 <u>+</u> 0,030	35,42_I,47
1102+210	0,188±0,002	3,976 <u>+</u> 0,050	46,03 <sub>±</sub> I,9I
	0,123±0,002	7,841 <u>+</u> 0,099	59,22 <u>+</u> 2,46
	$(0,220\pm0,003)$	I,845 <u>+</u> 0,023	25,0I <sub>±</sub> I,03
00-0-194 0	0,223±0,003	2,207±0,028	30,30±1,25
102+01203	0,2II <sub>1</sub> 0,003	2,544 <u>+</u> 0,032	33,00 <u>+</u> I,37
	0,135±0,002	6,205±0,078	51,60 <u>+</u> 2,I4
mo <sub>2</sub>	0,275 <sub>±</sub> 0,004	I,I37 <u>+</u> 0,0I4	19,24 <sub>±</sub> 0,79

Результаты эксперимента по определению зависимости эффективного резонансного интеграла от ядерной концентрации тория

Іримечание. Цля всех составов  $I^{Th} = 85\pm 3$  б;  $K_{of} = 0,723\pm 0,008$ ;  $K_{II} = 1,000\pm 0,005$ .

Табляна З

Расчетные значения коэффициентов

Состав торие-		Коэффициентн К(А <sup>3</sup> )							
ECZ	тория	кислорода	циркония	кремния	углерода	висмута			
	(0,280	0,880	0,536	-	-	-			
<b>m</b> 0 <sub>2</sub> +Ζr0 <sub>2</sub>	0,302	0,891	0,567	-	-	-			
	J0,396	0,923	0,668	-	-	-			
	0,450	0,934	0,7I0	-	-	-			
	0,269	0,874	0,522	-	-	-			
	0,297	0,888	0,55I	-	-	-			
	(0,242	0,864	0,490	-	-				
	(0,267	0,873	-	0,799	0,899	-			
ThO_+SiC	20,376	0,915	-	0,864	0,934	-			
2	0,470	0,935	-	0,899	0,951	-			
	0,583	0,957	-	0,930	0,967	-			
	(0,215	0,840	-	-	-	0,235			
ThO <sub>at</sub> Bi <sub>a</sub> O <sub>z</sub>	<b>{0,289</b>	0,884	-	-	-	0,3I3			
2-23	0,304	0 <b>,89I</b>	-	-	-	0,330			
	0,418	0,927	-	-	-	0,447			
Th02	0,227	0,849	-	-	-	-			
Th MOT	0,180	-		-	-	-			

При вычислении коэфициентов  $\alpha$  и  $\beta$  использовали метод наименьших квадратов. Экспериментальные значения эффективного резонансного интеграла ториевых стержней, содержащих инертный разбавитель, и стержней из металлического тория представлены в табл.2 и работе [2], данные, необходимые для расчета, - в табл.4.

#### Таблица 4

Состав тори- евых стерж- ней	N <sub>тh</sub> x10 <sup>-21</sup> , ядро/см <sup>3</sup>	Σ*sp, cm <sup>-I</sup>	$\sqrt{\frac{\Sigma_{\rm sp}^{*'}}{N_{\rm Th} 10^{-22}}} f^{(d\Sigma_{\rm sp})}$	I <sub>эф</sub> , б
Th02+Zr02	6,69 5,41 2,93 1,88 13,44 8,29	0,I3I 0,I40 0,I60 0,I76 0,228 0,I98	I,588 I,962 2,514 3,030 I,267 I,602	$28,39\pm1,1933,25\pm1,3841,74\pm1,7148,95\pm2,0223,60\pm0,9928,42\pm1,18$
ThO <sub>2</sub> +SiC	$ \left\{\begin{array}{c} (12,22)\\ 6,48\\ 4,16\\ 2,35\\ 1,13\\ \end{array}\right. $	0,175 0,163 0,238 0,281 0,308	1,283 1,627 2,073 2,798 4,046	23,62±0,98 28,57±1,18 35,42±1,47 46,03±1,91 59,22±2,46
Th02+Bi203	8,66 5,49 4,49 I,65	0,120 0,102 0,098 0,097	I,399 I,747 I,932 3,202	25,01±1,03 30,30±1,25 33,00±1,37 51,60±2,14
Th0 <sub>2</sub>	I7,45 (30,43 30,43	0,164 0,069 0,069	1,007 0,336 0,373	19,24±0,79 9,68±0,41 10,25±0,43
Th <sub>mer</sub>	30,43 30,43 30,43	0,069 0,069 0,069	0,458 0,604 0,753	II,46±0,47 I3,56±0,57 I5,73±0,65

Эфективный резонансный интеграл и Эффективное потенциальное сечение рассеяния Искомая зависимость (1), представленная на рис.3, может быть получена в виде

$$I_{gep} = \left[ 4,74 + 14,67 \sqrt{\Sigma_{sp}^{*}/N_{Th} 10^{-22}} f(d\Sigma_{sp}) \right] \pm 3,6\%$$
 (3)

Сравнение результатов вичислений эффективного резонансного интеграла для стериней из двуокиси тория по формуле (3) и по формуле Гуревича - Померанчука с коэффициентами, определенными авторами работи [1], показывает универсальность полученной аналитической зависимости. Результати вычислений представлены в табл.5. Кроме того, используя полученную зависимость (3), можно внчислить значения эффективных резонансных интегралов для стержней из смеси двуокиси тория и двуокиси свинца. Расчетные значения настоящей работы согласуются в пределах погрешностей с экспериментальными данными, опубликованными в работе [10] (табл.6).



Таблица 5

Расчетные	значения	эффективного	резонансного	интеграла	стержней	ИЭ	Th0
по данным	разных а	вто́ров	-	-	-		2

d, см		Эффективный резонансный интеграл, б									
	Weitman X	Weitman <sup>¥2</sup>	Pettus e.a.*	3 <sub>Polowitsh</sub> and Hardy*4	R.Sehgal¥5	R.Sehgal¥6	Настоящая работа <sup>#7</sup>				
0,765	I9,II <u>+</u> 0,95	19,37 <u>+</u> 0,97	19,11 <u>+</u> 0,95	19,14 <u>+</u> 0,96	I8,68 <u>+</u> 0,82	18,62 <u>+</u> 0,82	19,51 <u>+</u> 0,69				
I,2II	I6,50±0,82	I6,48 <u>+</u> 0,82	16,19 <u>+</u> 0,81	I6,45 <u>+</u> 0,82	I5,99 <u>+</u> 0,70	I5,94 <u>+</u> 0,70	16,77 <u>+</u> 0,59				
2,20	I3,89 <u>+</u> 0,69	I3,84 <u>+</u> 0,69	I3 <b>,28<u>+</u>0,</b> 66	I3,76 <u>+</u> 0,69	I3,29±0,58	I3,40 <u>+</u> 0,59	I3,58±0,48				
3,5	$12,34\pm0,62$	I2,46 <u>±</u> 0,62	-	12,16 <u>+</u> 0,61	-	I2,CO±0,53	$12,58\pm0,44$				
4,5	II,64 <u>+</u> 0,58	II,89 <u>+</u> 0,59	-	-	-	II,42 <u>+</u> 0,50	II,94 <u>+</u> 0,42				

Таблица 6

Номер эксперы-	$N_{\text{Th}} \times 10^{-21}$	$N_{P60_2} x 10^{-21}$ ,	Σ*,	$\Sigma_{sp}^{*}$	I <sub>эф,</sub> б		
Mehtall- Hex Toyek	ядро/см~	моль/см <sup>3</sup>	Call	$\sqrt{\frac{1}{N_{\rm Th}  10^{-22}} f^{(d  2  {\rm sp})}}$	Padora /107	Настоящая работа	
9	I,00	II,56	0,175	2,556	42,25	42,24 <u>+</u> 1,52	
I0	I,70	IO,89	0,163	I,944	34,00	33,26±1,20	
п	2,70	9,65	0,148	I,527	27,75	27,14+0,97	
12	4,40	7,80	0,135	I,I85	22,50	22,12±0,80	
I3	6,75	5 <b>,2I</b>	0,122	0,948	I8,75	I8,65±0,67	
I4	9,15	2,57	0,II3	0,808	I6 <b>,2</b> 5	16,51 <u>+</u> 0,60	
I5	II,05	0,0	0,100	0,729	15,00	I5,44 <u>+</u> 0,55	

Экспериментальные в расчетные значения эффективного резонансного интеграла стержней из ThO<sub>2</sub> + PbO<sub>2</sub>

<sup>ж</sup> Нумерация экспериментальных точек приводится в соответствии с нумерацией работн [IO].

Список литературы

- I. Sehgal B.R. Monte-Carlo Calculations of Resonance Integral of <sup>232</sup>Th. Nucl. Sci. and Engng, 1967, v.27, p.95-103.
- Юрова Л.Н., Поляков А.А., Рухло В.П., Титаренко Ю.Е. Экспериментальное определение эффективного резонансного интеграла металлического тория. - Атомная энергия, 1976, т.41, нып.4, с.279.
- 3. Орлов В.В. Две задачи теории резонансного поглощения нейтронов. В кн.: Труды физико-энергетического института. М.: Атомиздат, 1974, с.157.
- 4. фейноерг С.М., Шихов С.Б., Троянский В.Б. Теория ядерных реакторов. М., 1978, с.311.
- 5. Бурмистров А.Я., Кочуров Б.П. Пространственно-энергетическое распределение нейтронов в цилиндрической ячейке реактора (программа TRIFON). - Препринт ИТЭФ, 1978, # 107.
- 6. Зингермен D.B., Шведов О.В. Измерение потока тепловых, надкадмиевых и быстрых нейтронов в реакторе ТВР. - Препринт ИТЭФ, 1974, № 67.
- 7. Врова Л.Н. и др. Зависимость эффекта резонансного поглощения нейтронов в теории от эффективного сечения рассеяния средн на ядро поглотителя. - Препринт ИТЭФ, 1980, № 148.
- 8. Шихов С.Б. Учет гетерогенного резонансного блок-эффекта при составлении многогрупповых констант для расчета тепловых реакторов. - Атомная энергия, 1966, т.20, вып.1, с.17.
- 9. Neutron Cross-Sections. Resonance Parameters. BNL-325. Third Edition, 1973, v.1.
- IO. Foel W.K., Connoly T.I. Measurement of Resonance Absorbtion in Thorium-232 Dioxide/Uranium-238 Mixtures. - Trans. Amer. Nucl. Soc., 1964, v.7, p.84.

Статья поступила в редакцию I июня 1983 г.

УДК 621.039.502.4 ИЗМЕРЕНИЕ ДИФФУЗИОННОЙ ДЛИНЫ ГРАФИТОВОЙ КЛАДКИ УСОВЕРШЕНСТВОВАННЫМ МЕТОДОМ ПРИЗМЫ

Л.А.Аникина, А.С.Каминский, Е.С.Субботин

MEASUREMENT OF A DIFFUSION LENGTH OF A GRAPHITE SYSTEM WITH THE HELP OF THE IMPOVED PRISM METHOD. Diffusion characteristics of a graphite system were measured with the help of the prism method with a geometricaly small fast - neutron source. The choice of detectors optimal spacing on the base of experimental and computing information allowed to determine diffusion lengths with the error of  $\sim 2\%$  (with confidental probability of 95%).

ри измерении диффузионных характеристик больной графитовой кладки нанболее удобным является метод призмы с точечным источником быстрых нейтронов. Импульсный метод и метод призмы с тепловой колонной требуют применения сложного экспериментального оборудования или ядерного реактора. В то же время точность классического метода призмы с точечным источником быстрых нейтронов не всегда достаточна для получения качественного результата. Повышение точности этого метода позволяет при сравнительно простом оборудовании успешно решать поставленные задачи. Такой подход был использован при измерении диффузионных характеристик графитовой кладки универсального критического стенда ГРОГ [I].

Кладка стенда ГРОГ представляет собой куб размерами 450х450х45С см, который состоит из колонн, собранных из графитовых блоков размерами 25х25 см в сечении и высотой 60, 30 или 20 см. Блоки, именщие девять вертикальных каналов диаметром 5,5 см, расположенных по прямоугольной решетке с шагом 8,35 см, изготовлены из графита марки ГМЗ (графит мелкозернистий) со средней плотностью I,69 г/см<sup>3</sup>. Графитовая кладка содержит три вида полостей: упомянутые выше каналы диаметром 5,5 см (пористость  $\varepsilon = 34$ %), мехолочные отверстия диаметром I,6 см ( $\varepsilon = 0,3$ %) на стыке четырех соседних колонн и мехолочные щели толщиной 0,1 см ( $\varepsilon = 0,8$ %), которые образуются при монтаже графитовой кладки.

Измерения диффузионных характеристик проводали на сборке K-OI с максимальной пористостью и существенной анизотропией свойств в продольном и поперечном направлениях и на сборке K-O2, близкой к плотной графитовой системе. Сборка K-OI представляла собой описанную выше кладку из графитовых колонн, покрытую со всех сторон кадмиевым листом толщиной 0,I см. В сборке K-O2 отверстия в блоках заполнены графитовыми заглушками диаметром 5 см, имеющими ту же плотность, что и основная масса графита. На рисунке приведены схемы поперечных сечений данных сборок.



Поперечные сечения сборок К-ОІ (а) и К-О2 (б): І – межблочные отверстия; 2 – межблочные щели; 3 – каналы; 4 – графитовые заглушки; 5 – щели цилиндрические

Чтоби обеспечить минимум переборок и достаточную представительность, размер сборки К-О2 был выбран равным I50x450x450 см. Для обеспечения условия равенства нулю внешнего потока нейтронов на образуемой плоской границе колонны ряда, граничащие с другой частью кладки, извлекали и на их место устанавливали дистанционирующее устройство с кадмиевым покрытием.

В качестве нейтронного источника применяли источник спонтанного деления <sup>252</sup>Cf мощностью излучения I,3·10<sup>8</sup> нейтр./с и размерами 0,35х5,5 см. Для эффективного замедления бистрых нейтронов в сборке K-OI между источником и исследуемой кладкой монтировали пьедестал толщиной около 50 см путем закладывания каналов графитовыми заглушками.

Определяли величины коэффициентов релаксации первой гармоники разложения плотности потока тепловых нейтронов в случаях продольной (вдоль каналов)  $\mathcal{J}_{II}$  и поперечной (перпендикулярно каналам)  $\mathcal{J}_{II}$  диффузии. Основная погрешность измерения при использовании геометрически малого источника быстрых нейтронов, имеющего ограниченную эффективность, обусловлена тем, что экспоненциальное распределение плотности потока может установиться на большом удалении от источника, где плотность потока тепловых нейтронов слишком мала для хорошей точности их измерения. Чтобы повысить точность определения коэффициентов релаксации, выбирали оптимальное положение детекторов из соображений наибольшей точности измерения и малости (или отсутствия) вклада высших гармоник в измеряемые величины.

Оптимизацию положения детекторов в сборках выполняли на основе расчетных распределений плотностей потоков телловых нейтронов. полученных из решения уравнения диййузии с использованием в качестве исходной информации экспериментальных распределений плотностей потоков тепловых нейтронов на дальной от источника поверхности пьедестала; соответствие расчетного поля нейтронов оценивали сревнением экспериментальных и расчетных распределений плотностей потоков тепловых нейтронов в сборках. Совпадение считали достигнутым, если разница соответствующих расчетных и экспериментальных значений находилась в пределах ошесок измерений (около 1%).

Важность выбора оптимельных точек измерения иллострирует табл. І, в которой приведен вилад нистих гармоник в значение потоков нейтронов в сборке К-О2 для выбранных направлений и=+25 см, у=+75 см и для x=y=0. Начало координат соответствует центру внутренней поверхности пьедестала. В сборке К-ОІ отмечена аналогичная зависимость, причем для вноранных направлений спад видада высших гармоник в плотность потока тепловых нейтронов по оси z более сильный, чем в сборке К-О2 (при z > 150 см вилад высших гармоник меньше 1%).

Taomma I

Координаты точек		Расстояние по оси z от пьедестала, см							
CROCTH X,Y	125	I50	175	200	225	250	275	300	
х=±25 см у=±75 см	+4,7	+2,9	+I,8	+I,I	+0,7	+0,4	+0,2	+0,I	
x=y=0	<b>-25,I</b>	-21,7	-18,7	-16,2	-14,0	-I2,I	-IO,4	-9,0	

Вклад высшах гармоник в значения потоков нейтронов, %

Чтоби влияние высших гармоних на значения плотности потока тепловых нейтронов было незначительным в обеспечивелась достаточная точность измерений при определения коэфициентов релаксацин, в сборке К-ОІ выбрана область измерения по оси z от 150 до 325 см. Результати определения коэфилиентов релаксации в двух направлениях для поперечной и в четырех направлениях для продольной диффузии приведены в табл.2.

#### Табляца 2

Коэфициенты релаксации для поперечной и продольной диффузии в сборке К-ОІ, см-І

Направле-	Поперечная	дийўу эня	Продольная диффузия
HRG	а) Плоскость пьедестала	б) Плоскость пьедесталя	Плоскость пьедестала
	параллельна расположе-	повернута на угол 900	расположена перпен-
	нию каналов	относительно а)	дикулярно каналам
I	0,01616(0,7)	0,0I597(0,4)	0,0I383(0,4)
	0,01600(0,4)	0,0I600(0,3)	0,0I383(0,5)
	0,01589(0,5)	0,0I602(0,6)	0,0I394(0,5)
2	0,01595(0,4)	0,01588(0,3)	0,0I380(0,2)
	0,01586(0,4)	0,01591(0,6)	0,0I373(0,2)
	0,01598(0,5)	0,01583(0,5)	0,0I382(0,2)
3	-	-	0,0I382(0,3) 0,0I385(0,2) 0,0I387(0,2)
4	-	-	0,0I39I(0,5) 0,0I407(0,3) 0,0I396(0,4)

Примечание. В скооках для каждого коэффициента релаксации указе-на се погрешность аппроксимации в процентах.

Средние значения коэфициентов редаксации для поперечной и продольной диффузии и соответствующие им значения длин диффузии в сборке К-ОІ при доверительной вероятности 95% следующие:  $f_{\perp} = (0,01594\pm0,00005)$  см<sup>-I</sup>;  $f_{\parallel} = (0,01387\pm0,00007)$  см<sup>-I</sup>;  $L_{\perp} = (85,2\pm0,4)$  см;  $L_{\parallel} = (93,9\pm0,6)$  см. Из-за более быстрого спада плотности потоков нейтронов в сборке К-О2, чем в сборке К-ОI, при определении коэфициентов релаксации выбрана область измерения с координатами по оси z от 125 до 275 см. Здесь для понышения представительности использованы также точки измерения, в которых наблидается небольшой (менее 5%) вилад высших гармонык в плотность потока нейтронов (при обработке поправки учитывались).

В табл.З приведены результати определения коэффициентов релаксации как для поперечной, так и продольной диффузии в сборке К-О2.

Таблица З

Средние значения коэфящиентов релаксации для поперечной и продольной диффузии и соответствующие им значения длия диффузии в сборке К-О2 при доверительной вероятности 95% следующие:

 $\begin{aligned} y_{\perp} &= (0,02793 \pm 0,00011) \text{ cm}^{-1}; \\ y_{\parallel} &= (0,02759 \pm 0,00039) \text{ cm}^{-1}; \\ L_{\perp} &= (57,4 \pm 0,9) \text{ cm}; \\ L_{\parallel} &= (57,7 \pm 1,3) \text{ cm}. \end{aligned}$ 

Анализ экспериментальных результатов, приведенных в табл.2,3, показывает хорощую воспроизводимость определения коэффициентов релаксации по выбранным направлениям и позволяет сделать вывод об однородности графитовых сборок К-ОІ и К-О2 как по вертикали, так и по горизонтали.

RC Z	продольно продольно		релаксат диффузии	B	для сбор	noi Re	еречно К-О2,	CM	1
-		_		~~~~		_		_	-

Направ- ление	Поперечная диффузия	Продольная Диффузия
I	0,02793(0,5)	0,02755(2,4)
	0,02788(0,4)	0,02773(2,9)
		0,02784(3,6)
2	0,02804(0,7)	0,02764(2,2)
	0,02806(0,6)	0,02700(3,5)
	0,02786(0,5)	0,02696(3,7)

Примечание. В скобках для каждого коэффициента релаксации указана ее погрешность аппроксимации в процентах.

Удобно сравнить экспериментальные величины длин диффузии в сборках К-ОІ и К-О2 по значениям длин диффузии в графитовой системе без пор, используя для пересчета формулы. Такое сравнение позволяет проверить, во-первых, согласованность экспериментальных значений для разных сборок, во-вторых, применимость использованных формул для расчета таких систем.

Для нахождения из экспериментальных значений длин L<sub>II</sub> и L<sub>1</sub> длины диффузии в сплошном вецестве, а также для определения расчетных значений длин диффузии были использованы формулы Биренса [2]:

$$L_{\parallel}^{2}/L_{0}^{2} = 1 + 2p + p^{2} 2R/p\lambda_{tz} \left[ exp(2R/p\lambda_{tz}) - 1 \right]^{-1} + 3/2 pQR/\lambda_{tz};$$
(I)

$$L_{1}^{2}/L_{0}^{2} = 1 + 2p + p^{2} 2R/p\lambda_{tz} \left[ exp(2R/p\lambda_{tz}) - 1 \right]^{-1} + 3/4 pQ R/\lambda_{tz}, \qquad (2)$$

где  $L_0$  — длина диффузии в сплошном веществе;  $\rho$  — пористость среды, равная отношению объема полости V к объему, занимаемому сплошным веществом; R = 2V/S — гидравлический радиус полости;  $\lambda_{tr}$  — транспортная длина нейтронов в сплошном веществе;  $Q = \bar{\ell}^2/\ell^2$  — коэффициент, зависящий от формы полости и разный отношению квадрата средней хорды к среднему квадрату хорды полости (для полостей круглого сечения Q = 4/3).

Условне применимости этих формул в среде с пустыми канадами на расстоянии h от плоского источника согласно данным работы [3] имеет вид

$$R/h \ll 1; \quad R/(H-h) \ll 1; \quad (R/L_{\parallel})F(h/L_{\parallel}) \ll 1,$$
 (3)

где H-h – расстояние от точки h до конца канала;  $F(x) = \int_{\infty}^{x} \frac{exp(t)}{t} dt - \frac{exp(x)}{x} (1 + \frac{1}{x})$ . Оценки показывают, что уже в сборке К-ОІ с максимальной пористостью, где R = 2,75 см, H = 450 см, условие (3) выполняется. В некоторых работах [4-6] в сборках с пустыми каналами учитивалось поглощение нейтронов в воздухе, которое в зависимости от величины пористости дает поправку в значение длины диййузии. Поглощение нейтронов в воздухе приводит к уменьшению длины диййузии в сборках К-ОІ и К-О2 на 3 и 0,4% соответственно, которое учитивалось при определение значения длины  $L_0$ . Слеует заметить, что наблидается различие в значениях транспортного макроскопического сечения графита по разным источникам (табл.4). По новейшим литературным данным величина транспортного микросечения графита равна (4,81±0,05) 6; она и принималась при определении коэфициентов Биренса.

Taoma 4

Tpar	спортное	MIRDOCROIMIAG	croe	сечени	( <b>8</b> I	рай	ГТА
при	<b>ROMHATHOЙ</b>	температуре	ПО	данным	pas	BUX	<b>ABTOPOB</b>

Метод	G <sub>tz</sub> , o	Лятера- тура	Метод	<sup>6</sup> tz, 0	Інтера- тура
Импульсный	4,83±0,04	[1]	Импульсный	4,8I±0,05	/12/
_*_ _*_	4,97±0,07	/8/ /67	Экспоненциаль- ный	4,75±0,09	<b>/1</b> 3/
_"_	5,14±0,01	/ <b>1</b> 07	Осцалляторный	4,74 <u>+</u> 0,22	<b>_1</b> 47
-"-	4,74±0,07	/ <b>1</b> 1/	Расчетный	4,8	<b>/</b> 157
	I		II		1

Примечание. Ошнока соответствует среднеквадратичной.

Как следует из табл.5, наблядается удовлетворательное согласже значений длины L<sub>0</sub>, полученных из экспертментальных значений L<sub>1</sub> и L<sub>1</sub> для рассмотренных сборок.

#### Taomma 5

Длина дифиузии для днух сборок, см

Сборка	Вдоль	Kahajob	Перпендикулярно канала			
	L <sub>II</sub>	Lo		L <sub>o</sub>		
K-OI	93,9 <u>+</u> 0,6	54,I±0,7	85,2 <u>+</u> 0,4	54,3±0,7		
K-02	57,7 <u>+</u> I,3	54,I <u>+</u> I,3	57,4 <u>+</u> 0,9	54,I <u>+</u> 0,9		

Таким образом, предложенный подход позволил определить методом призим с геометрически малым источником быстрых нейтронов длины дийфузии в графитовой кладке стенда IPOF с погрешностью около 2% (при доверительной вероятности 95%), что сравнимо с наизучней точностью используемых методов измерения диффузионных длин.

#### Список литературы

- I. Богомолов А.М., Каминский А.С., Молодцов А.Д. и др. Вопросы атомной науки и техники. Сер. Атомно-водородная энергетика и технология, 1981, вып.3(10), с.17-21.
- 2. Behrens D. Proc.Phys.Soc., 1949, v.A62, p.607.
- 3. Лалетин Н.И. Атомная энергия, 1959, т.7, с.18.
- 4. Shaefer G., Parkyn D. Proc.Second Energy. Geneva, 1958, v.16, p.496.
- 5. Seven L. Nucl.Sci. and Engng. Suppl.1, 1958, p.31.
- 6. Жежерун И.Ф. Атомная энергия, 1964, т.16, с.123.
- 7. Beckurts K.H. Nucl.Sci. and Engng, 1957, v.2, p.516.
- 8. Антонов и др. В кн.: Матерналы Международной конференции по мирному использованию атомной энергии (Женева, 1955 г.). М.: Изд-во АН СССР, 1958.
- 9. Starr E., Price G. Trans. Amer. Nucl. Soc., 1959, v.2, p.125.
- IO. Davis S.K. e.a. Ibid., 1963, v.6, p.286.
- II. Sogot M., Tellier H. Nucl.Energy, 1963, v.A/B17, p.347.
- I2. Xexepyn N.Ø. Neutron Thermalization and Reactor Spectra. Vol.II (Proc.of Symposium Ann.Arbor.). Vienna: IARA, 1968.

- I3. Hendrie T.M. e.a. Proc. 2-nd Intern.Conf.Peaceful Uses Atomic Energy. Geneva, 1958, v.12, paper N 601, p.695.
- I4. Perez R.B. e.a. Trans.Amer.Nucl.Soc., 1963, v.6, p.287.
- 15. Каминский А.С., Майоров Л.В. Программа РІТ для расчета потоков медленных нейтронов методом Монте-Карло с учетом термализации. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Физика и техника ядерных реакторов, 1981, вып.8(21), с.76.

Статья поступила в редакцию 12 апреля 1983 г.

УДК 621.039.547

ЭНЕРГЕТИЧЕСКИЕ СПЕКТРЫ НЕЙТРОНОВ КРИТИЧЕСКИХ СВОРОК ЕНСТРОГО ФИЗИЧЕСКОГО СТЕНДА

В.В.Возяков, Е.Н.Кузин, В.М.Литяев, А.В.Шапарь

THE NEUTRON ENERGY SPECTRA CN BFS CRITICAL ASSEMBLIES. The comparision of the experimental and calculational data is made concerning the neutron energy spectra in media for several reactor compositions. The measurements were carried out on BFS - facility for central uranium fueled test zones of critical assemblies. The experimental conditions were similar to those of infinite media. The time-of-flight and proton-recoil spectrometry methods (proportional counters and organic cristal detector) were used, allowing to overlope the overall energy region approximately 10 eV-10 MeV. The detailed spectrum calculations were based on the numerical solution of the slowing down equation with a rigorous kernel for elastic scattering energy loss. The neutron cross-sections library of Nuclear Data Center were used with the common set of about 14 000 energy points irregularly spaced to discribe in a best way the resonance structure of neutron cross-sections of the main reactor materials. The reasons for divergency between experiment and calculation are discussed.

Статья является продолжением работы /1/, в котогой сравнивались расчетные и экспериментальные энергетические распределения нейтронов группы критических сборок быстрого бизического стенда (БФС). Сборки, обсуждаемые в настоящей статье, исследовались экспериментаторами раньше группы сборок, рассмотренных в работе [I] (за исключением сборки БФС-45); расчетное же исследование детальной структуры спектров ранних экспериментов проводится только в настоящее время. Это объясняется стремлением вначале интерпретировать предположительно более качественные результаты эксперимента.

Экспериментальные методы, используемые на БФС, изложены в работах [2-4]. Измерения ведутся тремя методами:

I) по времени пролета в области ниже I50 кэВ; некоррелированный фон измеряется одновременно с измерением спектра - перед следующей вспышкой в активной зоне во временном окне I280 мкс; коррелированный (переменный) фон измеряется с помощью резонансных фильтров;

2) с пряменением пропорциональных счетчиков в интервале I-I200 кэВ, в области ниже I00 кэВ применялся двумерный анализ амплитудных распределений;

3) с применением сцинтиллиционного спектрометра с кристаллом стильбена (интервал 0,8-10 МэВ, диаметр кристалла 7 мм, высота 8 мм).

Спектры нейтронов измеряются в центральных вставках критических сборок, изотопный состав и краткая характеристика вставок приведены в табл. I. Расчетно-экспериментальные оценки показали, что для всех сборок К<sub>∞</sub> = I, т.е. измеренные спектры можно рассматривать в условиях бесконечной среды.

Поправки в области измерений по времени пролета. Энергетические распределения, измеренные методом времени пролета, содержат поправки, учитивающие подкритичность реактора, натекание нейтронов в ныводной канал, наличие внешнего источника нейтронов, анизотропию нейтронного потока и гетерогенность среди (табл.2). Гетерогенные поправки рассчитаны в работе [5].

#### Taomma I

#### Изотопный состав центральных вставок критических сборок БФС

		005em				Co	став, х	10 <sup>20</sup> ла	ро/см				
Композиция	Краткая характеристика	HORIE- HOR BCTAB- KE	H	U	0	Ne	<b>A</b> 1	Cr	) Min	Je	<b>N1</b>	235 <sub>U</sub>	238 <sub>0</sub>
<b>BBC24</b> I6	Модель реактора БН-600, среда вз металлического обогащенно- го урана, днуокися обедненно- го урана с добавкой алиминия, А1_0, железа	1550	-	-	189	-	II8	29,3	-	137	12,2	18	62,I
<b>BBC26</b>	Среда из металического обога- ценного урана, графита, желе- за, алиминия	700 (16) <sup>≇</sup>	-	295,1	-	-	112,9	40,7	1,14	153,6	18	12,1	I,42
E&C27	Среда из металического обога- ценного урана, графита, натрия	565 (12)	-	258		77	46,4	6,26	0,16	21,6	2,9	15,9	I <b>,</b> 86
E&C28	Сборка близка по состану к зо- не большего обогащения реакто- ра БН-600	450 (8)	-	-	122	-	294	-	-	-		23	68,5
B <b>9C39</b>	Модель реактора, среда из ме- талинческого оботаленного ура- на, двуокися обедленного ура- на, натрия, амиминия, Al <sub>2</sub> 03, железа	1325	0,263	-	119	68,5	60,3	33,8	-	127	15,9	12,6	<b>61,</b> 6
<b>60C-45</b>	Сборка близка по состану к зо- не малого обогащения реактора БН-600	685	0,2	37,6	129,7	76,1	34,5	28,1	2,22	102,3	13,1	18,05	66,44

.

\* Число в скобках относится к гомогенизированной части вставки. \*\* В сборке БФС-27 содержались незначительные количества титана и кремния.

ខ

#### Таблица 2

Номер	Энергетический		Поправка. отн.ел.						
грушы	ивтервал	64C-26	БФС-27	EPC-28	Epc-45				
8-I0	0,2 МэВ-21,5 кэВ	I,OI	I,OI	I	I,OI				
II	2I,5-IO "	I,OI	I,0I	I,02	I,04				
12	IO-4,65 "	I,OI	I,OI	I,08	1,12				
I3	4,65-2,15 "	I,03	I,08	I,22	I,24				
I4	2,I5-I "	I,05	I,I3	I,43	I,56				
I5	I-0,465 "	I,16	I,I9	I,8I	2,12				
<b>I</b> 6	<b>465-215</b> эВ	I,4I	I,46	3,00	3,20				
17	215-100 "	I,5I	'I,57	_	-				
18	IOO-46,5 "	2,36	2,50	-	-				

## Поправки для групповых потоков в области измерений методом времени пролета

<u>Погрешности экспериментальных методов</u>. Анализ составляющих погрешности в случае экспериментальных методов I) и 2) позволил получить полную погрешность измеренных величин  $\varphi(E)$  [3,6]. Погрешность спектра, измеренного сцинтилляционным спектрометром, определялась в дополнительных исследованиях – при измерении хорошо известного спектра нейтронов спонтанного деления <sup>252</sup> cf. 3 табл.3 приведены приближенные значения суммарной погрешности для каждого метода.

Погрешность измерения спектра разными методами, %

Таблица З

Номер	Энергетический	Метод			Номер	Энергетический		Метод	~~~~
ин т.Рун–	интервал	време- ни про- лета	пропорци- онального счетчика	сцинтил- ляцион- ного спектро- метра	труп- ты	интервал	време- ни про- лета	пропорци- онального счетчика	СЦИНТИЛ- ЛЯЦИОН- НОГО СПЕКТРО- Метра
I	IO-6,5 MəB	_	-	I5	II	2I,5-I0 кэB	9	I5	-
2	6,5-4 "	-	1	IO	12	IO <b>-4</b> ,65 "	8	20	-
3	4-2,5	-	-	IO	I3 <sup>°</sup>	4,65-2,15 "	8	<b>2</b> 5	-
4	2,5-I,4 "	-	-	IO	I4	2,I5-I "	8	-	-
5	I,40,8 "		IO	-	I5	I-0,465 "	8	-	-
6	0,8-0,4 "	-	7	-	I6	<b>465—2I5</b> эВ	8	_	-
7	0,4-0,2 "	-	5	-	17	215-100 "	12	-	-
8	0,2-0,I "	I5	7	-	I8	IOO-46,5 "	12	-	-
9	100-46,5 кэВ	I3	7	-	I9	46,5-2I,5 "	I3	-	-
IO	46,5-2I,5 "	IO	IO	-	20	2I,5-IO "	I3	-	-

Расчет энергетических нейтронных спектров. Расчет энергетических распределений выполнен с помощью комплекса программ СПЕКТР, в котором реализован численный метод решения уравнения замедления в бесконечной однородной среде на основе специализированной библиотеки ядерных данных [7, 8]. Влияние диффузии нейтронов на спектр учтено в приближении основной гармоники введением материального параметра среды В<sup>2</sup>. Специализированная рабочая библиотека сформирована в Центре по ядерным даняны (Обнинск) на основе файлов оцененных данных из библиотек различных стран (СССР, Великобритании, США, ФРТ, Японии) и содержит поточечное представление нейтронных сечений (полного, поглощения, радиационного захвата, деления и неупругого рассеяния) в 14 000 узлах единой неравномерной энергетической сетки. Наличие единой для всех изотопов сетки упрощает логику решения задачи замедления нейтронов и экономит машинное время благодаря тому, что ядерные данные приведены в стандартный формат, пригодный для расчета любой композиции рассматриваемого класса. Число узлов и их расположение задаются специальной программой из условий минимального искажения описания резонансной структуры (менее 0,5%) и максимально возможного сжатия числовой информации. Кроме того, специализированная библиотека содержит матрицы неупругих переходов в 70-грушовом разбиении, групповые микроконстанты, получаемые в расчете по стандартной методике БНАБ [9], и другие массивы чисел. Библиотека сформирована для области энергий IO эВ - IO МэВ.

<u>Обсуждение результатов</u>. На рисунке сравниваются нормированные по площадям расчетине и экспериментальные энергетические распределения нейтронов. При этом используется свертка рассчитанного спектра: детальное распределение усреднено с весом функций разрешения спектрометров. Необходимость свертки объясняется тем, что сравниваемые спектры должны быть в адекватной форме; экспериментальные методики измерения спектров разрешают структуру гораздо грубее, чем она выявлена в измерениях микроскопических сечений; последние же положены в оснону библиотек оцененных ядерных данных, и их структура проявляется в детальных расчетах спектров. Для сборок БФС-24 и БФС-39 измерения по времени пролета не проводились, так как эти композиции были реализованы на стенде БФС-2, где нет вывода нейтронного цучка на пролетную базу спектрометра; для сборки БФС-28 измерения в области ниже I кэВ выполнены с недостаточной статистикой и на рисунке не приводятся.



Спектры нейтронов в различных сборках БФС: — – расчетные, измеренные методом времени пролета (O), водородным счетчиком (•), сцинтилляционным спектрометром (+)



104

Энергия, эВ

105

10<sup>2</sup>

10<sup>3</sup>

106

107

ន

Из сравнения нидно, что описание структуры в расчетных и экспериментальных спектрах в основном совпадает при некоторых количественных различиях, что объясняется неточностью подбора параметров функции разрешения при свертке, а также неполным соответствием анпроконмирующей аналитической функции форме истинной. Наибольние трудности при сравнении расчета и эксперимента возникают для сборки БСС-26 - набищается перенос сравниваемых кривых при относительно больных количественных различиях.Учет поправок в области измерений по времени пролета не устрания расходдений полностью, хотя и уменьшия их. Например, в случае сборки БСС-26 в области ниже 100 эВ различия уменьшились примерно в 3 раза; наименьший эффект учета поправок-в случае сборки БСС-28. Для сборки БСС-45 солижение кривных гораздо значительное.

Существенным источником различий экспериментальных и расчетиих кривых является неадекватность условий их подучения: некоторые факторы в настоящее время учесть невозможно. Например, в реализованной методике нульмерного расчета спектра не учитиваются многозомность соорок, малость геометрических размеров вставки и др.; с другой стороны, в величинах экспериментальных онибок не отражены погрешности поправочных коэффициентов, которые могут оказаться существенными.

В табл.4 представлено расхождение расчетных и экспериментальных потоков, полученных сверткой в группах БНАБ. Для всех критических оборок это расхождение в области 10 кэВ – I МэВ примерно укладывается в двойную погрейность эксперимента. Большее расхождение в области ниже 4 кэВ, по-видимому, связано с отмеченной ныже неадекватностью получения расчетных и экспериментальных величин потоков, что особенно характерно для сборки БФС-28.

Таблица 4

			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					
Номер груп-	Энергетический интервал		Δ <del>φ</del> =	$(\overline{\varphi}_{\mathfrak{z}} - \overline{\varphi}_{P})$	$)/\varphi_{\rm P}$ ,	%		Погрен- ность
IIN .		6 <b>0</b> C24	<b>50C-2</b> 6	60C-27	6 <b>9</b> C-28	<b>Б⊈C</b> —39	<b>60C-4</b> 5	əkciic- pimes- Ta, %
I	IO-6,5 MəB	-I2	74	50	46	-	-12	I5
2	6,5-4 "	3	74	-38	19	66	13	IO
3	4-2,5 *	-I	<b>4</b> I	-35	16	69	II	10
4	2,5-I,4 <b>"</b>	6	12	-I2	4	47	8	IO
5	I,4-0,8 *	-4	16	6	30	35	5	10
6	0,8-0,4 MəB	4	36	5	2I	<b>I8</b>	4	7
7	0,4-0,2 *	-I0	I5	5	<b>-</b> I5	-IO	-I0	5
8	0,2-0,I "	8	-I0	-10	-I4	<b>–I</b> 3 .	5	7
9	IOO-46,5 кэB	0	<b>-</b> I9	-2	–II	22	-8	7
10	46,5-2I,5 <b>*</b>	-	24	4	-16	-17	8	IO
II	21,5-10 "	-	-22	I	0	-9	-9	9
12	IO-4,65 "	-	20	7	60	23	I9	8
I3	4,65-2,15 "	-	-2I	39	200	44	73	8
14	2,15—I "	-	-14	33	500	-	44	8
I5	I-0,465 "	-	-4	42	-	-	70	8
I6	0,465-0,215 "	-	4	67	-	-	-	8
17	0,215-0,1 "	-	65	-	-	-	-	I2
18	IOO-46,5 aB	-	70	-	-		-	12
							And the second	

Различие групповых нейтронных потоков, полученных усреднением результатов детального расчета и эксперимента

Примечание. Групповые значения  $\overline{\varphi}_{3KCII}$  получены с учетом поправок из табл.2.

Экспериментальные данные по скоростям реакций захвата и деления изотопов урена, плутония и др. используются для проверки расчетного баланса нейтронов в реакторных средах. В табл.5 приведены различия отношений скоростей реакций при усреднении библиотечных ядерных данных, использованных при расчете детальных энергетических распределений нейтронов по экспериментальному и расчетному спектрам. Как видно из таблицы, только в трех случаях различия не укладываются в величину двойной погрешности эксперимента; чаще всего различия не превыжают одинарной погрешности.

#### Таблица 5

Различие отношений скоростей реакций при усреднении сечений по экспериментальному и расчетному спектрам нейтронов

Спектральный индекс	( <f></f>	- < F> <sub>P</sub> )	Погрешность экспе- римента, %		
	BOC-26	EØC-27			
fg/f5	3	4	0	-I	±2
18/15	2	-17	8	IO	±3
c <sub>8</sub> /f <sub>5</sub>	IO	II	-I	3	±2
α	-4	IO	9	-2	±I0
°10/15	4	6	I	I	±5

Примечание. F - спектральный инпекс: <> - символ усреднения сечения; индексы 5,8,9,10 относятся к 2350, 2380, 239 $p_u$  10<sub>B</sub> соответственно; f - сечение деления; C - сечение захвата;  $\alpha = c_g/f_g$ .

Данная работа вместе со статьей [I] дает общее представление о расчетно-экспериментальных исследованиях спектров нейтронов, выполненных в Физико-энергетическом институте, где в течение 70-х годов проведены измерения спектров на некоторых критических сборках стендов Б2С-I, Б2С-2, позволившие оценить ошибки экспериментальных методик. Выполнен также большой объем теоретических работ по разработке и реализации алгоритма расчета детального спектра нейтронов. Расчетно-экспериментальное исследование позволило оценить достоверность как эксперимента, так и расчета.

Сравнение экспериментальных и расчетных спектров нейтронов для всех сборок указывает на их согласие в пределах двойной погрешности эксперимента в области энергий IO кэВ – I МэВ. При энергиях ниже 4 кэВ для большинства сборок различия значительно больше, что обусловлено в основном неадекватностью условий эксперимента и расчетной модели. При энергиях выше 2 МэВ для некоторых сборок различия также превышают экспериментальную погрешность в 3-4 раза. По-видимому, это можно объяснить наличием систематических ошибок измерений, которые в заявленных погрешностях не учтены.

Следующий этап исследования спектров нейтронов рассмотренных критических сборок БФС заключается в выработке оцененных групповых потоков (вместе с матрицей ошибок), которые необходимы в задаче корректировки групповых констант и оцененных ядерных микроданных в рамках статистического подхода. Для изучения влияния гетерогенности сборок также необходимо провести более тщательные расчеты.

#### Список литературы

- I. Казанский Ю.А., Ваньков А.А., Возяков В.В. и др. Атомная энергия, 1982, т.52, пыл.4, с.235-240.
- 2. Ефименко В.Ф., Шапарь А.В. Препринт ФЭИ-620. Обнинск, 1975.
- 3. Кузин Е.Н., Альберт Д., Белов С.П. и др. Препринт ФЭИ-698. Обнинск, 1976.
- 4. Литяев В.М., Дулин В.А., Казанский Ю.А. Атомная энергия, 1979, т.47, вып.1, с.44-45.
- 5. Дулин В.А. Возмущение критичности реакторов и уточнение групповых констант. М.: Атомиздат, 1979.
- 6. Ефименко Е.Ф. Препринт ФЭИ-697. Обнинск, 1976.
- 7. Воротынцев М.Ф., Пивоваров В.А., Ваньков А.А. и др. Препринт ФЭИ-1006-1007. Обнинск, 1980.
- 8. Возяков В.В., Воропаев А.И., Абдулаев Х.Ш. и др. Вопросы атомной науки и техники. Сер.Ядерные константы, 1977, вып.27, с.16-26.
- 9. Абагян Л.П., Базазянц Н.О., Бондаренко И.И., Николаев М.Н. Групповые константи для расчета ядерных реакторов. М.: Атомиздат, 1964.

Статья поступила в редакцию 20 июня 1983 г.

УДК 621.039.51 Эффекты реактивности в ныстрых реакторах с гетерогенной активной зоной

А.В.Данилычев, В.И.Матвеев, Г.М.Пшакин

REACTIVITY EFFECTS IN FAST HETEROGENEOUS REACTORS. The principal safety parameters of a fast high-power reactor with a heterogeneous configuration of a core against the degree of heterogeneity, volume fractions of materials and the type of fuels used in the inner blanket regions have been considered. It has been investigated the relation between the values of Doppler and sodium void effects of reactivity from the viewpoint of a reactor self-regulation possibility in an emergency case.

Исследования и проработки быстрых реакторов с геторогенными активными зонами осуществляются в основном для того, чтобы улучшить физико-экономические характеристики реактора, определяемые параметрами ядерного бридинга [I-3], и повнсить его безопасность, в первую очередь уменьшить полокительность натриевого пустотного эффекта реактивности (НПЭР) [4].

Эти улучшения существенно зависят от конфигурации внутренних зон воспроизводства (ВЗВ), их взаиморасположения, степени гетерогенности активной зоны. Проведенные исследования показали, что в гетерогенных активных зонах на оксидном топливе могут быть улучшены как экономические показатели, так и параметры безопасности [I-5]. Каждое из выбранных направлений (воспроизводство или сезопасность) в принципе приводит к своему оптимальному компоновочному решению, хотя могут быть найдены варианты, в которых эти оптимумы сочетаются. В настоящее время такое сочетание еще полностью не определено, поэтому целесообразно исследовать возможность гетерогенных компоновок быстрых реакторов. Вопросы безопасности рассматривались, в частности, в работах [1,4-6], где показана возможность уменьшения положительности НПЭР при переходе к гетерогенной концепции активной зоны. Следует отметить, что с точки зрения ядерного бридинга весьма заманчивым является использование металлического урана для формирования B3B [2,3]. В то же время из-за более жесткого спектра гетерогенная зона с металлическими ВЗВ имеет меньший выигрыш по НЦЭР. Для оксидно-металлического варианта выбор совместного оптимума затруднителен. Проблема безопасности не исчерпывается одним только пустотным натриевым эффектом, обязательность уменьшения его без рассмотрения НШЭР в совокупности с другими параметрами реактора (например, доплер-эффектом) не является очевидной. При гетерогенной компоновке активной зоны наблюдается снижение доплер-эффекта, что требует (при квалифицированном изучении изменения безопасности) рассмотрения соотношения между этими эффектами с учетом различных концепций аварийных ситуаций.

В настоящей работе приводятся результать исследований по изменению пустотного и доплеровского эффектов, проведенные на достаточно типичных моделях гетерогенных компоновок быстрых энергетических реакторов большой мощности (типа HH-I600). Расчеты выполнены с привлечением новой системы констант EHAE-78, хорошо согласущейся с результатами, полученными по константным версиям других стран [7]. Для расчетно-параметрических исследований выбраны следущие типы гетерогенности (размеры и геометрия активных зон взяты из работы [2]): центрально-расположенная воспроизводящая зона, кольцевая активная зона, аксиальная гетерогенность (аксиальная воспроизводящая прослойка).

Исследуемые реакторы отличаются все более возрастающей степенью гетерогенности как по объему воспроизводящих вставок, так и геометрически. Для изучения влияния состава активной зоны на основные эффекты реактивности в расчетах варьировались объемные доли материалов  $\varepsilon_i$ , входящих в состав реактора (табл. I). Плутоний содержал высшие изотопы в пропорции  $^{239}$ Pu/ $^{240}$ Pu/ $^{241}$ Pu/ $^{242}$ Pu=

Таблина I

Вариант	To M BH	опливная нещние	зона экраны	B3B			
	ε <sub>τ</sub>	E <sub>Na</sub>	ε <sub>cτ</sub>	ε <sub>τ</sub>	ε <sub>Na</sub>	ε <sub>ct</sub>	
I	0,35	0,35	0,30	0,35	0,35	0,30	
2	0,45	0,35	0,20	0,55	0,25	0,20	
3	0,60	0,20	0,20	0,60	0,20	0,20	

Составы исследуемых вариантов

= 0,6/0,2/0,15/0,05. Для формирования ВЗВ исследовали оксидное и металлическое топливо с плотностью 9 и 14 г/см<sup>3</sup> соответственно. Сравнение вариантов гетерогенных активных зон проводили, исходя из условия постоянства тепловой мощности и высоты активных зон реакторов. В табл.2 приведени получение расчетным путем критическое обогадение и критическая загрузка для исследуемых реакторов. Для традиционной компоновки был принят варшант днухвонного ныравнивания тепловыделения обогадением (топливо оксидное). Для гетерогенных варшантов в топливных зонах использовалось оксидное топливо одного обогадения.

#### Таблица 2

Komiohobka	Объемная	Материал ВЗВ							
30RH	HONR TOLLE- BE C. ,	Of	шсь	Ме	Tali				
	отн.ед.	Критическое обогащение 239 <sub>Ри+</sub> 241 <sub>Ри</sub> , %	Kpurruyeckas Sarpyska 239 <sub>Pu+</sub> 241 <sub>Pu,</sub> Kr	Kpuruyeckoe odoramenne 239 <sub>Pu+</sub> 241 <sub>Pu</sub> , %	Kpurnyeckan sarpyska 239 <sub>Pu+</sub> 241 <sub>Pu</sub> , RF				
Традицион ная <sup>ж</sup>	0,35	<u>II.7</u> I4,7	3121	-					
	0,45	<u>9,75</u> 12,2	3336	-					
	0,60	<u>8,3</u> 10,47	3809		-				
Гетерогенная	0,35	13,2	3159	I3 <b>,</b> 3	3165				
С Центральнои вставкой	0,45	II,O	3374	II,OI	3378				
	0,60	9,37	3871	9,38	3885				
Гетерогенная	0,35	15,67	3671	I6,4	3836				
кольцевая	0,45	13,2	3970	13,5	4075				
	0,60	II,O	4419	<b>II,3</b> 5	4556				
Кольцевая с аксиальной прослойкой толщиной С, см:									
5	l ſ	I4,3	4088	<b>I4,</b> 86	<b>42</b> 5I				
IO	0.45	15,43	4183	16,10	4365				
I5		16,57	4241	17,28	4423				
20	L	17,71	4267	18,31	4431				

Критические параметры исследуемых вариантов

\* Числитель - обогащение зоны малого обогащения, знаменатель - зоны большого обогащения.

На рис.І представлены результаты расчета интегрального по реактору НПЭР, на рис.2 - значения доплеровской постоянной *Т дК /дТ для выбр*анных моделей реакторов и принятых объемных долей материалов. При этом доплеровская постоянная

$$T \partial K / \partial T = \frac{\left| K_{3\varphi}(T_2) - K_{3\varphi}(T_1) \right|}{K_{3\varphi}(T_2) K_{3\varphi}(T_1) \ln T_2 / T_1}$$

(где  $T_2$  и  $T_i$  - расчетные значения температур, К;  $K_{3\phi}(T_2)$  и  $K_{3\phi}(T_i)$  - значения эффективного коэффициента размножения при расчетных температурах) рассчитывалась для интервала температур 300-2100 К.

На рис.З приведена зависимость основных параметров безопасности от толщины аксиальной прослойки  $\delta_{np}$ . Результаты позволяют сделать вывод, что с точки зрения НПЭР и доплер-эффекта введение в активную зону гетерогенным образом большого количества воспроизводящего материала приводит к следующим конкурирующим друг с другом эффектам: - в активной зоне увеличивается обогащение топлива, что ужестчает спектр нейтронов. Следствием этого является уменьшение НШЭР в топливных зонах. Одновременно изменяется доплер-эффект в результате уменьшения концентрации <sup>238</sup>U как в топливных зонах, так и во всей активной зоне и снижения доли нейтронов с энергией ниже 20 каВ;

- возрастает утечка нейтронов в воспроизводящие зони, что приводит к снижению положительности НПЭР в топливных зонах.



Рис. I. НПЭР для оксидных (а) и металлических (б) вариантов: — – традишионная компоновка; — – – кольцевая активная зона; — – зона с центральной воспроизводящей вставкой





Рис.3. Влияние толщины аксиальной прослойки на параметры безопасности кольцевой активной зоны: ——— – оксидные ВЗВ; — — — – металлические ВЗВ

При этом основной вклад в изменение НШЭР дают составляющая утечки (радиальная ее компонента) и несколько меньше – спектральная компонента. Компонента поглощения изменяется незначительно. Эти компоненты НПЭР разделяются в рамках теории возмущений известными зависимостями (см., например, [8]). Результирующее уменьшение пустотного эффекта зависит от соотношения размеров и взаиморасположения топливных и воспроизводящих зон. Немаловажным фактором является и материал воспроизводящих зон (оксидное или металлическое топливо).

Изменение изотопного состава топлива, происходящее во время работи реактора на мощности, приводит к изменению натриевого и доплеровского коэффициентов реактивности. Наиболее сильное вличние на НПЭР оказывают наличие в топливе осколков деления и изменение концентраций изотопов <sup>24C</sup>, <sup>241</sup>Pu. Влияние изменения изотопного состава на доплер-эффект связано как с изменением соотношения между делящимися и сирьевыми изотопами, так и с изменением изотопного состава плутония и накоплением осколков, в значительной мере формирущими спектр нейтронов. В табл.3 приведены величины указанных эффектов реактивности (совместно с эффективным суткам. Такому выгоранию соответствует накопление в топливных зонах около 2% осколков деления тяжелых ядер; среднее накопление плутония во внутренних зонах воспроизводства составляет I,3-I,9%.

Полученные эффекты реактивности и изменение их величины при переходе к гетерогенной компоновке не свидетельствуют об изменении степени безопасности реакторов с различной концепцией активной зоны. Одновременное снижение обоих эффектов реактивности должно удовлетворять соотчонеШе шекду ними, определяемому той или иной концепцией аварийной ситуации.Рассмотрение различных аварий приводит и к различным требованиям в предельных значениях указанных эффектов. Эти требования и пределы определяются критериями безопасности, которыми являются обычно ограниченные нормативными документами допускаемые возмущения в нейтронно-физических, теплотехнических, прочностных и других параметрах реактора. По степени сложности аварийной ситуации в качестве критериев безопасности условно могут быть выбраны, в частности, следующие ограничения [8,9]:

- недопустимость вскипания натрия при остановке насосов и несрабатывании аварийной защиты (либо вскипание натрия в числе ТВС, не превышающем определенного значения);

- непревышение допустимых температур оболочки и топлива при возможном кинении натрия;

- локализация плавления топлива в пределах определенного количества ТВС;

Изменение эффектов реактивности при выгорании

- непревышение определенной величины выхода энергии при образовании вторичных критических

масс при расплавлении активной зоны.

Таблица З

Компоновка	Материал	Эффект вы-	τ	= 0	$\tau = 180$		
$(\varepsilon_{\tau} = 0,45)$	1005	% AK/K	НПЭР, % дк/к	T∂K/∂T× ×10 <sup>2</sup>	HIIƏP. % 4 K/K	T∂K/∂T× x10 <sup>2</sup>	
Традицион- ная	-	-1,014	I,4I	I,006 .	I,82	I,06	
Гетероген-	Окись	-I,37	I,I8	0,944	I,48	0,963	
ная с центральной вставкой	Металл	-I,4	I,I9	0,901	I,485	0,935	
Гетерогенная кольцевая	Окись Металл	-0,75 -0,76	I,208 I,60	0,95 0,743	I,605 I,72	0,985 0,752	

Очевидно, что мероприятия, направленные на удовлетворение выбранного условного критерия безопасности (например, введение замедлителя в активную зону, снижение рабочих параметров, устройство упрочненного корпуса и др.), могут существенно повляять на экономичность АЭС. В то же время в выборе критерия безопасности большую роль играет возможность самокомпенсации внесенных возмущений по реактивности за счет быстродействующих отрицательных обратных связей. Наиболее полно ограничения по эффектам реактивности и взаимосвязь между ними определяются из анализа переходных процессов в реакторе при задании в параметрическом виде возможных возмущений (по реактивности, расходу и др.). В настоящей работе авторы предлагают для определения степени изменения безопасности ограничиться рассмотрением тех аварийных ситуаций, в которых наиболее просто проявляется связь между доплер- и натриевым эффектами - ситуаций непревышения температур натрия и топлива при введении реактивности. Для этих случаев можно получить упроценные критериальные зависимости между эффектами реактивности, используя формализм, реализованный, в частности, в работе [9]. Согласно этому формализму рассматриваются два состояния реактора: начальное и то, в которое приходит реактор в результате саморегулирования после внесения возмущения. При этом считается, что переходный процесс протекает очень медленно, а мощность и температура элементов активной зоны не превышают своих значений в конечном стационарном состоянии. Используются эволюционные уравзения, описывающие переходные процессы в топливе и теплоносителе [9]. За внесенную реактивность ре, можно принять, в частности, НШЭР или его часть; реактивность обратной связи можно представить через доплеровский эффект D в виде

$$\rho_{\text{o.c}} = \frac{D}{\alpha_D} = \frac{(T\partial K/\partial T)\ln T(t)/T(0)}{\alpha_D} = \rho_{\mathcal{B}_H},$$

где  $T \partial K / \partial T$  - доплеровская постоянная;  $\alpha_D$  - доплеровская составляющая в мощностном коэффициенте ( $\alpha_D \approx 90\%$  для реактора большой мощности).

Для случая постоянных расхода и температуры натрия на входе нетрудно получить зависимости, связывающие внесенную и требуемую реактивность обратной связи при принятых ограничениях: по температуре натрия  $\Theta(t)$ 

$$\rho_{N\alpha}^{0.c} = -K_{0.c} n_0 \left[ \frac{\Theta(t) - \Theta_{\delta x}}{\Theta(0) - \Theta_{\delta x}} - 1 \right]; \qquad (1)$$

по температуре топлива T(t)

$$\rho_{T}^{0,c} = -K_{0,c} n_{0} \left[ \frac{T(t) - \Theta_{6x}}{T(0) - \Theta_{6x}} - 1 \right] , \qquad (2)$$

где n<sub>о</sub> - мощность реактора; К<sub>0.С</sub> - коэффициент обратной связи.

При сонместном ограничении по температурам натрия и топлива (например, при снижении расхода)

$$\rho^* = -K_{0,c} n_0 \left[ \frac{T(t) - \Theta(t)}{T(0) - \Theta(0)} - 1 \right]$$
(3)

Таблица 4

В табл.4 приведено изменение допустимых значений внешней реактивности, определяемых ограничениями (1),(2), при переходе от традиционного варианта активной зоны к кольцевой гетерогенной. Здесь же приведены допустимые значения пустотного эффекта (НПЭР<sub>доп</sub>), которые могут быть скомпенсированы доплер-эффектом реактора при ограничении (3). Для сравнения в последней колонке табл.4 приведены расчетные значения интегрального по исследуемым реакторам НПЭР. При составлении табл.4 были приняты следующие исходные данные [2,9]:  $\Theta_{\kappa} = 970^{\circ}$ С – температура кипения натрия при рабочем давлении;  $T_{пл} = 2800^{\circ}$ С – температура плавления для оксидного топлива;  $\Theta_{6x} = 360^{\circ}$ С,  $\Theta_{6bx} = 550^{\circ}$ С – температуры на входе и выходе из реактора собтветственно;  $T_{\mu} = 2120^{\circ}$ С – номинальная температура топлива с учетом факторов перегрева для наиболее напряженного твэла.

Допустимые значения внешней реактивности, 🐔 🗠 🗛 🕹

Компоновка активной зоны	Объемная доля топлива	Материал ВЗВ	По вскипа- нию натрия	По расплав- лению топлива	нпэр <sub>доп</sub>	HIIƏP
Традиционная	0,35 0,45 0,60		I,I9 I,I6 0,908	0,32 0,31 0,242	0,3I6 0,30 0,24	I,236 I,4I0 0,86
Гетерогенная кольцевая	0,35	Окись Металл	I,I6 0,98 I,I0	0,3I 0,26	0,30 0,252	I,09I I,290
	0,45	Окись Металл Окись	0,86	0,29 0,23 0,226	0,282	I,208 I,60
	0,60	Металл	0,65	0,17	0,16	0,837

Полученные данные позволяют судить о влиянии концещии активной зоны на основные параметры безопасности, проявляемом через изменение основных эффектов реактивности. В то же время отмечается [4], что для гетерогенной активной зоны можно добиться значительного снижения положительности НПЭР, вплоть до сведения его к нулю. Это можно осуществить путем изменения размеров топливных и воспроизводящих зон. Для гетерогенной активной зоны кольцевого типа это, в частности, означает изменение числа рядов пакетов в воспроизводящих кольцах либо изменение размера пакета "под ключ". Влияние толщины аксиальной прослойки на величины пустотного и доплеровского эффектов реактивности отражено выше. Влияние толщины колец на указанные эффекты представлено на рис.4 для объемной доли топлива  $\varepsilon_{\tau} = 0.45$ , где  $\delta(\Delta)$  - изменение толщины кольца  $\Delta$  в процентах от исходного варианта. В табл.5 приведены результаты оценок допустимых значений внешней реактивности с учетом ограничений (1),(2) для различных толщин воспроизводящих колец, взятые относительно традиционного варианта активной зоны.

Анализируя результаты расчетных исследований, можно сделать следующие выводы:

- введение воспроизводящих материалов в виде отдельных зон внутреннего воспроизводства в активную зону реактора, целесообразное с точки зрения воспроизводства вторичного горючего, приводит в большинстве случаев к уменьшению положительности НЦЭР. При этом снижение объемной доли топлива благоприятно сказывается на величине эффекта. Увеличение доли воспроизводящих зон в активной зоне позволяет уменьшить положительность НЦЭР приблизительно до 0,3% АК/К. Пустотный эффект гетерогенного реактора с металлическим топливом во внутренних зонах воспроизводства практически для всех реальных компоновочных решений остается более положительным, чем для реактора с окисными воспроизводящими зонами;

- одновременно происходит уменьшение доплер-эффекта, составляющего для реактора большой мощности ~ 90% в мощностном эффекте реактивности. Гетерогенные активные зоны с окисными ВЗВ по возможности самокомпенсации возмущений реактивности за счет доплер-эффекта прибликаются к традиционной активной зоне, а при достаточно тонких воспроизводящих зонах даже превосходят ее. Металлические ВЗВ в этом отношении уступают окисным. Увеличение доли внутренных зон воспроизводства в активной зоне реактора, благоприятствующее уменьшению положительности НШЭР, уменьшает в то же время возможность самокомпенсации реактором внешней реактивности;

- гетерогенные активные зоны обладают устойчивостью НШЭР и доплер-эффекта к процессу выгорания не в меньшей степени (для металлического топлива даже в большей), чем традиционные. Потеря реактивности от выгорания для гетерогенных зон достигает меньших значений;

- введение аксиальной прослойки при наличии радиальной гетерогенности не приводит к удучшению параметров безопасности реактора;

- необходима комплексная оптимизация взаиморасположения и размеров топливных и воспроизводящих зон, учитыващая наряду с вопросами воспроизводства и вопросы безопасности. При этом о преимуществах той или иной компоновки с точки зрения безопасности нельзя судить по величине одного только НПЭР. Окончательные требования к величине НПЭР могут быть предъявлены только при изучении конкретных аварийных ситуаций, при совместном учете всех реактивностных эффектов в их взаимосвязи.



Изменение возможности самокомпенсации внешних возмущений по реактивности за счет доплер-эффекта при изменении размеров воспроизводящих кольцевых зон

Тип ограни-	S(A)	▼ <sub>B3B</sub>	Материал ВЗВ						
JOHIN	σ(Δ), %	V,	Ою	ась	Металл				
		%	По вскипанию натрия	По плавлению топлива	По вскипанию натрия	По плавлению топлива			
Допустимые	50	7,40	I,044	I,030	0,858	0,8585			
значения внешней	25	II,33	I,007	0,994	0,806	0,8062			
реактивности	-10	13,75	0,975	0,962	0,775	0,776			
( A (TP)	0	15,40	0,948	0,935	0,74I	0,742			
(Pgon/Pgon)	10	17,07	0,917	0,905	0,7I3	0,714			
5 5	25	19,62	0,87	0,856	0,683	0,683			
	50	23,3	0,807	0,787	0,643	0,642			

Список литературы

- I. Беляев М.В., Воропаев А.И. Концещия гетерогенной активной зоны в быстрых реакторах: Обзор ОБ-63. Обнинск, 1978.
- Троянов М.Ф., Матвеев В.И., Новожилов А.И. Концепция активных зон быстрых энергетических реакторов. Оптимизация физических характеристик реактора БН-1600. Франция, 1979. IAEA-SM-244/81.
- 3. Орлов В.В., Слесарев И.С., Зарицкий С.М. и др. О принципиальной возможности снижения времени удвоения при гетерогенном размещении в бистром реакторе различных видов топлива. Там же. IAEA-SM-244/76.
- 4. Tzanos C., Barthold W. Nucl. Techn., 1977, p.262.
- 5. Naser J. e.a. Trans. Amer. Nucl. Soc., 1977, v.26, p.561.
- 6. Renard A., Evrard G., Wehmann U. Nucl. Techn., Dec. 1979, v.46, N 3, p.453.
- 7. Воропаев А.И., Чухлова О.П., Ваньков А.А. и др. Атомная энергия, 1980, т.48, вып.6, с.355.
- 8. Хаммел Г., Окрент Д. Коэффициенты реактивности в больших энергетических реакторах на быстрых нейтрона. М.: Атомиздат, 1975.
- 9. Технические проблемы реакторов на быстрых нейтронах/Под ред.Ю.Е.Багдасарова. М.: Атомиздат, 1969.

Статья поступила в редакцию 25 ноября 1982 г.

удк 539.171+621.039.6

О ВОЗМОЖНОСТИ СНИЖЕНИЯ СКОРОСТИ НЕКОТОРЫХ ПОРОГОВЫХ РЕАКЦИЙ В БЛАНКЕТЕ ГИБРИДНОГО ТЕРМОЯДЕРНОГО РЕАКТОРА

А.В.Лопаткин, И.Х.Ганев, Л.В.Точеный

THE POSSIBILITY OF SUPPRESSION OF SOME THRESHOLD REACTION RATE IN THE BLANKET OF HYBRID FUSION REACTOR. The possibility of suppressing the rate of the threshold reactions which result in the formation of high radioactive nuclides (2320, 235Pu, 235Pu) in the fertile fuel zone of a hybrid fusion reactor is considered for high energy (5-14,1 MeV) using neutron lead interaction features: small capture, intensive elastic and inelastic scattering, back-scattering at slowdown. Threshold reaction rate suppression is achieved by introducing a lead layer between the first wall and fissile fertile zone.

Особенностью энергетического спектра нейтронов, формируемого в урановой зоне бланкета гибридного термоядерного реактора (ГІЯР), является его распространение на область до I4, I МэВ. В результате этого в бланкете ГІЯР более активно, чем в реакторе деления, могут протекать пороговые реакции, такие, как деление <sup>238</sup>U, реакции типа (n,2n), (n,3n) и др. Деление <sup>238</sup>U определяет энерговыделение и размножение нейтронов в бланкете, а реакции типа (n,Mn) помимо увеличения числа нейтронов приводят к наработке новых нуклядов. Как показано в работе [I], при облучении урана и тория в ГГМР в топливе могут накапливаться высокоактивные нукляды <sup>232</sup>U, <sup>236</sup>Pu, <sup>238</sup>Pu в количестве, большем, чем в облученном топливе реакторов деления. Наличие этих нуклядов может вызвать трудности при дальнейшей переработке, транспортировке и использовании облученного материала. Естественным явллется вопрос о возможных мерах по снижению наработки указанных нуклядов, т.е. об уменьшекии скорости соответствующих пороговых реакций в бланкете.

образование нуклидов <sup>232</sup>U и <sup>236</sup>Pu при облучении топлива происходит по многим каналам [2], основной вылад в которые вносят реакции <sup>238</sup>U (n,2n), <sup>237</sup>Np (n,2n), <sup>234</sup>U (n,3n).Порог таких реакили находится в области 6-7 МэВ. Для снижения скорости образования <sup>232</sup>U, <sup>236</sup>Pu необходимо уменьцить долю надпороговых нейтронов в спектре урановой зоны. Чтоби изменить спектр, можно использовать специальные слои из материала, которые рассеивают нейтроны, помещаемые перед урановой зоной. Идеальный материал такого слоя должен обладать слабым поглощением нейтронов, эффективным замедлеимем нейтронов до энергии ниже пороговой, дополнительным размножением нейтронов в реакциях типа (n,Mn), возможностью использования в условиях бланкета ГТЫР.

Указанным требованиям в большей или меньшей степени удовлетворяет свинец, сечение упругого и неупругого рассеяния которого в области 6-14 МэВ составляет 5-6 б [3]. Процесс рассеяния является доминирующей реакцией в указанной энергетической области и способствует эффективному снижению энергии нейтронов. Конкуренцию рассеянию составляет реакция (n,2n) с сечением 0,15-2 б, в которой энергия вторичных нейтронов ниже порога реакции (n,2n). Кроме того, в бистрой области свинец обладает существенно меньшим по сравнению с другими реакторными материалами сечением поглоцения нейтронов и является эффективным отражателем бистрых нейтронов реакторного спектра, идущих из урановой зони. В области 6-14 МэВ грушовое значение среднего косинуса угла упругого рассеяния близко к единице, а средний косинус угла упругого рассеяния, при котором происходит замедление в соседнию нижною группу, равен +0,23 ÷ -0,16 [3]. Последнее обстоятельство снижает утечку нейтронов с высокой энергией из урановой зоны в сторону плазмы.

В качестве примера рассмотрим бланкет, описанный в работе [4], упроценная модель которого представлена на рис.І. Рассеивахщий свинцовый слой размещается между первой стенкой и урановой зоной. Толщина слоя варьировалась в пределах 0-II см, причем все последующие слои без изменений смещались на толщину вводимого свинца в сторону от плазменной зоны. Пространственно-энергетическое распределение плотности потока нейтронов и скорости процессов рассчитывались по программе вLANK[5], изменение состава топлива при облучении – по программе ВLC, разработанной авторами данной работы. Нейтронная нагрузка на первую стенку принята равной I МВт/м<sup>2</sup>.

I	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Плазма 	I3,8 об.% же- леза; I4,0 об.% мо- либдена (ос- тальное - ге- лий)	54,2 об.% урана; 6,8 об.% же- леза; 5,0 об.% мо- либдена (ос- тальное - гелий)	4,65 об.% железа; 3,45 об.% молибдена (остальное – гелий)	4, I об.% же- леза; 59,4 об.% алимината литин (ос тальное - гелиж)	IOO об.% железа	2,0 об.% железа; 49,3 об.% вопы (ос- тальнее - гелий)	100 od.% <b>men</b> esa	4, I об.% железа; 59,4 об.% алимината лития (ос- телий	IOO об.% железа
	7,I CM	20 см	9,8 см	І5 см	0,2 см	ІО см	0,2 см	ІО см	0,2 CM

Рис. І. Композиция бланкета [4]

Расчеты показали, что слой свинца толщиной 10 см уменьшает доло надпороговых нейтронов в спектре урановой зоны бланкета примерно в 2,5 раза по сравнению с полным отсутствием рассеивающего слоя (рис.2). По результатам расчета изменения нуклидного состава топлива при облучении построен график зависимости суммарного накопления <sup>232</sup>U, <sup>236</sup>Pu и <sup>238</sup>Pu от толщины слоя свинца (рис.3). Сравнение вариантов проведено для среднего по толщине урановой зоны уровня накопления <sup>239</sup>Pu 0,5% (кривые I) и 0,9% (кривые 2). При свинцовом слое толщиной II см суммарное накопление <sup>232</sup>U и <sup>236</sup>Pu снижается примерно в IO раз по сравнению со слоем без свинца.



Применение рассеиваниего слоя из свиния снижает общее размножение термоядерных нейтронов в бланкете, а следовательно, мощность бланкета и скорость наработки вторичного продукта - плутония и трития. Так, для рассматриваемой модели бланкета при толщине свинцового слоя II см скорость наработки <sup>239</sup>Ри снижается примерно на 12%, скорость наработки трития - на 25%, скорость делений примерно вдвое.

Известны предложения об использовании свинца в качестве размножителя нейтронов в бланкете термоядерного реактора. В настоящей работе показана возможность использования особенностей реакции рассеивания бистрых нейтронов в слое свинца для подавления скорости "нежелательных" пороговых реакций и уменьшения относительного содержания нуклидов, обладающих высокой радиоантивностью.

#### Список литературы

- I. Марин С.В., Орлов В.В., Шаталов Г.Е. Образование изотопов плутония в урановом топливе гибридного термоядерного реактора. - Атомная энергия, 1962, т.52, вып.5, с.301. 2. Матвеев Л.В., Центер Э.М. Проблема накопления <sup>232</sup>0 и <sup>236</sup>Ри в ядерном топливе. - Атомная тех-
- ника за рубежом, 1980, № 4, с.10-17.
- З. Абагян Л.П., Базазянц Н.О., Николаев М.Н., Цибуля А.М. Групповые константы для расчета ядерных реакторов и защиты. М.: Энергоиздат, 1981.

- 4. Горностаев Б.Д., Гурьев В.В., Кижнатьев А.М. и др. Опитно-промышленный гибрадный наработчик делящегося топлива. Труды II Советско-американского семянара "Синтез-деление". М.: Атомиздат, 1978. с.94-122.
- 5. Марин С.В. и др. Программа расчета пространственно-энергетических распределений в однородной геометрии BLANK. Препринт ИАЭ-2832. М., 1977.

Статья поступила в редакцию 16 марта 1983 г.

Редакторы Г.В.Зубова, Е.И.Ходакова Технический редактор С.И.Халилиулина Корректоры Г.Н.Балашова, Г.С.Платонова, Е.М.Спиридонова

Іодинсано в печ Печать офсетная Андекс 3645.	ать 24.11.83. . Печ.л. 9,0.	Т-22706. Учызд.л.8,5. 9 статей.	Формат 60х84 1/8. Тираж 367 экв. Зак.тнп. #/#//
--	--------------------------------	---------------------------------------	---

Отпечатано в ЦНИМатоминформе 127434, Москва, аб/ящ 971 УДК 621.170.013

ИЗМЕРЕНИЕ И ОЦЕНКА ЯДЕРНЫХ КОНСТАНТ ТОПЛИВНО-СЫРЬЕВЫХ ИЗОТОПОВ -АКТУАЛЬНАЯ ФИЗИЧЕСКАЯ ЗАДАЧА/А.А.Ваньков. - Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1983, нып.4(53), с.3-8.

Рассматриваются вопросн анализа результатов измерений нейтронных сечений и функций пропускания для тяжелых изотопов в области неразрешенных резонансов, а также вопросн, связанные с оценкой групповых констант. Делается вывод о необходимости постановки новых экспериментов по измерению функций пропускания (список лит. -16 назв.).

УДК 539.170.013

ОЦЕНКА ФАКТОРОВ РЕЗОНАНСНОГО САМОЭКРАНИРОВАНИЯ <sup>238</sup> U В ОБЛАСТИ НЕРАЗРЕШЕННЫХ РЕЗОНАНСОВ/А.В.Комаров, А.А.Лукьянов. – Вопросн атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1983, вып.4(53), с.8-18.

На основе теоретической модели одинаковых эквидистантных резонансов для энергетической зависимости сечений в области неразрешенных резонансов проведена параметризация значений факторов резонанссного самоэкранирования и их доплеровских приращений для

Нанского самоэкранирования и на допаруболих прирадения де-238 ц. При расчете доплеровских прирадений факторов самоэкранирования предлагается метод, позволнощий ничислять их по простым апалитическим формулам с использованием переопределения параметров модели. С помощью анализа экспериментальных данных по прямым и захватным пропусканиям в области неразрешенных резонансов показана возможность описания этих данных в совокупности и получения из них групповых функционалов сечений (рис.2, табл.4, список лит. - 20 назв.)

#### YAK 621.170.013

ГРУПЛОВНЕ СЕЧЕНИЯ И ФАКТОРЫ РЕЗОНАНСНОГО САМОЗКРАНИРОВАНИЯ 239ри В ОБЛАСТИ НЕРАЗРЕЩЕННЫХ РЕЗОНАНСОВ/А.А.Ваньков, С.Тошков, В.Ф.Украницев, Н.Ямева. — Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константи, 1983, вып.4(53), с.18-25.

Проведен анализ экспериментальных данных по функциям пропускания и самонидикации процесса деления для 200 в области неразрешензых резонансов. Использовался метод генерации структури сечений на основе многоуровневого R-матричного формализма (метод случайной К-матрицы). Получены оценки средних резонансных параметров и группоных констант 200 ч (рис.3, список лит. - 15 назв.). УДК 621.039.51

АНАЛИЗ ПОГРЕЛНОСТЕЙ АЛГОРИТМОВ ПОЛГОТОВКИ ГРУППОВЫХ КОНСТАНТ В ИНЖЕНЕРНЫХ РАСЧЕТАХ НЫСТРЫХ РЕАКТОРОВ/М.Ф.Воротинцев, А.И.Воро-наев, В.А.Пивоваров, В.В.Возяков, В.С.Дмитриева. – Вопросы атом-ной нукк и техники. Сер. Ядерные константы, 1983, вып.4(53), с. 26-37.

с. 26-37. Подучены оценки погрешности методов подготовки групповых кон-стаят, используемых в инженерных расчетах быстрых реакторов. На основе библиотеки оцененных ядерных данных выполнен детальный рас-чет плотности столкновений нейтронов в области энергий 10 эВ-10,5 МэВ для восьми композиции. Полученный детальный спектр нейтронов используется для расчета групповых констант (  $\Delta U \approx 0,8$ ), средных скоростей реакций, параметров критичности и воспроизвод-ства. Указавные функционали "точного" потока нейтронов сравныва-ртся со значенными этих функционалов, рассчитанными из тех же нейтронных сечений на основе алгоритмов, используемых в комплек-сах подготовки групповых констант НАБ - АРАМАКО (ФЭИ) и МИМ(НИМАР). Для некоторых композиций погрешность приближенных методов подго-товки констант может существенно превышать константную составля-имую погрешности расчета функционалов потока нейтронов. Для компо-зиция быстрого реактора большой мощности погрешность приближенно-го расчета составляет для К метона погрешность приближенно-истро погрешности расчета большой мощности погрешность приближенно-зиция быстрого реактора большой мощности погрешность приближенно-то расчета составляет для К метона в для назв.).

УПК 621.039.512.26

ЭФФЕКТИВНЫЕ РЕЗОНАНСНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ ТОРИЕВЫХ СТЕРЖНЕЙ, СОДЕРЖА ШИХ ИНЕРТНЫЙ РАЗБАВИТЕЛЬ/Л.Н.Юрова, А.А.Поляков, В.П.Рухло, Ю.Е.Титаренко, С.Ф.Комин, О.В.Шведов, Е.А.Филиппов, А.С.Папков, И.И.Кокорин. — Вопросы атомной науки и техники. Сер. Ядерные константы, 1983, вып.4(53), с. 38-44. COTTEPTRA-

В работе представлени результати экспериментального определе-ния значений эддективных резонансных интегралов для блоков ThO<sub>2</sub>, ThO<sub>2</sub>+SiC<sup>2</sup>, ThO<sub>2</sub>+ZrO<sub>2</sub>, ThO<sub>2</sub>+Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub><sup>2</sup> с различной концентрацией SiC, ZrO2, Bi2O3. Используя экспериментальные значения, можно вычислить коэфициенты  $\alpha$  и  $\beta$  в полуэмпирической формуле В.В.Орлова, описывающей резонансный захват нейтронов в олоках с учетом эффекта замедления:

 $I_{30} = 4,74 + 14,67 \sqrt{\Sigma_{sp}^{*}/N_{th} 10^{-22}} f(d\Sigma_{sp}^{*}); \quad 0,3 \le \sqrt{\Sigma_{sp}^{*}/N_{th} 10^{-22}} f(d\Sigma_{sp}) \le 3,2$ 

(рис.3, табл.6, список лит. - IO назв.).

#### УДК 621.039.512.4

ИЗМЕРЕНИЕ ПИФФУЗИОННОЙ ДЛИНЫ ГРАФИТОВОЙ КЛАДКИ УСОВЕРШЕНСТВОВАН-НЫМ МЕТОДОМ ПРИЗМИ/Л.А.Аникина, А.С.Каминский, Е.С.Субботин. -Вопросн атомной науки и техники. Сер.Ядерные константы, 1983, вып.4(53), с.44-49.

Измерены диффузионные характеристики графитовой кладки мето-дом призмы с геометрически малым источником бистрых нейтронов. Вноор оптимального положения детекторов на основе эксперименталь-но-расчетной информации позволы определить длину дифузии с по-грешностью около 2% (при доверительной вероятности 95%) (рис.1, табл.5, список лит.15 назв.).

I p. 50 r.

Индеко 3645

Вопросы атомной науки и техники. Серия: Ядерные константы, 1983, вып.4(53), с.1-66

•